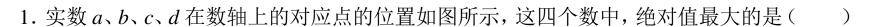
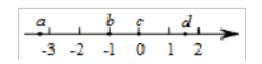
2020年吉林省长春市朝阳区中考数学一模试卷

一. 选择题(共8小题

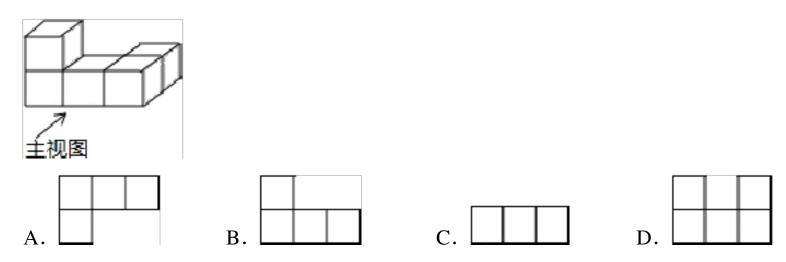




- A. *a*
- B. *b*
- C. *c*
- D. *d*

2. 12 月 24 日, 第八次中日韩领导人会议在四川成都举行, 数据表明 2018 年三国间贸易总 额超过 7200 亿美元,请将数据 7200 亿用科学记数法表示为()

- A. 7.2×10^{10} B. 72×10^{8} C. 72×10^{9} D. 7.2×10^{11}
- 3. 如图是由 5 个完全相同是正方体组成的立体图形,它的主视图是()



- 4. 下列计算正确的是(
 - A. $a \cdot a^2 = a^2$

B. $a^3 \div a = a^3$

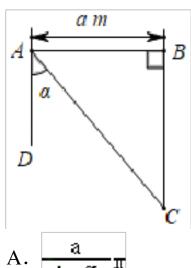
C. $(ab^2)^2 = a^2b^4$

- D. (a^3) $2=a^5$
- 5. 我国古代数学著作《孙子算经》中有"多人共车"问题:今有三人共车,二车空;二人 共车,九人步. 问人与车各几何? 其大意是: 每车坐 3 人,两车空出来;每车坐 2 人, 多出 9 人无车坐. 问人数和车数各多少? 设车 x 辆,根据题意,可列出的方程是 ()
 - A. 3x 2 = 2x + 9

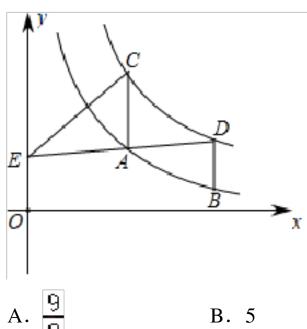
B. 3(x-2) = 2x+9

C. $\frac{x}{3} + 2 = \frac{x}{2} - 9$

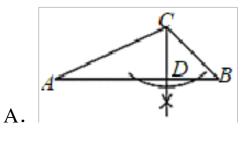
- D. 3(x-2) = 2(x+9)
- 6. 如图,在相距 am 的东西两座炮台 $A \setminus B$ 处同时发现入侵敌舰 C,在炮台 A 处测得敌舰 C在它的南偏东 α 度的方向,在炮台 B 测得敌舰在它的正南方,则敌舰 C 与炮台 B 之间的 距离为(

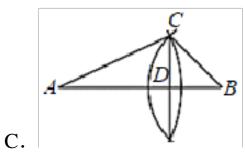


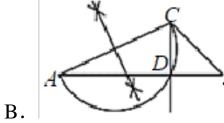
- B. $a\sin\alpha m$
- D. atanαm
- 7. 如图,在平面直角坐标系中,点 $A \setminus B$ 在函数 $y = \frac{3}{x}$ (x > 0) 的图象上,分别过点 $A \setminus B$ 作 x 轴的垂线交函数 $y = \frac{\mathbf{k}}{\mathbf{x}}$ (x > 0, k > 0) 的图象于点 C、D, E 是 y 轴上的点,连结 AB、 AD、AE、CE,若点 A、B 的横坐标分别为 2、3, $\triangle ACE$ 与 $\triangle ABD$ 的面积之和为 2,则 k的值为()

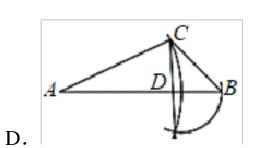


- C. 6
- D. 12
- 8. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB$ =110°, $\angle A$ =25°,用直尺和圆规过点 C 作射线 $CD \bot AB$, 交边AB于点D,则下列作法中错误的是(

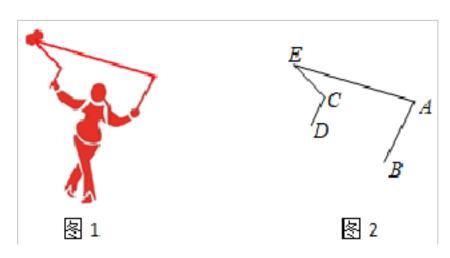




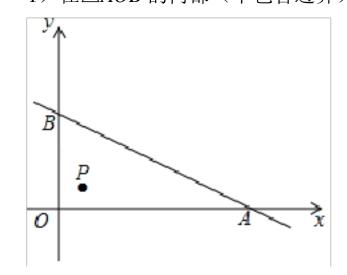




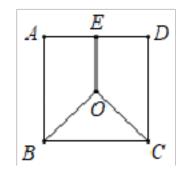
- 二. 填空题 (共6小题)
- 9. 计算: √6+√24=_
- 10. 原价为x元的衬衫,若打六折销售,则现在的售价为_____元(用含x的代数式表示)

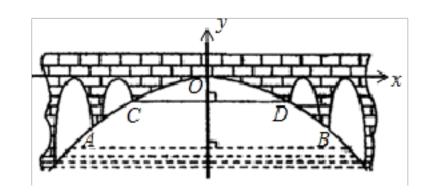


12. 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 $y = -\frac{1}{2}x + 3$ 分别交 x 轴、y 轴于 A 、B 两点, 点 P(m, 1) 在 $\triangle AOB$ 的内部(不包含边界),则 m 的值可能是______(写一个即可).

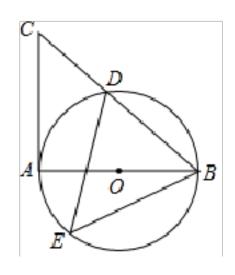


13. 把边长为 2 的正方形纸片 ABCD 分割成如图的三块,其中点 O 为正方形的中心,E 为 AD 的中点,用这三块纸片拼成与该正方形不全等且面积相等的四边形 MNPQ (要求这三块纸片不重叠无缝隙),若四边形 MNPQ 为矩形,则四边形 MNPQ 的周长是_____.





- 三. 解答题(共10小题)
- 15. 先化简, 再求值: $(2a-1)^2+2a(3-2a)$, 其中 a=2020.
- 16. 甲、乙两个不透明的袋子中分别装有三个标有数字的小球,小球除数字不同外,其余均相同,甲袋中三个小球上分别标有数字 1、2、7,乙袋中三个小球上分别标有数字 4、5、6,小明分别从甲、乙口袋中通随机摸出一个小球,用画树状图(或列表)的方法,求小明摸出两个小球上的数字之和为 4 的倍数的概率.
- 17. 为迎接五•一国际劳动节,某商店准备采购一批服装,经调查,用 1000 元采购 A 种服装的件数与用 800 元采购 B 种服装的件数相等,A 种服装每件的进价比 B 种服装多 10 元,求 B 种服装每件的进价.
- 18. 如图,AB 为 $\bigcirc O$ 的直径,AC 切 $\bigcirc O$ 于点 A,连结 BC 交 O 于点 D,E 是 $\bigcirc O$ 上一点,且与点 D 在 AB 异侧,连结 DE
 - (1) 求证: ∠*C*=∠*BED*;
 - (2) 若 $\angle C$ =50°, AB=2, 则BD的长为(结果保留 π)



- 19. 2020年2月21日,某市有600名教师参加了"网络"培训活动,会议就"网络授课"和"家庭教育"这两个问题随机调查了60位教师,并对数据进行了整理、描述和分析,下面给出了部分信息:
 - a. 关于"网络授课"问题发言次数的频数分布直方图如下:

(数据分成 6 组: $0 \le x < 4$, $4 \le x < 8$, $8 \le x < 12$, $12 \le x < 16$, $16 \le x < 20$, $20 \le x \le 24$)

- b. 关于"网络授课"问题发言次数在 8≤x<12 这一组的是:
- 8 8 9 9 9 10 10 10 10 10 10 11 11 11 11

c. "网络授课"和"家庭教育"这两问题发言次数的平均数、中位数、众数如下:

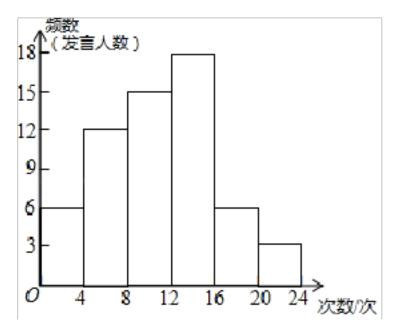
 问题
 平均数(单位:次)
 中位数(单位:次)
 众数(单位:次)

 网络授课
 12
 m
 10

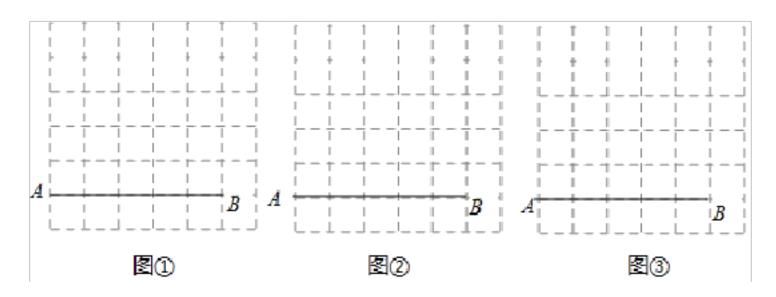
 家庭教育
 11
 10
 9

根据以上信息,回答下列问题:

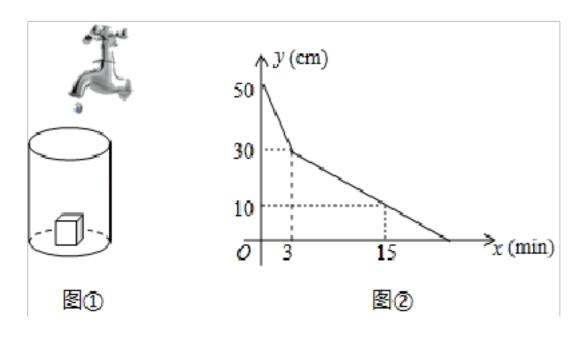
- (1) 上表中 *m* 的值为______.
- (2) 在这次培训会中,参会教师更感兴趣的问题是_____(填"网络授课"或"家庭教育"),并说明理由.
- (3) 如果参加这次培训的 600 名教师都接受调查,估计在"网络授课"这个问题上发言次数不小于 8 次的参会教师的人数.



- 20. 图①、图②、图③都是 6×6 的正方形网格,每个小正方形的边长均为 1,每个小正方形的顶点叫做格点,线段 AB 的端点都在格点上,在图①、图②、图③中,分别以 AB 为边画一个面积为 15 的三角形,在给定的网格中,只用无刻度的直尺,按下列要求画图,只保留作图痕迹,不要求写画法.
 - (1) 在图①中画 $\triangle ABC$,使 $\angle BAC = 45^{\circ}$.
 - (2) 在图②中画 $\triangle ABD$,使 $\triangle ABD$ 是轴对称图形.
 - (3) 在图③中画 $\triangle ABE$,使 AB 边上的高将 $\triangle ABE$ 分成面积比为 1: 2的两部分.

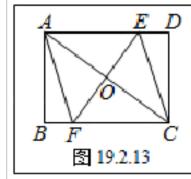


- 21. 如图①,一个底面是正方形的长方体铁块放置在高为 50cm 的圆柱形容器内,现以一定的速度往容器内注水,注满容器为止,容器顶部离水面的距离 y(cm) 与注水时间 x(min) 之间的函数图象如图②所示.
 - (1) 长方体的高度为_____cm.
 - (2) 求该容器水面没过长方体后y与x之间的函数关系式,并写出自变量x的取值范围.
 - (3) 若该长方体的底面边长为 15cm, 直接写出该圆柱形容器的底面积.



22. 【教材呈现】如图是华师版八年级下册数学教材第 117 页的部分内容.

结合图①,补全证明过程.



例 5: 如图 19.2.13,已知矩形 ABCD 的对角线 AC 的垂直平分线与边 $AD \setminus BC$ 分别交于点 $E \setminus F \circ$

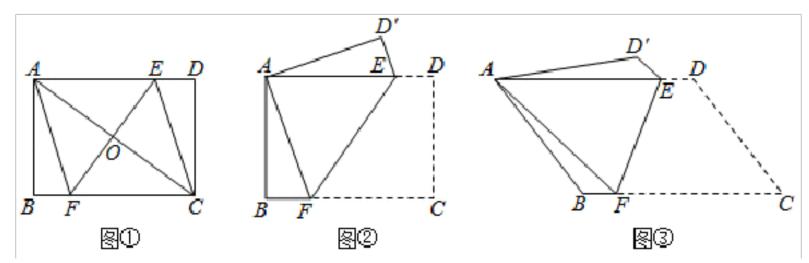
求证:四边形AFCE是菱形。

分析:要证明四边形 AFCE 是菱形,由已知条件可知 $EF \perp AC$,所以只需要证明四边形 AFCE 是平行四边形,又已知 EF 垂直平分 AC,所以只需要证明 OE=OF。

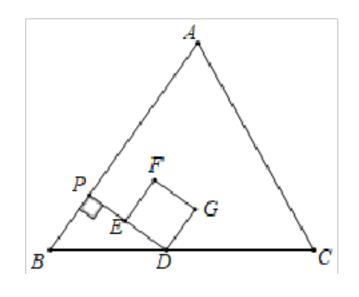
【应用】如图②,直线 EF 分别交矩形 ABCD 的边 AD、BC 于点 E、F,将矩形 ABCD 沿 EF 翻折,使点 C 的对称点与点 A 重合,点 D 的对称点为 D' ,若 AB=3,BC=4,则四 边形 ABFE 的周长为______.

【拓展】如图③,直线 EF 分别交 oABCD 的边 AD、BC 于点 E、F,将 oABCD 沿 EF 翻 折,使点 C 的对称点与点 A 重合,点 D 的对称点为 D' ,若 $AB=\boxed{2\sqrt{2}}$, BC=4, $\angle C=$

45°,则 EF 的长为



- 23. 如图,在 $\triangle ABC$ 中,AB=BC=15, $\sin B=\frac{4}{5}$,动点 P 从点 B 出发,以每秒 3 个单位长 度的速度沿 BA 向终点 A 运动,过点 P 作 $PD \perp AB$,交射线 BC 于点 D,E 为 PD 中点, 以 DE 为边作正方形 DEFG, 使点 $A \setminus F$ 在 PD 的同侧, 设点 P 的运动时间为 t 秒 (t > 0).
 - (1) 求点A到边BC的距离.
 - (2) 当点 G 在边 AC 上时,求 t 的值.
 - (3) 设正方形 DEFG 与 $\triangle ABC$ 的重叠部分图形的面积为 S,当点 D 在边 BC 上时,求 S与 t 之间的函数关系式.
 - (4) 连结 EG,当 $\triangle DEG$ 一边上的中点在线段 AC 上时,直接写出 t 的值.



24. 定义: 在平面直角坐标系中,O为坐标原点,对于任意两点P(m, y)、 $Q(x, y_0)$, m

y-1(x≥m)

- 为任意实数,若 $\mathbf{y}_0 = \begin{cases} -\frac{1}{2}\mathbf{y} + 1(\mathbf{x} < \mathbf{m}) \end{cases}$,则称点Q 是点P 的变换点,例如:若点 $P(m, \mathbf{y})$ 在直线 $\mathbf{y} = \mathbf{x}$ 上,则点P 的变换点Q 在函数 $\mathbf{y} = \begin{cases} \mathbf{x} 1(\mathbf{x} \ge \mathbf{m}) \\ -\frac{1}{2}\mathbf{x} + 1(\mathbf{x} < \mathbf{m}) \end{cases}$ 的图象上,设点 $P(m, \mathbf{y})$
- y) 在函数 $y=x^2-2x$ 的图象上,点 P 的变换点 Q 所在的图象记为 G.
- (1) 直接写出图象 G 对应的函数关系式.
- (2) 当 m=3,且 2 $\leq x\leq 3$ 时,求图象 G 的最高点与最低点的坐标.
- (3) 设点 $A \setminus B$ 的坐标分别为 (m-1, -2)、(2m+2, -2),连结 AB,若图象 G 与线

段 AB 有交点,直接写出 m 的取值范围.

(4) 若图象 G 上的点 Q 的纵坐标 y_0 的取值范围是 $y_0 \ge k$ 或 $y_0 \le n$,其中 k > n,令 s = k - n,求 s 与 m 之间的函数关系式,并写出 m 的取值范围.

参考答案与试题解析

 .	选择题	(共8)	小題)
•		\	J ///

1. 实数 $a \ b \ c \ d$ 在数轴上的对应点	内位置如图所示, 岁	文四个数中,	绝对值最大的是()
--------------------------------	------------	--------	----------	---

а		b	ç	d	_
-3	-2	-1	0	1 2	

A. *a*

B. *b*

C. *c*

D. *d*

【分析】直接利用绝对值的性质结合各字母的位置进而得出答案.

【解答】解: 由数轴可得: |a|>3, |b|=1, |c|=0, 1<|d|<2,

故这四个数中,绝对值最大的是: a.

故选: A.

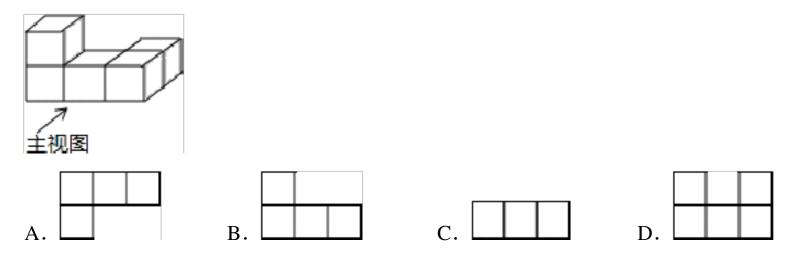
- 2. 12 月 24 日,第八次中日韩领导人会议在四川成都举行,数据表明 2018 年三国间贸易总额超过 7200 亿美元,请将数据 7200 亿用科学记数法表示为()
 - A. 7.2×10^{10}
- B. 72×10^8
- C. 72×10^9
- D. 7.2×10^{11}

【分析】科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式,其中 $1 \le |a| < 10$,n 为整数.确定 n 的值时,要看把原数变成 a 时,小数点移动了多少位,n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当原数绝对值>10 时,n 是正数;当原数的绝对值<1 时,n 是负数.

【解答】解: 7200 亿=7200 0000 0000=7.2×10¹¹,

故选: D.

3. 如图是由 5 个完全相同是正方体组成的立体图形,它的主视图是()



【分析】根据从正面看得到的图形是主视图,可得答案.

【解答】解:从正面看第一层是三个小正方形,第二层左边有一个小正方形,

故选: B.

4. 下列计算正确的是()

A. $a \cdot a^2 = a^2$

B. $a^3 \div a = a^3$

C.
$$(ab^2)$$
 $^2=a^2b^4$

D.
$$(a^3)$$
 $2=a^5$

【分析】根据同底数幂的乘法运算法则和除法运算法则,积的乘方的性质、幂的乘方的 性质进行计算即可.

【解答】解: $A \times a^{\bullet}a^{2} = a^{3}$,故原题计算错误:

 $B \cdot a^3 \div a = a^2$,故原题计算错误;

C、(ab^2) $^2=a^2b^4$,故原题计算正确;

 $D_{s}(a^{3})^{2}=a^{6}$,故原题计算错误;

故选: *C*.

5. 我国古代数学著作《孙子算经》中有"多人共车"问题:今有三人共车,二车空;二人 共车,九人步,问人与车各几何?其大意是:每车坐3人,两车空出来;每车坐2人, 多出 9 人无车坐. 问人数和车数各多少? 设车 x 辆,根据题意,可列出的方程是 ()

A.
$$3x - 2 = 2x + 9$$

B.
$$3(x-2) = 2x+9$$

C.
$$\frac{x}{3} + 2 = \frac{x}{2} - 9$$

D.
$$3(x-2) = 2(x+9)$$

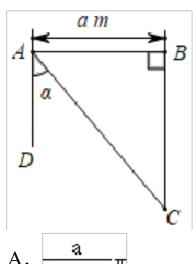
【分析】设车x辆,根据乘车人数不变,即可得出关于x的一元一次方程,此题得解.

【解答】解:设车x辆,

根据题意得: 3(x-2) = 2x+9.

故选: B.

6. 如图,在相距 am 的东西两座炮台 $A \setminus B$ 处同时发现入侵敌舰 C,在炮台 A 处测得敌舰 C在它的南偏东 α 度的方向,在炮台 B 测得敌舰在它的正南方,则敌舰 C 与炮台 B 之间的 距离为(



- B. asinαm
- D. atanαm

【分析】根据炮台 B 在炮台 A 的正东方向,敌舰 C 在炮台 B 的正南方向,得出 $\angle ABC$ = 90°,再利用 $\tan \angle ACB = \frac{AB}{BC}$,求出 BC 的值即可.

【解答】解:根据题意,得 $\angle ACB = \angle DAC = \alpha$,AB = am

在 Rt $\triangle ABC$ 中, \because tan $\angle ACB = \frac{AB}{BC}$,

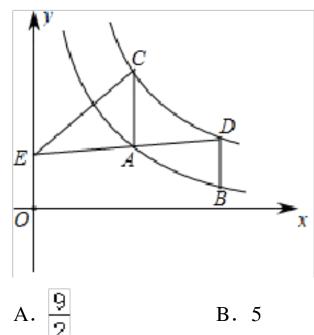
$$\therefore \tan \alpha = \frac{a}{BC},$$

$$\therefore BC = \frac{a}{\tan \alpha},$$

即敌舰 C 与炮台 B 之间的距离为 $\frac{a}{\tan \Omega}$ m,

故选: C.

7. 如图,在平面直角坐标系中,点 A、B 在函数 y=3 (x>0) 的图象上,分别过点 A、B 作 x 轴的垂线交函数 y=k (x>0, k>0) 的图象于点 C、D,E 是 y 轴上的点,连结 AB、AD、AE、CE,若点 A、B 的横坐标分别为 2、3, $\triangle ACE$ 与 $\triangle ABD$ 的面积之和为 2,则 k 的值为 ()



D. 12

【分析】根据题意由对应的反比例函数的解析式求出 A、B、C、D 点坐标,进而得 AC、BD,再根据三角形的面积公式,由 $\triangle ACE$ 与 $\triangle ABD$ 的面积之和为 2,列出 k 的方程,便可求得 k 的值.

C. 6

【解答】解: :点 A、B 的横坐标分别为 2、3,点 A、B 在函数 $y = \frac{3}{x}$ (x > 0) 的图象上, $\therefore A$ ($(2, \frac{3}{2})$), B ((3, 1)),

:分别过点 $A \setminus B$ 作 x 轴的垂线交函数 $y = \frac{\mathbf{k}}{\mathbf{x}}$ (x > 0, k > 0) 的图象于点 $C \setminus D$,

$$\therefore C (2, \frac{\mathbb{k}}{2}), D (3, \frac{\mathbb{k}}{3}),$$

$$\therefore AC = \frac{k-3}{2}, BD = \frac{k-3}{3},$$

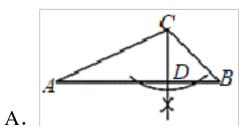
 $:: \triangle ACE 与 \triangle ABD$ 的面积之和为 2,

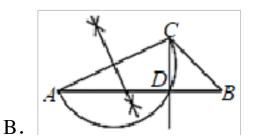
$$\therefore \frac{1}{2} \times \frac{k-3}{2} \times 2 + \frac{1}{2} \times \frac{k-3}{3} \times (3-2) = 2$$

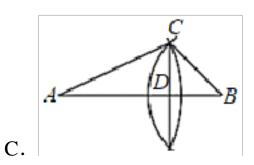
解得,k=6,

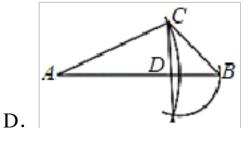
故选: C.

8. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB$ =110°, $\angle A$ =25°,用直尺和圆规过点C作射线 $CD \bot AB$, 交边 AB 于点 D,则下列作法中错误的是(









【分析】依据基本作图,圆周角定理以及线段垂直平分线的判定方法,即可得出结论.

【解答】解: A. 由作图痕迹可得,属于过一点作已知直线的垂线,故 $CD \perp AB$,作法正 确;

- B. 由作图痕迹可得,直径所对的圆周角等于 90°, 故 $CD \perp AB$, 作法正确;
- C. 由作图痕迹可得,AB 是线段的垂直平分线,故 $AB \perp CD$,作法正确;
- D. 由作图痕迹可得,CD与AB不一定垂直,故作法错误;

故选: D.

- 二. 填空题(共6小题)
- 9. 计算: $\sqrt{6} + \sqrt{24} = 3\sqrt{6}$.

【分析】直接化简二次根式进而利用二次根式的加减运算法则计算得出答案.

【解答】解: $\sqrt{6}+\sqrt{24}=\sqrt{6}+2\sqrt{6}$

 $=3\sqrt{6}$.

故答案为: 3√6.

10. 原价为x元的衬衫,若打六折销售,则现在的售价为0.6x元 (用含x的代数式表示)

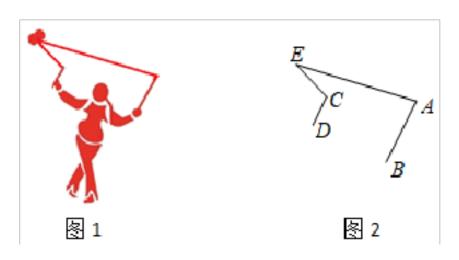
【分析】根据"原价 \times $\frac{折数}{10}$ = 现售价"列出代数式便可.

【解答】解: 由题意得,

现在的售价为 $x \cdot 60\% = 0.6x$ 元,

故答案为 0.6x.

11. 为增强学生体质,感受中国的传统文化,某学校将国家非物质文化遗产 - "抖空竹"引入阳光特色大课间,某同学"抖空竹"的一个瞬间如图 1 所示,若将图 1 抽象成图 2 的数学问题: AB//CD, $\angle EAB=80^\circ$, $\angle ECD=110^\circ$,则 $\angle E$ 的大小是 30 度.

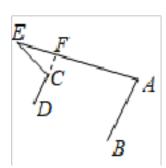


【分析】直接利用平行线的性质得出 $\angle EAB = \angle EFC = 80^\circ$,进而利用三角形的外角得出答案.

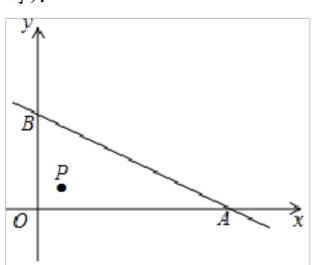
【解答】解:如图所示:延长DC交AE于点F,

- AB//CD, $\angle EAB = 80^{\circ}$, $\angle ECD = 110^{\circ}$,
- \therefore \angle EAB= \angle EFC= 80° ,
- $\therefore \angle E = 110^{\circ} 80^{\circ} = 30^{\circ}$.

故答案为: 30.



- 12. 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 $y=-\frac{1}{2}x+3$ 分别交 x 轴、y 轴于 A、B 两点, 点 P (m,
 - 1) 在 $\triangle AOB$ 的内部(不包含边界),则 m 的值可能是 1 (答案不唯一) (写一个即可).



【分析】直线 $y = -\frac{1}{2}x + 3$,当 y = 1 时,即 $1 = -\frac{1}{2}x + 3$,即 x = 4,故 0 < m < 4,即可求

解.

【解答】解: 直线
$$y = -\frac{1}{2}x + 3$$
,

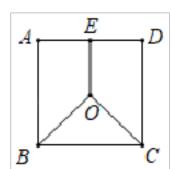
当
$$y=1$$
 时,即 $1=-\frac{1}{2}x+3$,即 $x=4$,

故 0<*m*<4,

m可以在0到4任意取一个实数,

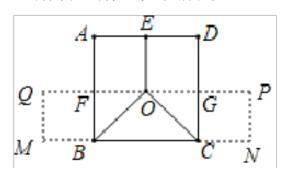
故答案为: 1 (答案不唯一).

13. 把边长为 2 的正方形纸片 ABCD 分割成如图的三块,其中点 O 为正方形的中心,E 为 AD 的中点,用这三块纸片拼成与该正方形不全等且面积相等的四边形 MNPQ(要求这三块纸片不重叠无缝隙),若四边形 MNPQ 为矩形,则四边形 MNPQ 的周长是 10.



【分析】根据四边形 MNPQ 为矩形,点 O 为正方形的中心,E 为 AD 的中点,可得 OE =1,根据图形的剪拼即可求出矩形 MNPQ 的周长.

【解答】解: 如图所示:



四边形 MNPQ 为矩形,

- :点 O 为正方形的中心,E 为 AD 的中点,
- $\therefore OE = 1$,
- $\therefore MB = OE = CN = 1$,

 $\perp PN=AF=1$,

所以矩形 MNPQ 的周长是:

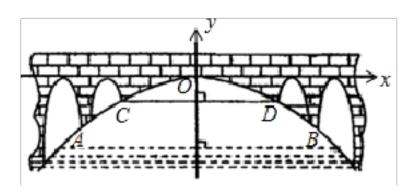
2 (MB+BC+CN+PN)

=2(1+2+1+1)

=10.

故答案为: 10.

14. 如图,有一座抛物线拱桥,在正常水位时水面 AB 的宽为 20m,如果水位上升 3m 达到警戒水位时,水面 CD 的宽是 10 米,建立如图所示的平面直角坐标系,O 为坐标原点,如果水位以 0.2m/h 的速度匀速上涨,那么达到警戒水位后,再过___5__h 水位达到桥拱最高点 O.



【分析】根据题目中所给的数据求出函数解析式,再求出时间t.

【解答】解:设抛物线解析式为 $y=ax^2$,

因为抛物线关于y轴对称,AB=20,所以点B的横坐标为10,

CD=10米, 所以 D 点横坐标为 5,

设点B(10, n),点D(5, n+3),

$$\begin{cases}
 n=100a \\
 n+3=25a
 \end{cases}$$
解得: $\begin{cases}
 a=-\frac{1}{25}, \\
 n=-4.
 \end{cases}$

:. 抛物线解析式为 $y = -\frac{1}{25}x^2$,

当 x=5 时,y=-1,

则 $t=1\div0.2=5$,

故答案为: 5.

- 三. 解答题(共10小题)
- 15. 先化简, 再求值: $(2a-1)^2+2a(3-2a)$, 其中 a=2020.

【分析】直接利用完全平方公式以及单项式乘以多项式进而合并同类项,再把 a 的值代入求出答案.

【解答】解: (2a - 1) ²+2a (3 - 2a)

 $=4a^2+1-4a+6a-4a^2$

=2a+1,

当 a=2020 时,

原式=2×2020+1