

一、解答题

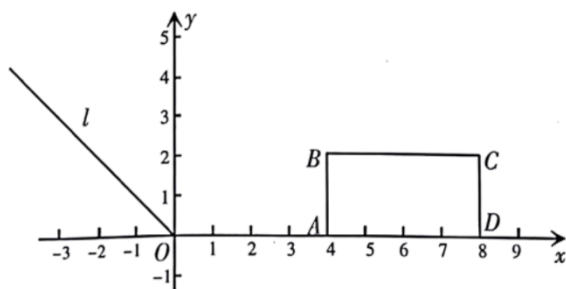
1. 在平面直角坐标系中，已知长方形 $ABCD$ ，点 $A(4,0)$ ， $C(8,2)$ 。

(1) 如图，有一动点 P 在第二象限的角平分线 l 上，若 $\angle PCB = 10^\circ$ ，求 $\angle CPO$ 的度数；

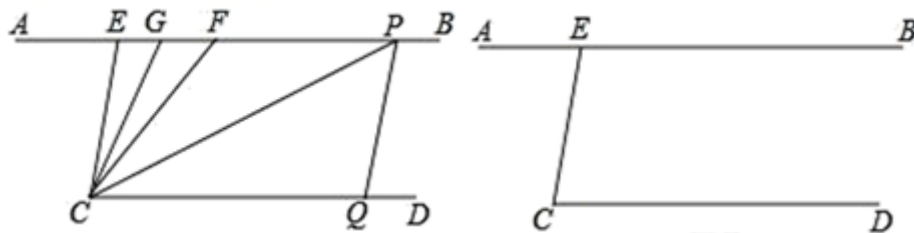
(2) 若把长方形 $ABCD$ 向上平移，得到长方形 $A'B'C'D'$ 。

①在运动过程中，求 $\triangle OA'C'$ 的面积与 $\triangle OA'D'$ 的面积之间的数量关系；

②若 $A'C' \parallel OD'$ ，求 $\triangle OA'C'$ 的面积与 $\triangle OA'D'$ 的面积之比。



2. 如图，已知直线 $AB \parallel$ 射线 CD ， $\angle CEB = 100^\circ$ 。P是射线 EB 上一动点，过点P作 $PQ \parallel EC$ 交射线 CD 于点Q，连接 CP 。作 $\angle PCF = \angle PCQ$ ，交直线 AB 于点F， CG 平分 $\angle ECF$ 。



(1) 若点P, F, G都在点E的右侧，求 $\angle PCG$ 的度数；

(2) 若点P, F, G都在点E的右侧， $\angle EGC - \angle ECG = 30^\circ$ ，求 $\angle CPQ$ 的度数；

(3) 在点P的运动过程中，是否存在这样的情形，使 $\angle EGC : \angle EFC = 4 : 3$ ？若存在，求出 $\angle CPQ$ 的度数；若不存在，请说明理由。

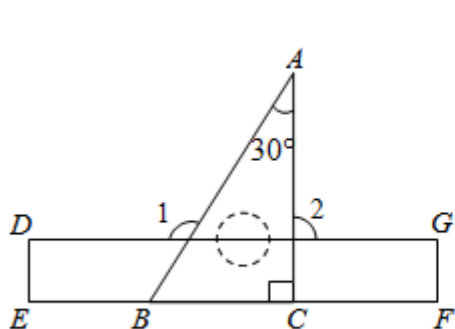
3. 如图1，把一块含 30° 的直角三角板 ABC 的 BC 边放置于长方形直尺 $DEFG$ 的 EF 边上。

(1) 根据图1填空： $\angle 1 = \underline{\quad}^\circ$ ， $\angle 2 = \underline{\quad}^\circ$ ；

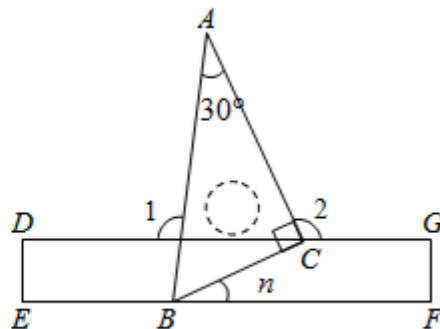
(2) 现把三角板绕B点逆时针旋转 n° 。

①如图2，当 $n = 25^\circ$ ，且点C恰好落在 DG 边上时，求 $\angle 1$ 、 $\angle 2$ 的度数；

②当 $0^\circ < n < 180^\circ$ 时，是否会存在三角板某一边所在的直线与直尺（有四条边）某一边所在的直线垂直？如果存在，请直接写出所有 n 的值和对应的那两条垂线；如果不存在，请说明理由。



(图1)



(图2)

4. (1) (问题) 如图1, 若 $AB \parallel CD$, $\angle AEP = 40^\circ$, $\angle PFD = 130^\circ$. 求 $\angle EPF$ 的度数;
 (2) (问题迁移) 如图2, $AB \parallel CD$, 点 P 在 AB 的上方, 问 $\angle PEA$, $\angle PFC$, $\angle EPF$ 之间有何数量关系? 请说明理由;
 (3) (联想拓展) 如图3所示, 在 (2) 的条件下, 已知 $\angle EPF = \alpha$, $\angle PEA$ 的平分线和 $\angle PFC$ 的平分线交于点 G , 用含有 α 的式子表示 $\angle G$ 的度数.

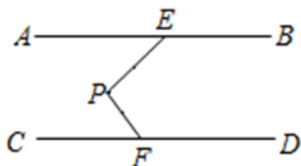


图1

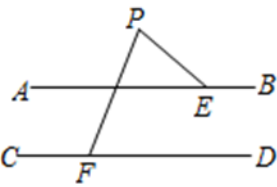


图2

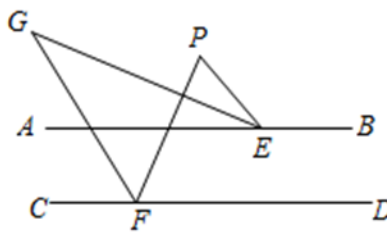


图3

5. 已知, $AB \parallel CD$, 点 E 为射线 FG 上一点.
 (1) 如图1, 若 $\angle EAF = 25^\circ$, $\angle EDG = 45^\circ$, 则 $\angle AED =$ _____.
 (2) 如图2, 当点 E 在 FG 延长线上时, 此时 CD 与 AE 交于点 H , 则 $\angle AED$ 、 $\angle EAF$ 、 $\angle EDG$ 之间满足怎样的关系, 请说明你的结论;
 (3) 如图3, 当点 E 在 FG 延长线上时, DP 平分 $\angle EDC$, $\angle AED = 32^\circ$, $\angle P = 30^\circ$, 求 $\angle EKD$ 的度数.

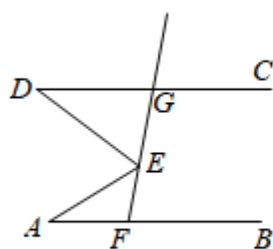


图1

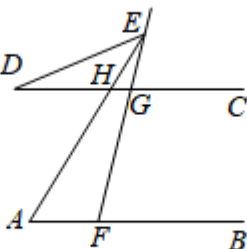


图2

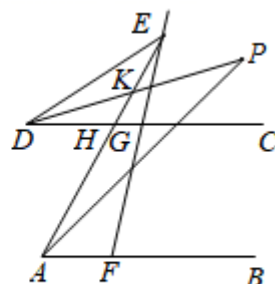
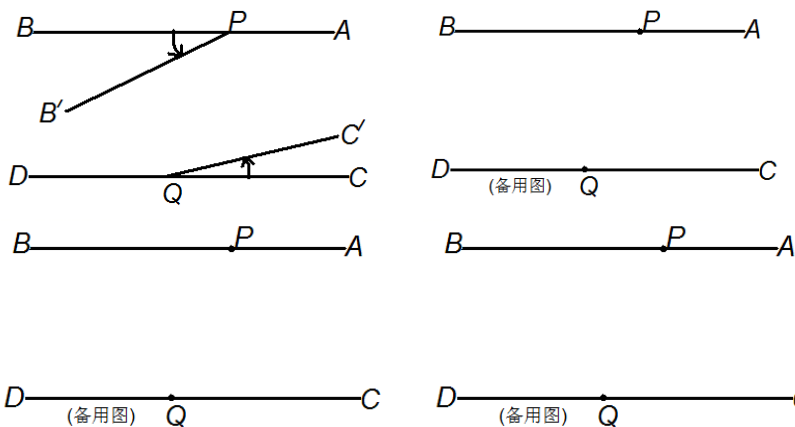


图3

6. 已知直线 $AB \parallel CD$, 点 P 、 Q 分别在 AB 、 CD 上, 如图所示, 射线 PB 按逆时针方向以每秒 12° 的速度旋转至 PA 便立即回转, 并不断往返旋转; 射线 QC 按逆时针方向每秒 3° 旋转至 QD 停止, 此时射线 PB 也停止旋转.
 (1) 若射线 PB 、 QC 同时开始旋转, 当旋转时间 10 秒时, PB' 与 QC' 的位置关系为 _____.
 (2) 若射线 QC 先转 15 秒, 射线 PB 才开始转动, 当射线 PB 旋转的时间为多少秒时, $PB' \parallel QC'$.



7. 我们已经学习了“乘方”运算，下面介绍一种新运算，即“对数”运算。

定义：如果 $a^b = N$ ($a > 0, a \neq 1, N > 0$)，那么 b 叫做以 a 为底 N 的对数，记作 $\log_a N = b$ 。

例如：因为 $5^3 = 125$ ，所以 $\log_5 125 = 3$ ；因为 $11^2 = 121$ ，所以 $\log_{11} 121 = 2$ 。

根据“对数”运算的定义，回答下列问题：

(1) 填空： $\log_6 6 = \underline{\quad}$ ， $\log_3 81 = \underline{\quad}$ 。

(2) 如果 $\log_2(m-2) = 3$ ，求 m 的值。

(3) 对于“对数”运算，小明同学认为有“ $\log_a MN = \log_a M \cdot \log_a N$ ($a > 0, a \neq 1, M > 0, N > 0$)”，他的说法正确吗？如果正确，请给出证明过程；如果不正确，请说明理由，并加以改正。

8. 三个自然数 x, y, z 组成一个有序数组 (x, y, z) ，如果满足 $x - y = y - z$ ，那么我们称数组 (x, y, z) 为“蹦蹦数组”。例如：数组 $(2, 5, 8)$ 中 $2 - 5 = 5 - 8$ ，故 $(2, 5, 8)$ 是“蹦蹦数组”；数组 $(4, 6, 12)$ 中 $4 - 6 \neq 6 - 12$ ，故 $(4, 6, 12)$ 不是“蹦蹦数组”。

(1) 分别判断数组 $(437, 307, 177)$ 和 $(601, 473, 346)$ 是否为“蹦蹦数组”；

(2) s 和 t 均是三位数的自然数，其中 s 的十位数字是 3，个位数字是 2， t 的百位数字是 2，十位数字是 5，且 $s - t = 274$ 。是否存在一个整数 b ，使得数组 (s, b, t) 为“蹦蹦数组”。若存在，求出 b 的值；若不存在，请说明理由；

(3) 有一个三位数的自然数，百位数字是 1，十位数字是 p ，个位数字是 q ，若数组 $(1, p, q)$ 为“蹦蹦数组”，且该三位数是 7 的倍数，求这个三位数。

9. 阅读材料：求 $1+2+2^2+2^3+2^4+\dots+2^{2017}$ 的值。

解：设 $S = 1+2+2^2+2^3+2^4+\dots+2^{2017}$ ，

将等式两边同时乘以 2 得：

$$2S = 2+2^2+2^3+2^4+\dots+2^{2017}+2^{2018}$$

将下式减去上式得 $2S - S = 2^{2018} - 1$ 即 $S = 2^{2018} - 1$

$$\text{即 } 1+2+2^2+2^3+2^4+\dots+2^{2017} = 2^{2018} - 1$$

请你仿照此法计算：

(1) $1+2+2^2+2^3+\dots+2^9 = \underline{\quad}$ ；

(2) $1+5+5^2+5^3+5^4+\dots+5^n$ (其中 n 为正整数)；

(3) $1+2 \times 2+3 \times 2^2+4 \times 2^3+\dots+9 \times 2^8+10 \times 2^9$ 。

10. 定义：如果 $2^b = n$ ，那么称 b 为 n 的布谷数，记为 $b = g(n)$ 。

例如：因为 $2^3 = 8$ ，所以 $g(8) = g(2^3) = 3$ ，

因为 $2^{10} = 1024$ ，

所以 $g(1024) = g(2^{10}) = 10$ 。

(1) 根据布谷数的定义填空： $g(2) = \underline{\hspace{2cm}}$ ， $g(32) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

(2) 布谷数有如下运算性质：

若 m, n 为正整数，则 $g(mn) = g(m) + g(n)$ ， $g\left(\frac{m}{n}\right) = g(m) - g(n)$ 。

根据运算性质解答下列各题：

① 已知 $g(7) = 2.807$ ，求 $g(14)$ 和 $g\left(\frac{7}{4}\right)$ 的值；

② 已知 $g(3) = p$ ，求 $g(18)$ 和 $g\left(\frac{3}{16}\right)$ 的值。

11. 阅读下面的文字，解答问题

大家知道 $\sqrt{2}$ 是无理数，而无理数是无限不循环小数，因此 $\sqrt{2}$ 的小数部分我们不可能全部地写出来，于是小明用 $\sqrt{2} - 1$ 来表示 $\sqrt{2}$ 的小数部分，你同意小明的表示方法吗？

事实上，小明的表示方法是有道理的，因为 $\sqrt{2}$ 的整数部分是 1，将这个数减去其整数部分，差就是小数部分。

又例如： $\sqrt{4} < \sqrt{7} < \sqrt{9}$ ，即 $2 < \sqrt{7} < 3$ ，

$\therefore \sqrt{7}$ 的整数部分为 2，小数部分为 $(\sqrt{7} - 2)$

请解答：

(1) $\sqrt{57}$ 的整数部分是 $\underline{\hspace{1cm}}$ ，小数部分是 $\underline{\hspace{1cm}}$ 。

(2) 如果 $\sqrt{11}$ 的小数部分为 a ， $\sqrt{7}$ 的整数部分为 b ，求 $|a - b| + \sqrt{11}$ 的值。

(3) 已知： $9 + \sqrt{5} = x + y$ ，其中 x 是整数，且 $0 < y < 1$ ，求 $x - y$ 的相反数。

12. 我们已经学习了“乘方”运算，下面介绍一种新运算，即“对数”运算。

定义：如果 $a^b = N$ ($a > 0, a \neq 1, N > 0$)，那么 b 叫做以 a 为底 N 的对数，记作 $\log_a N = b$ 。

例如：因为 $5^3 = 125$ ，所以 $\log_5 125 = 3$ ；因为 $11^2 = 121$ ，所以 $\log_{11} 121 = 2$ 。

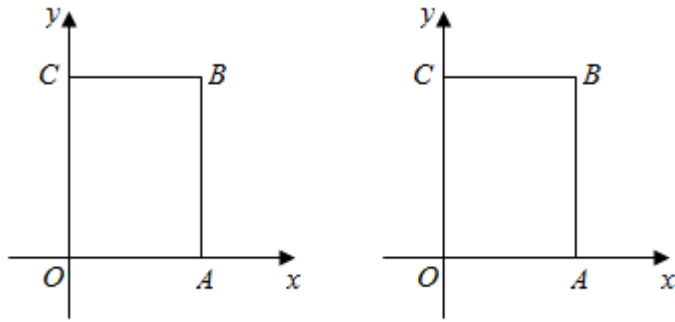
根据“对数”运算的定义，回答下列问题：

(1) 填空： $\log_6 6 = \underline{\hspace{1cm}}$ ， $\log_3 81 = \underline{\hspace{1cm}}$ 。

(2) 如果 $\log_2(m - 2) = 3$ ，求 m 的值。

(3) 对于“对数”运算，小明同学认为有“ $\log_a MN = \log_a M \cdot \log_a N$ ($a > 0, a \neq 1, M > 0, N > 0$)”，他的说法正确吗？如果正确，请给出证明过程；如果不正确，请说明理由，并加以改正。

13. 如图，在长方形 $OABC$ 中， O 为平面直角坐标系的原点，点 A 的坐标为 $(a, 0)$ ，点 C 的坐标为 $(0, b)$ 且 a, b 满足 $\sqrt{a - 8} + |b - 12| = 0$ ，点 B 在第一象限内，点 P 从原点出发，以每秒 2 个单位长度的速度沿着 $O - C - B - A - O$ 的线路移动。



备用图

- (1) 点 B 的坐标为_____；当点 P 移动5秒时，点 P 的坐标为_____；
- (2) 在移动过程中，当点 P 到 x 轴的距离为4个单位长度时，求点 P 移动的时间；
- (3) 在 $O-C-B$ 的线路移动过程中，是否存在点 P 使 $\triangle OBP$ 的面积是20，若存在直接写出点 P 移动的时间；若不存在，请说明理由。

14. 问题情境：

(1) 如图1， $AB \parallel CD$ ， $\angle PAB = 128^\circ$ ， $\angle PCD = 119^\circ$ 。求 $\angle APC$ 度数。小颖同学的解题思路是：如图2，过点 P 作 $PE \parallel AB$ ，请你接着完成解答。

问题迁移：

(2) 如图3， $AD \parallel BC$ ，点 P 在射线 OM 上运动，当点 P 在 A 、 B 两点之间运动时， $\angle ADP = \angle \alpha$ ， $\angle PCE = \angle \beta$ 。试判断 $\angle CPD$ 、 $\angle \alpha$ 、 $\angle \beta$ 之间有何数量关系？（提示：过点 P 作 $PF \parallel AD$ ），请说明理由；

(3) 在 (2) 的条件下，如果点 P 在 A 、 B 两点外侧运动时（点 P 与点 A 、 B 、 O 三点不重合），请你猜想 $\angle CPD$ 、 $\angle \alpha$ 、 $\angle \beta$ 之间的数量关系并证明。

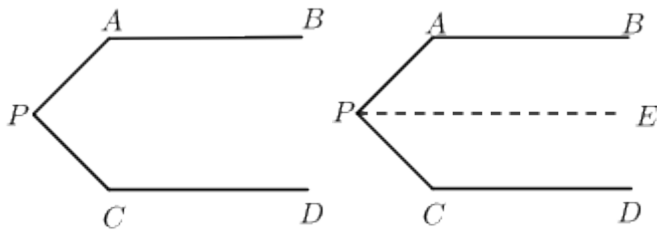


图1

图2

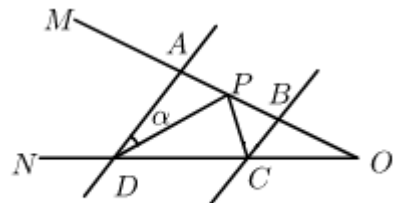
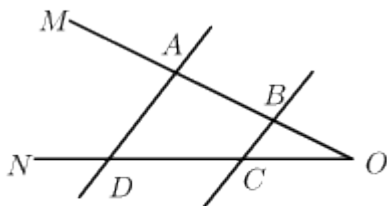


图3



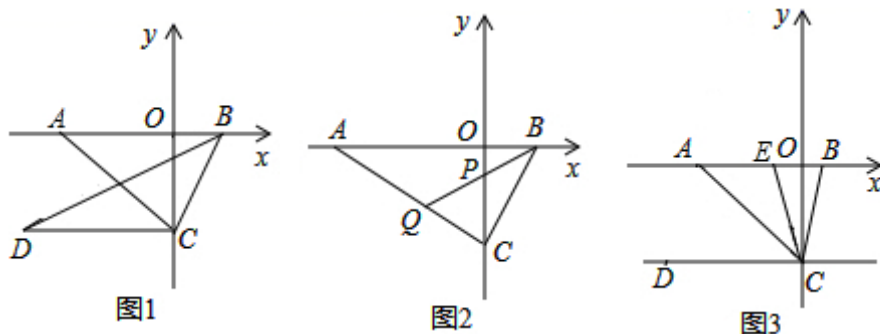
备用图

15. 如图1，在平面直角坐标系中，点 A 为 x 轴负半轴上一点，点 B 为 x 轴正半轴上一点， $C(0, a)$ ， $D(b, a)$ ，其中 a, b 满足关系式： $|a+3| + (b-a+1)^2 = 0$ 。

- (1) $a = \underline{\quad}$ ， $b = \underline{\quad}$ ， $\triangle BCD$ 的面积为_____；

(2) 如图2, 若 $AC \perp BC$, 点P线段OC上一点, 连接BP, 延长BP交AC于点Q, 当 $\angle CPQ = \angle CQP$ 时, 求证:BP平分 $\angle ABC$;

(3) 如图3, 若 $AC \perp BC$, 点E是点A与点B之间一动点, 连接CE, CB始终平分 $\angle ECF$, 当点E在点A与点B之间运动时, $\frac{\angle BEC}{\angle BCO}$ 的值是否变化? 若不变, 求出其值; 若变化, 请说明理由.



16. 某电器超市销售每台进价分别为200元、170元的A、B两种型号的电风扇, 下表是近两周的销售情况:

(进价、售价均保持不变, 利润 = 销售收入 - 进货成本)

(1) 求A、B两种型号的电风扇的销售单价;

销售时段	销售数量		销售收入
	A 种型号	B 种型号	
第一周	3 台	5 台	1800
第二周	4 台	10 台	3100

(2) 若超市准备用不多于5400元的金额再采购这两种型号的电风扇共30台, 求A种型号的电风扇最多能采购多少台?

(3) 在(2)的条件下, 超市销售完这30台电风扇能否实现利润为1400元的目标? 若能, 请给出相应的采购方案; 若不能, 请说明理由.

17. 问题情境:

在平面直角坐标系 xOy 中有不重合的两点 $A(x_1, y_1)$ 和点 $B(x_2, y_2)$, 小明在学习中发现, 若 $x_1 = x_2$, 则 $AB \parallel y$ 轴, 且线段 AB 的长度为 $|y_1 - y_2|$; 若 $y_1 = y_2$, 则 $AB \parallel x$ 轴, 且线段 AB 的长度为 $|x_1 - x_2|$;

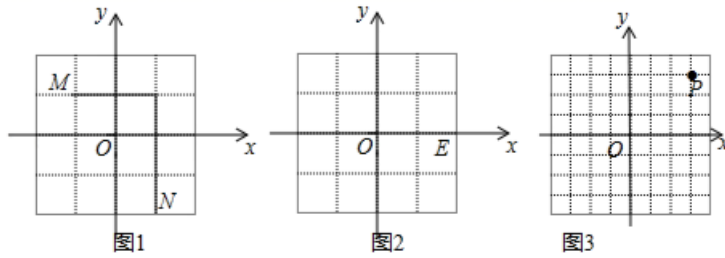
(应用):

(1) 若点 $A(-1, 1)$ 、 $B(2, 1)$, 则 $AB \parallel x$ 轴, AB 的长度为_____.

(2) 若点 $C(1, 0)$, 且 $CD \parallel y$ 轴, 且 $CD = 2$, 则点 D 的坐标为_____.

(拓展):

我们规定: 平面直角坐标系中任意不重合的两点 $M(x_1, y_1)$, $N(x_2, y_2)$ 之间的折线距离为 $d(M, N) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$; 例如: 图1中, 点 $M(-1, 1)$ 与点 $N(1, -2)$ 之间的折线距离为 $d(M, N) = |-1 - 1| + |1 - (-2)| = 2 + 3 = 5$.

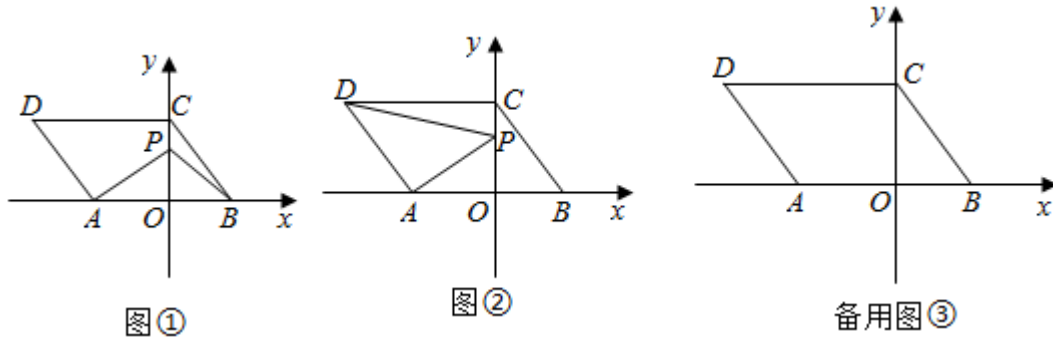


解决下列问题：

- (1) 如图1, 已知 $E(2, 0)$, 若 $F(-1, -2)$, 则 $d(E, F)$ _____;
- (2) 如图2, 已知 $E(2, 0)$, $H(1, t)$, 若 $d(E, H) = 3$, 则 $t =$ _____.
- (3) 如图3, 已知 $P(3, 3)$, 点 Q 在 x 轴上, 且三角形 OPQ 的面积为3, 则 $d(P, Q) =$ _____.

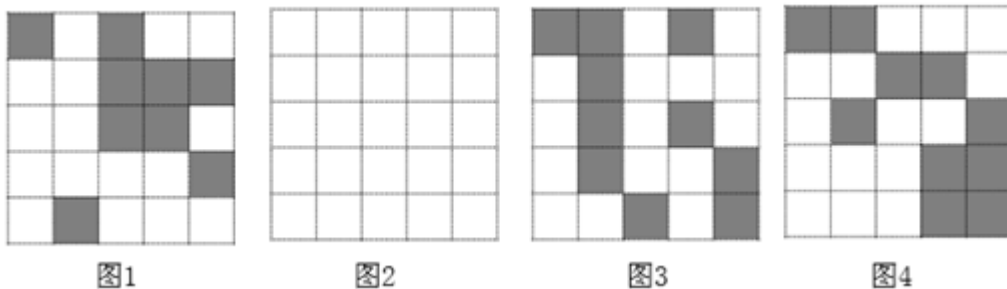
18. 在平面直角坐标系中, O 为坐标原点. 已知两点 $A(a, 0)$, $B(b, 0)$ 且 a, b 满足 $|a+4| + \sqrt{b-3} = 0$; 若四边形 $ABCD$ 为平行四边形, $CD \parallel AB$ 且 $CD = AB$, 点 $C(0, 4)$ 在 y 轴上.

- (1) 如图①, 动点 P 从 C 点出发, 以每秒2个单位长度沿 y 轴向下运动, 当时间 t 为何值时, 三角形 ABP 的面积等于平行四边形 $ABCD$ 面积的四分之一;
- (2) 如图②, 当 P 从 O 点出发, 沿 y 轴向上运动, 连接 PD, PA , $\angle CDP, \angle APD, \angle PAB$ 存在什么样的数量关系, 请说明理由 (排除 P 在 O 和 C 两点的特殊情况).



19. 学校将 $20 \times \times$ 年入学的学生按入学年份、年级、班级、班内序号的顺序给每一位学生编号, 如2015年入学的8年级3班的46号学生的编号为15080346. 张山同学模仿二维码的方式给学生编号设计了一套身份识别系统, 在 5×5 的正方形风格中, 黑色正方形表示数字1, 白色正方形表示数字0.

我们把从上往下数第 i 行、从左往右数第 j 列表示的数记为 a_{ij} , (其中, $i, j = 1, 2, 3, 4, 5$), 规定 $A_i = 16a_{i1} + 8a_{i2} + 4a_{i3} + 2a_{i4} + a_{i5}$.



(1) 若 A_1 表示入学年份, A_2 表示所在年级, A_3 表示所在班级, A_4 表示编号的十位数字, A_5 表示编号的个位数字.

①图1是张山同学的身份识别图案, 请直接写出张山同学的编号;

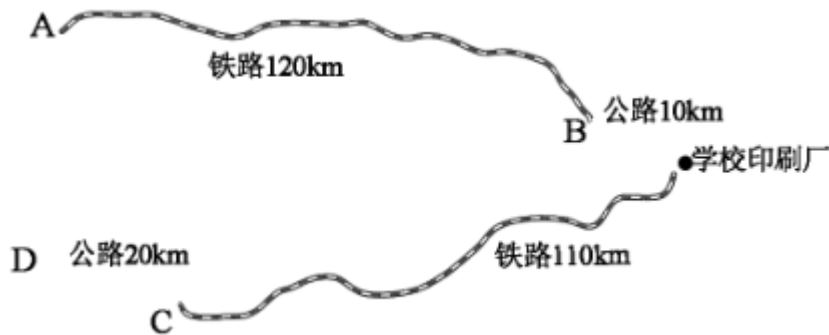
②请在图2中画出2018年入学的9年级5班的39号同学的身份识别图案;

(2) 张山同学又设计了一套信息加密系统, 其中 A_1 表示入学年份加8, A_2 表示所在年级的数减6再加上所在班级的数, A_3 表示所在年级的数乘2后减3再减所在班级的数, 将编号(班内序号)的末两位单列出来, 作为一个两位数, 个位与十位数字对换后再加2, 所得结果的十位数字用 A_4 表示、个位数字用 A_5 表示. 例如: 2018年9年级5班的39号同学, 其加密后的身份识别图案中, $A_1=18+8=26$, $A_2=9-6+5=8$, $A_3=9\times 2-3-5=10$, $93+2=95$, 所以 $A_4=9$, $A_5=5$, 所以其加密后的身份识别(26081095)图案如图3所示. 图4是李思同学加密后的身份识别图案, 请求出李思同学的编号.

20. 如图, 学校印刷厂与A, D两地有公路、铁路相连, 从A地购进一批每吨8000元的白纸, 制成每吨10000元的作业本运到D地批发, 已知公路运价1.5元/(t·km), 铁路运价1.2元/(t·km). 这两次运输支出公路运费4200元, 铁路运费26280元.

(1) 白纸和作业本各多少吨?

(2) 这批作业本的销售款比白纸的购进款与运输费的和多多少元?



21. 判断下面方程组 $\begin{cases} 3x-2y=5 & \text{①} \\ 2x+3y=-1 & \text{②} \end{cases}$ 的解法是否正确, 如果全部正确, 判断即可; 如果有错误, 请写出正确的解题过程.

解: ① $\times 2$ -② $\times 3$, 得 $5y=2$, 解得 $y=\frac{2}{5}$,

把 $y=\frac{2}{5}$ 代入方程①, 得 $3x-2\times\frac{2}{5}=5$, 解得 $x=\frac{29}{15}$.

\therefore 原方程组的解为 $\begin{cases} x=\frac{29}{15} \\ y=\frac{2}{5} \end{cases}$

22. 为了加强公民的节水意识, 合理利用水资源, 某城市规定用水收费标准如下: 每户每月用水量不超过6米³时, 水费按a元/米³收费; 每户每月用水量超过6米³时, 不超过的部分每立方米仍按a元收费, 超过的部分按c元/米³收费, 该市某用户今年3、4月份的用水量和水费如下表所示:

月份	用水量(m ³)	收费(元)
----	----------------------	-------

3	5	7.5
4	9	27

(1)求a、c的值，并写出每月用水量不超过6米³和超过6米³时，水费与用水量之间的关系式；

(2)已知某户5月份的用水量为8米³，求该用户5月份的水费。

23. 一个四位正整数，若其千位上与百位上的数字之和等于十位上与个位上的数字之和，都等于k，那么称这个四位正整数为“k类诚勤数”，例如：2534，因为2+5=3+4=7，所以2534是“7类诚勤数”。

(1) 请判断7441和5436是否为“诚勤数”并说明理由；

(2) 若一个四位正整数A为“5类诚勤数”且能被13整除，请求出的所有可能取值。

24. 七年（1）（2）两班各40人参加垃圾分类知识竞赛，规则如图。比赛中，所有同学均按要求一对一连线，无多连、少连。

(1) 分数5，10，15，20中，每人得分不可能是_____分。

(2) 七年（1）班有4人全错，其余成员中，满分人数是未满分人数的2倍；七年（2）班所有人都得分，最低分人数的2倍与其他未满分人数之和等于满分人数。

①问（1）班有多少人得满分？

②若（1）班除0分外，最低得分人数与其他未满分人数相等，问哪个班的总分高？

图中4种垃圾分别对应4种类别，请一对一连线
(注：每连对一条线得5分)

			
纸巾	易拉罐	破灯泡	苹果核
			
有害垃圾	可回收物	厨余垃圾	其它垃圾

25. 阅读材料：

关于x，y的二元一次方程 $ax+by=c$ 有一组整数解 $\begin{cases} x=x_0 \\ y=y_0 \end{cases}$ ，则方程 $ax+by=c$ 的全部整数解可表

示为 $\begin{cases} x=x_0-bt \\ y=y_0+at \end{cases}$ （t为整数）。问题：求方程 $7x+19y=213$ 的所有正整数解。

小明参考阅读材料，解决该问题如下：

解：该方程一组整数解为 $\begin{cases} x_0=6 \\ y_0=9 \end{cases}$ ，则全部整数解可表示为 $\begin{cases} x=6-19t \\ y=9+7t \end{cases}$ （t为整数）。

因为 $\begin{cases} 6-19t > 0, \\ 9+7t > 0. \end{cases}$ 解得 $-\frac{9}{7} < t < \frac{6}{19}$ 。因为t为整数，所以t=0或-1。

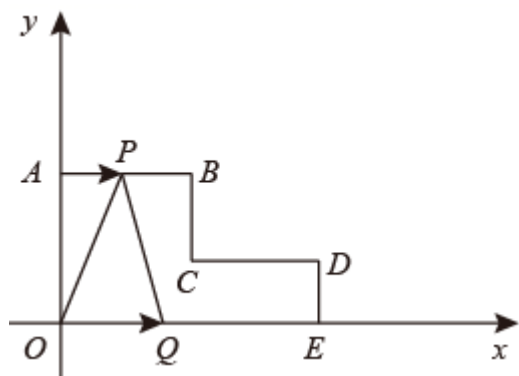
所以该方程的正整数解为 $\begin{cases} x=6 \\ y=9 \end{cases}$ 和 $\begin{cases} x=25 \\ y=2 \end{cases}$.

(1) 方程 $3x-5y=11$ 的全部整数解表示为: $\begin{cases} x=2+5t \\ y=\theta+3t \end{cases}$ (t 为整数), 则 $\theta=$ ___;

(2) 请你参考小明的解题方法, 求方程 $2x+3y=24$ 的全部正整数解;

(3) 方程 $19x+8y=1908$ 的正整数解有多少组? 请直接写出答案.

26. 如图, 在平面直角坐标系中, $AB \parallel CD \parallel x$ 轴, $BC \parallel DE \parallel y$ 轴, 且 $AB=CD=4\text{cm}$, $OA=5\text{cm}$, $DE=2\text{cm}$, 动点 P 从点 A 出发, 以每秒 1cm 的速度, 沿 ABC 路线向点 C 运动; 动点 Q 从点 O 出发, 以每秒 2cm 的速度, 沿 OED 路线向点 D 运动. 若 P, Q 两点同时出发, 其中一点到达终点时, 运动停止.



(I) 直接写出 B, C, D 三个点的坐标;

(II) 设两点运动的时间为 t 秒, 用含 t 的式子表示运动过程中三角形 OPQ 的面积;

(III) 当三角形 OPQ 的面积的范围小于 16 时, 求运动的时间 t 的范围.

27. 阅读下列材料:

问题: 已知 $x-y=2$, 且 $x>1$, $y<0$

解: $\because x-y=2. \therefore x=y+2$,

又 $\because x>1: y+2>1$

$\therefore y>-1$

又 $\because y<0$

$\therefore -1 < y < 0$ ①

$\therefore -1+2 < y+2 < 0+2$

即 $1 < x < 2$ ②

①+②得 $-1+1 < x+y < 0+2$

$\therefore x+y$ 的取值范围是 $0 < x+y < 2$

请按照上述方法, 完成下列问题:

(1) 已知 $x-y=3$, 且 $x>-1$, $y<0$, 则 x 的取值范围是 ___; $x+y$ 的取值范围是 ___;

(2) 已知 $x-y=a$, 且 $x<-b$, $y>2b$, 根据上述做法得到 $-2 < 3x-y < 10$, 求 a, b 的值.

28. 阅读材料: 如果 x 是一个有理数, 我们把不超过 x 的最大整数记作 $[x]$.

例如, $[3.2]=3$, $[5]=5$, $[-2.1]=-3$, 那么, $x=[x]+a$, 其中 $0 \leq a < 1$.

例如, $3.2=[3.2]+0.2$, $5=[5]+0$, $-2.1=[-2.1]+0.9$.

请你解决下列问题:

- (1) $[4.8] = \underline{\hspace{2cm}}$, $[-6.5] = \underline{\hspace{2cm}}$;
- (2) 如果 $[x] = 5$, 那么 x 的取值范围是 $\underline{\hspace{2cm}}$;
- (3) 如果 $[5x-2] = 3x+1$, 那么 x 的值是 $\underline{\hspace{2cm}}$;
- (4) 如果 $x = [x] + a$, 其中 $0 \leq a < 1$, 且 $4a = [x] + 1$, 求 x 的值.

29. (发现问题) 已知 $\begin{cases} 3x+2y=4 \text{ ①} \\ 2x-y=6 \text{ ②} \end{cases}$, 求 $4x+5y$ 的值.

方法一: 先解方程组, 得出 x, y 的值, 再代入, 求出 $4x+5y$ 的值.

方法二: 将 ① $\times 2 -$ ②, 求出 $4x+5y$ 的值.

(提出问题) 怎样才能得到方法二呢?

(分析问题)

为了得到方法二, 可以将 ① $\times m +$ ② $\times n$, 可得 $(3m+2n)x + (2m-n)y = 4m+6n$.

令等式左边 $(3m+2n)x + (2m-n)y = 4x+5y$, 比较系数可得 $\begin{cases} 3m+2n=4 \\ 2m-n=5 \end{cases}$, 求得 $\begin{cases} m=2 \\ n=-1 \end{cases}$.

(解决问题)

- (1) 请你选择一种方法, 求 $4x+5y$ 的值;
- (2) 对于方程组 $\begin{cases} 3x+2y=4 \\ 2x-y=6 \end{cases}$ 利用方法二的思路, 求 $7x-7y$ 的值;

(迁移应用)

- (3) 已知 $\begin{cases} 1 \leq 2x+y \leq 2 \\ 4 \leq 3x+2y \leq 7 \end{cases}$, 求 $x-3y$ 的范围.

30. 如图, 平面直角坐标系中, 点 B 的坐标是 $(-6, 0)$, 点 A 在 y 轴的正半轴上, $\triangle AOB$ 的面积等于 18.

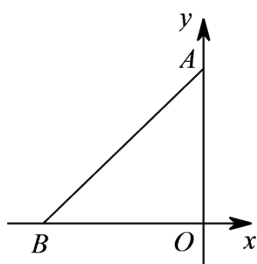


图1

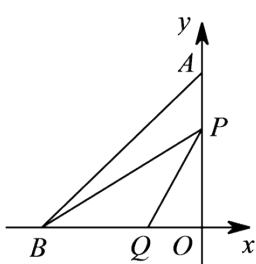


图2

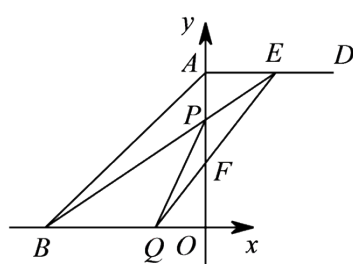


图3

- (1) 求点 A 的坐标;
- (2) 如图, 点 P 从点 O 出发, 沿 y 轴正方向运动, 点 P 运动至点 A 停止, 同时点 Q 从 B 点出发, 沿 x 轴正方向运动, 点 Q 运动至点 O 停止, 点 P 、点 Q 的速度都为每秒 1 个单位, 设运动时间为 t 秒, $\triangle QBP$ 的面积为 S , 求用含 t 的式子表示 S , 并直接写出 t 的取值范围;
- (3) 在 (2) 的条件下, 过 A 点作 $AD \parallel BO$, 连接 BP 并延长 BP 交 AD 于 E , 连接 EQ 交 PO 于点 F , 若 $AE = 3$, 求 t 值及点 F 的坐标.

【参考答案】***试卷处理标记，请不要删除

一、解答题

1. (1) 55° 或 35° ; (2) ① $S_{\triangle OA'D'} - S_{\triangle OA'C'} = 4$; ② $\frac{1}{2}$.

【解析】

【分析】

(1) 分两种情况: ①在 $\text{Rt}\triangle FEC$ 中, 求出 $\angle FEC=90^\circ-10^\circ=80^\circ$, 然后根据点 P 在第二象限的角平分线 l 上, 得出 $\angle POE=45^\circ$, 对顶角相等, 即可得出 $\angle CPO=180^\circ-80^\circ-$

$45^\circ=55^\circ$; ②由已知条件, 得出 $\angle CEO=45^\circ$, 又根据 $\angle CEO=\angle CPE+\angle PCB$, 得出 $\angle CPO$;

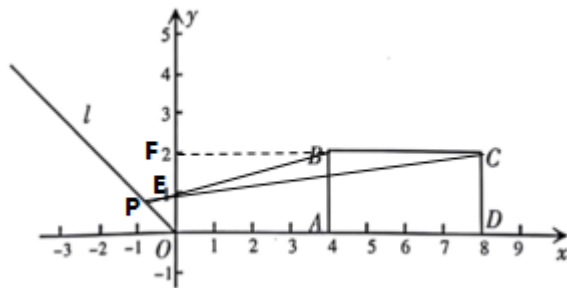
(2) ①首先设长方形 $ABCD$ 向上平移 x 个单位长, 得到长方形 $A'B'C'D'$, 然后列出 $\triangle OA'C'$ 和 $\triangle OA'D'$ 的面积, 即可得出两者的数量关系;

②首先根据已知条件判定四边形 $A'ED'C'$ 是平行四边形, 经过等量转化, 即可得出 $\triangle OA'C'$ 和 $\triangle OA'D'$ 的面积, 进而得出其面积之比.

【详解】

(1) 分两种情况:

①令 PC 交 x 轴于点 E , 延长 CB 至 x 轴, 交于点 F , 如图所示:



由已知得, $\angle PCB = 10^\circ$, $\angle CFE=90^\circ$

$$\therefore \angle FEC=90^\circ-10^\circ=80^\circ,$$

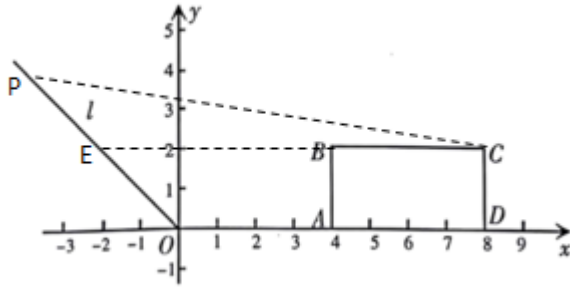
又 \because 点 P 在第二象限的角平分线 l 上,

$$\therefore \angle POE=45^\circ$$

又 $\because \angle FEC=\angle PEO=80^\circ$

$$\therefore \angle CPO=180^\circ-80^\circ-45^\circ=55^\circ$$

②延长 CB , 交直线 l 于点 E ,



由已知得, $\angle PCB = 10^\circ$,

\because 点 P 在第二象限的角平分线 l 上,

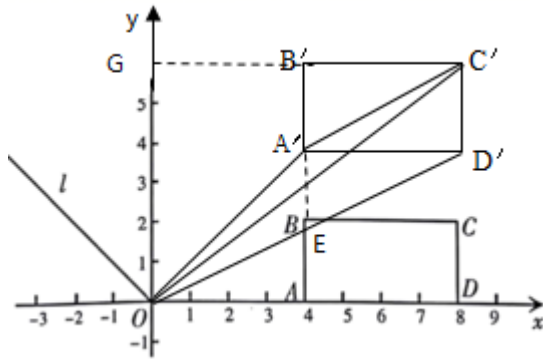
$\therefore \angle CEO = 45^\circ$

$\therefore \angle CEO = \angle CPE + \angle PCB$

$\therefore \angle CPO = 45^\circ - 10^\circ = 35^\circ$.

故答案为 55° 或 35° .

(2) 如图,



① 设长方形 $ABCD$ 向上平移 x 个单位长, 得到长方形 $A'B'C'D'$

$$\begin{aligned} S_{\triangle OA'C'} &= S_{\triangle OGC'} - S_{\triangle A'B'C'} - S_{\text{梯形} OA'B'G} \\ &= \frac{1}{2}(2+x) \times 8 - \frac{1}{2} \times 2 \times 4 - \frac{1}{2}(2+2+x) \times 4 \\ &= 2x - 4 \end{aligned}$$

$$S_{\triangle OAD'} = \frac{1}{2} A'D' \times x = \frac{1}{2} \times 4 \times x = 2x$$

$$\therefore S_{\triangle OAD'} - S_{\triangle OA'C'} = 4$$

② \because 长方形 $A'B'C'D'$,

$$\therefore A'B' \parallel C'D'$$

$$\therefore A'C' \parallel OD'$$

令 OD' 交 AB' 于 E ,

则四边形 $A'ED'C'$ 是平行四边形,

$$\therefore A'E = D'C' = 2$$

$$\therefore S_{\triangle EA'D'} = S_{\triangle A'C'D'} = \frac{1}{2} A'D' \times D'C' = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$$

$$\text{又} \because S_{\triangle OAD'} = S_{\triangle OA'E} + S_{\triangle A'D'E} = S_{\triangle OA'E} + 4$$

由①得知, $S_{\triangle OAD'} = S_{\triangle OA'C'} + 4$

$$\therefore S_{\triangle OAC'} = S_{\triangle OAE} = \frac{1}{2} A'E \times 4 = \frac{1}{2} \times 2 \times 4 = 4$$

$$S_{\triangle OAD'} = 4 + 4 = 8$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle OAC'}}{S_{\triangle OAD'}} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

【点睛】

此题主要考查等量转换和平行四边形的判定以及性质，熟练掌握，即可解题.

2. (1) 40° ; (2) 65° ; (3) 存在, 56° 或 20°

【分析】

(1) 依据平行线的性质以及角平分线的定义, 即可得到 $\angle PCG$ 的度数;

(2) 依据平行线的性质以及角平分线的定义, 即可得到 $\angle ECG = \angle GCF = 25^\circ$, 再根据 $PQ \parallel CE$, 即可得出 $\angle CPQ = \angle ECP = 65^\circ$;

(3) 设 $\angle EGC = 4x$, $\angle EFC = 3x$, 则 $\angle GCF = 4x - 3x = x$, 分两种情况讨论: ①当点 G 、 F 在点 E 的右侧时, ②当点 G 、 F 在点 E 的左侧时, 依据等量关系列方程求解即可.

【详解】

解: (1) $\because \angle CEB = 100^\circ$, $AB \parallel CD$,

$$\therefore \angle ECQ = 80^\circ,$$

$\because \angle PCF = \angle PCQ$, CG 平分 $\angle ECF$,

$$\therefore \angle PCG = \angle PCF + \angle FCG = \frac{1}{2} \angle QCF + \frac{1}{2} \angle FCE = \frac{1}{2} \angle ECQ = 40^\circ;$$

(2) $\because AB \parallel CD$

$$\therefore \angle QCG = \angle EGC, \angle QCG + \angle ECG = \angle ECQ = 80^\circ,$$

$$\therefore \angle EGC + \angle ECG = 80^\circ,$$

又 $\because \angle EGC - \angle ECG = 30^\circ$,

$$\therefore \angle EGC = 55^\circ, \angle ECG = 25^\circ,$$

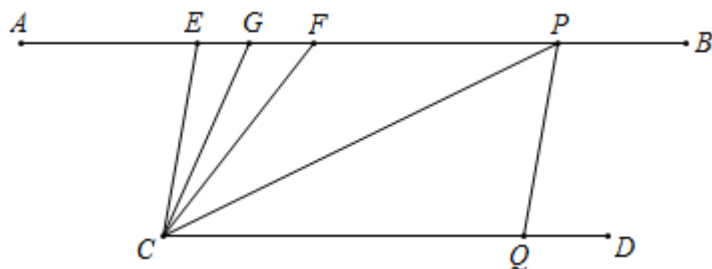
$$\therefore \angle ECG = \angle GCF = 25^\circ, \angle PCF = \angle PCQ = \frac{1}{2} (80^\circ - 50^\circ) = 15^\circ,$$

$\because PQ \parallel CE$,

$$\therefore \angle CPQ = \angle ECP = 65^\circ;$$

(3) 设 $\angle EGC = 4x$, $\angle EFC = 3x$, 则 $\angle GCF = \angle FCD = 4x - 3x = x$,

①当点 G 、 F 在点 E 的右侧时,



$$\text{则 } \angle ECG = x, \angle PCF = \angle PCD = \frac{3}{2}x,$$

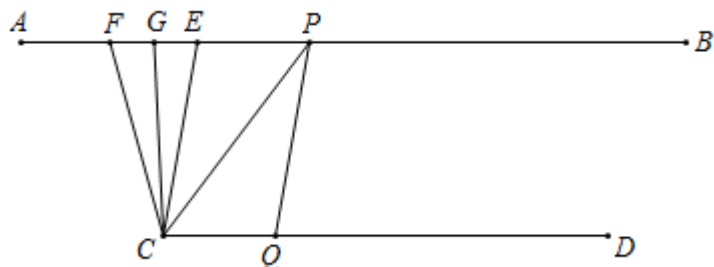
$$\therefore \angle ECD = 80^\circ,$$

$$\therefore x+x+\frac{3}{2}x+\frac{3}{2}x=80^\circ,$$

解得 $x=16^\circ$,

$$\therefore \angle CPQ = \angle ECP = x+x+\frac{3}{2}x = 56^\circ;$$

②当点 G 、 F 在点 E 的左侧时,



则 $\angle ECG = \angle GCF = x$,

$$\therefore \angle CGF = 180^\circ - 4x, \quad \angle GCQ = 80^\circ + x,$$

$$\therefore 180^\circ - 4x = 80^\circ + x,$$

解得 $x=20^\circ$,

$$\therefore \angle FCQ = \angle ECF + \angle ECQ = 40^\circ + 80^\circ = 120^\circ,$$

$$\therefore \angle PCQ = \frac{1}{2} \angle FCQ = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle CPQ = \angle ECP = 80^\circ - 60^\circ = 20^\circ.$$

【点睛】

本题主要考查了平行线的性质，解题时注意：两直线平行，同旁内角互补；两直线平行，内错角相等.

3. (1) 120, 90; (2) ① $\angle 1 = 120^\circ - n^\circ$, $\angle 2 = 90^\circ + n^\circ$; ②见解析

【分析】

(1) 根据邻补角的定义和平行线的性质解答;

(2) ①根据邻补角的定义求出 $\angle ABE$, 再根据两直线平行, 同位角相等可得 $\angle 1 = \angle ABE$, 根据两直线平行, 同旁内角互补求出 $\angle BCG$, 然后根据周角等于 360° 计算即可得到 $\angle 2$;

②结合图形, 分 AB 、 BC 、 AC 三条边与直尺垂直讨论求解.

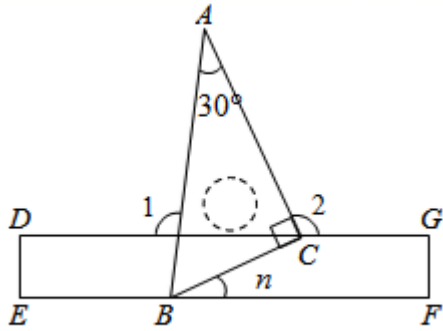
【详解】

解: (1) $\angle 1 = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$,

$\angle 2 = 90^\circ$;

故答案为: 120, 90;

(2) ①如图2,



(图 2)

$$\because \angle ABC = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle ABE = 180^\circ - 60^\circ - n^\circ = 120^\circ - n^\circ,$$

$$\because DG \parallel EF,$$

$$\therefore \angle 1 = \angle ABE = 120^\circ - n^\circ,$$

$$\angle BCG = 180^\circ - \angle CBF = 180^\circ - n^\circ,$$

$$\because \angle ACB + \angle BCG + \angle 2 = 360^\circ,$$

$$\therefore \angle 2 = 360^\circ - \angle ACB - \angle BCG$$

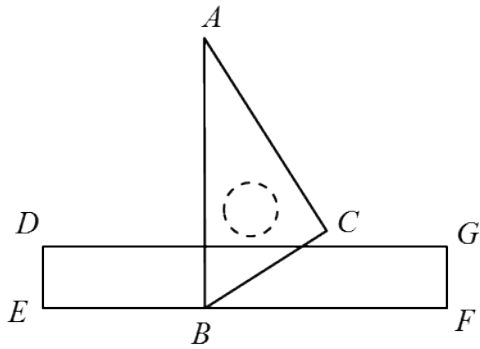
$$= 360^\circ - 90^\circ - (180^\circ - n^\circ)$$

$$= 90^\circ + n^\circ;$$

② 当 $n = 30^\circ$ 时, $\because \angle ABC = 60^\circ,$

$$\therefore \angle ABF = 30^\circ + 60^\circ = 90^\circ,$$

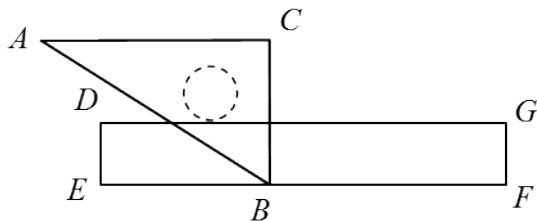
$AB \perp DG (EF);$



当 $n = 90^\circ$ 时,

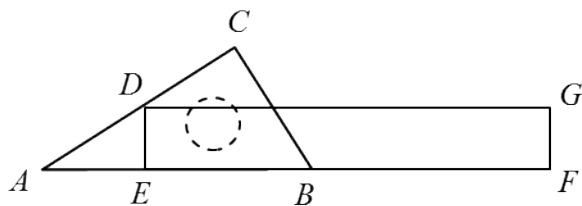
$$\angle C = \angle CBF = 90^\circ,$$

$\therefore BC \perp DG (EF), AC \perp DE (GF);$



当 $n = 120^\circ$ 时,

$\therefore AB \perp DE (GF).$



【点睛】

本题考查了平行线角的计算，垂线的定义，主要利用了平行线的性质，直角三角形的性质，读懂题目信息并准确识图是解题的关键。

4. (1) 90° ; (2) $\angle PFC = \angle PEA + \angle P$; (3) $\angle G = \frac{1}{2} \alpha$

【分析】

(1) 根据平行线的性质与判定可求解；

(2) 过P点作 $PN \parallel AB$ ，则 $PN \parallel CD$ ，可得 $\angle FPN = \angle PEA + \angle FPE$ ，进而可得 $\angle PFC = \angle PEA + \angle FPE$ ，即可求解；

(3) 令AB与PF交点为O，连接EF，根据三角形的内角和定理可得 $\angle GEF + \angle GFE = \frac{1}{2} \angle PEA + \frac{1}{2} \angle PFC + \angle OEF + \angle OFE$ ，由(2)得 $\angle PEA = \angle PFC - \alpha$ ，由 $\angle OFE + \angle OEF = 180^\circ - \angle FOE = 180^\circ - \angle PFC$ 可求解。

【详解】

解：(1) 如图1，过点P作 $PM \parallel AB$ ，

$\therefore \angle 1 = \angle AEP$.

又 $\angle AEP = 40^\circ$ ，

$\therefore \angle 1 = 40^\circ$.

$\because AB \parallel CD$ ，

$\therefore PM \parallel CD$ ，

$\therefore \angle 2 + \angle PFD = 180^\circ$.

$\because \angle PFD = 130^\circ$ ，

$\therefore \angle 2 = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$.

$\therefore \angle 1 + \angle 2 = 40^\circ + 50^\circ = 90^\circ$.

即 $\angle EPF = 90^\circ$.

(2) $\angle PFC = \angle PEA + \angle P$.

理由：过P点作 $PN \parallel AB$ ，则 $PN \parallel CD$ ，

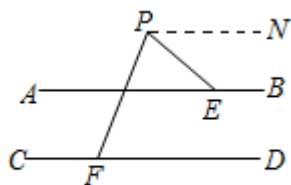


图2

$\therefore \angle PEA = \angle NPE$ ，

$\because \angle FPN = \angle NPE + \angle FPE$ ，

$\therefore \angle FPN = \angle PEA + \angle FPE$ ，

$\because PN \parallel CD,$

$\therefore \angle FPN = \angle PFC,$

$\therefore \angle PFC = \angle PEA + \angle FPE,$ 即 $\angle PFC = \angle PEA + \angle P;$

(3) 令 AB 与 PF 交点为 O , 连接 EF , 如图3.

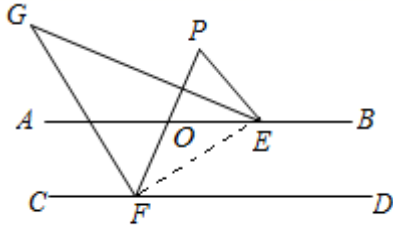


图3

在 $\triangle GFE$ 中, $\angle G = 180^\circ - (\angle GFE + \angle GEF),$

$\therefore \angle GEF = \frac{1}{2} \angle PEA + \angle OEF, \angle GFE = \frac{1}{2} \angle PFC + \angle OFE,$

$\therefore \angle GEF + \angle GFE = \frac{1}{2} \angle PEA + \frac{1}{2} \angle PFC + \angle OEF + \angle OFE,$

\therefore 由 (2) 知 $\angle PFC = \angle PEA + \angle P,$

$\therefore \angle PEA = \angle PFC - \alpha,$

$\therefore \angle OFE + \angle OEF = 180^\circ - \angle FOE = 180^\circ - \angle PFC,$

$\therefore \angle GEF + \angle GFE = \frac{1}{2} (\angle PFC - \alpha) + \frac{1}{2} \angle PFC + 180^\circ - \angle PFC = 180^\circ - \frac{1}{2} \alpha,$

$\therefore \angle G = 180^\circ - (\angle GEF + \angle GFE) = 180^\circ - 180^\circ + \frac{1}{2} \alpha = \frac{1}{2} \alpha.$

【点睛】

本题主要考查平行线的性质与判定, 灵活运用平行线的性质与判定是解题的关键.

5. (1) 70° ; (2) $\angle EAF = \angle AED + \angle EDG$, 证明见解析; (3) 122°

【分析】

(1) 过 E 作 $EF \parallel AB$, 根据平行线的性质得到 $\angle EAF = \angle AEH = 25^\circ, \angle EAG = \angle DEH = 45^\circ,$ 即可求得 $\angle AED$;

(2) 过 E 作 $EM \parallel AB$, 根据平行线的性质得到 $\angle EAF = 180^\circ - \angle MEH,$ $\angle EDG + \angle AED = 180^\circ - \angle MEH,$ 即 $\angle EAF = \angle AED + \angle EDG$;

(3) 设 $\angle EAI = x$, 则 $\angle BAE = 3x$, 通过三角形内角和得到 $\angle EDK = x - 2^\circ$, 由角平分线定义及 $AB \parallel CD$ 得到 $3x = 32^\circ + 2x - 4^\circ$, 求出 x 的值再通过三角形内角和求 $\angle EKD$.

【详解】

解: (1) 过 E 作 $EF \parallel AB$,

$Q AB \parallel CD,$

$\therefore EF \parallel CD,$

$\therefore \angle EAF = \angle AEH = 25^\circ, \angle EAG = \angle DEH = 45^\circ,$

$\therefore \angle AED = \angle AEH + \angle DEH = 70^\circ,$

故答案为: 70° ;

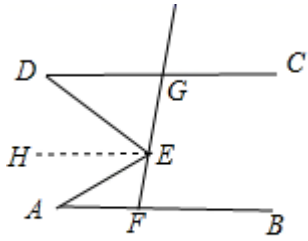


图1

(2) $\angle EAF = \angle AED + \angle EDG$.

理由如下:

过E作 $EM \parallel AB$,

Q $AB \parallel CD$,

$\therefore EM \parallel CD$,

$\therefore \angle EAF + \angle MEH = 180^\circ, \angle EDG + \angle AED + MEH = 180^\circ,$

$\therefore \angle EAF = 180^\circ - \angle MEH, \angle EDG + \angle AED = 180^\circ - MEH,$

$\therefore \angle EAF = \angle AED + \angle EDG;$

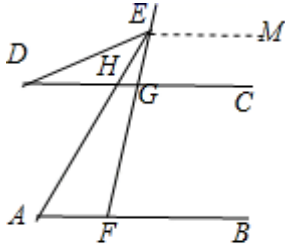


图2

(3) Q $\angle EAP : \angle BAP = 1 : 2$,

设 $\angle EAP = x$, 则 $\angle BAP = 3x$,

Q $\angle AED - \angle P = 32^\circ - 30^\circ = 2^\circ, \angle DKE = \angle AKP$,

又Q $\angle EDK + \angle DKE + \angle DEK = 180^\circ, \angle KAP + \angle KPA + \angle AKP = 180^\circ,$

$\therefore \angle EDK = \angle EAP - 2^\circ = x - 2^\circ,$

Q DP 平分 $\angle EDC$,

$\therefore \angle CDE = 2\angle EDK = 2x - 4^\circ,$

Q $AB \parallel CD$,

$\therefore \angle EHC = \angle EAF = \angle AED + \angle EDG,$

即 $3x = 32^\circ + 2x - 4^\circ$, 解得 $x = 28^\circ$,

$\therefore \angle EDK = 28^\circ - 2^\circ = 26^\circ,$

$\therefore \angle EKD = 180^\circ - 26^\circ - 32^\circ = 122^\circ.$

【点睛】

本题主要考查了平行线的性质和判定, 正确做出辅助线是解决问题的关键.

6. (1) $PB' \perp QC'$; (2) 当射线 PB 旋转的时间为5秒或25秒或45秒时, $PB' \parallel QC'$

【分析】

(1) 求出旋转10秒时, $\angle BPB'$ 和 $\angle CQC'$ 的度数, 设 PB' 与 QC' 交于 O , 过 O 作 $OE \parallel AB$, 根据平行线的性质求得 $\angle POE$ 和 $\angle QOE$ 的度数, 进而得结论;

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。
。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/168101060042007005>