

# 2018 北京房山初三（上）期末

## 数 学

一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

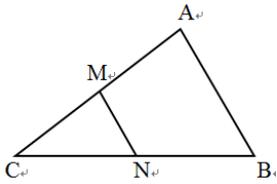
1. 已知点  $(-1, 2)$  在二次函数  $y=ax^2$  的图象上，那么  $a$  的值是（ ）

- A. 1                                      B. 2                                      C.  $\frac{1}{2}$                                       D.  $-\frac{1}{2}$

2. 在  $Rt\triangle ABC$  中， $\angle C=90^\circ$ ， $AB=2BC$ ，那么  $\sin A$  值为（ ）

- A.  $\frac{1}{2}$                                       B.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$                                       C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$                                       D. 1

3. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $M, N$  分别为  $AC, BC$  中点，若  $S_{\triangle CMN}=1$ ，则  $S_{\triangle ABC}$  为（ ）



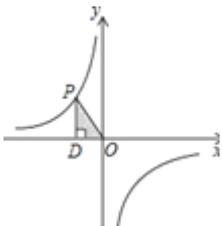
- A. 2                                      B. 3                                      C. 4                                      D. 5

4. 如图，在高 2m，坡角为  $30^\circ$  的楼梯表面铺地毯，地毯的长度至少需要（ ）



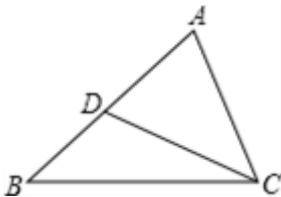
- A.  $2\sqrt{3}$  m                                      B.  $(2+2\sqrt{3})$  m                                      C. 4 m                                      D.  $(4+2\sqrt{3})$  m

5. 如图，点  $P$  在反比例函数  $y=\frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的图象上， $PD \perp x$  轴于点  $D$ ， $\triangle PDO$  的面积为 2，则  $k$  的值为（ ）



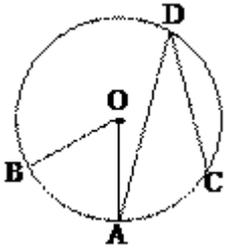
- A. -1                                      B. -2                                      C. -4                                      D. -6

6. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $\angle ACD=\angle B$ ，若  $AD=2$ ， $BD=3$ ，则  $AC$  长（ ）



- A.  $\sqrt{10}$                                       B.  $2\sqrt{3}$                                       C.  $\sqrt{6}$                                       D. 6

7. 如图，在  $\odot O$  中，弧  $AB=$ 弧  $AC$ ， $\angle AOB=50^\circ$ ，则  $\angle ADC$  的度数是（ ）



- A.  $50^\circ$                       B.  $45^\circ$                       C.  $30^\circ$                       D.  $25^\circ$

8. 小明以二次函数  $y=2x^2-4x+8$  的图象为灵感为“某国际葡萄酒大赛”设计了一款杯子，如图为杯子的设计稿，若  $AB=4$ ， $DE=3$ ，则杯子的高  $CE$  为( )

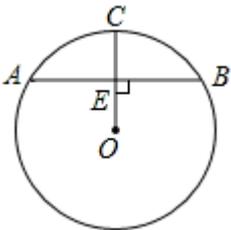


- A. 14                      B. 11                      C. 6                      D. 3

二、填空题（本题共 16 分，每小题 2 分）

9. 请写出一个开口向上，并且与  $y$  轴交于点  $(0, 1)$  的抛物线的解析式\_\_\_\_\_.

10. 如图所示， $\odot O$  的半径为 5， $AB$  为弦， $OC \perp AB$ ，垂足为  $E$ ，如果  $CE=2$ ，那么  $AB$  的长是\_\_\_\_\_.



11. 如图 1，西沙河属马刨泉河支流，发源于房山区城关街道迎风坡村，流域面积 11 平方公里，为估算西沙河某段的宽度，如图 2，在河岸边选定一个目标点 A，在对岸取点 B,C,D. 使得  $AB \perp BC$ ,  $CD \perp BC$ , 点 E 在 BC 上，并且点 A,E,D 在同一条直线上，若测得  $BE=2m$ ,  $EC=1m$ ,  $CD=3m$ , 则河的宽度 AB 等于\_\_\_\_\_m.

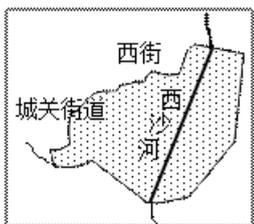


图 1

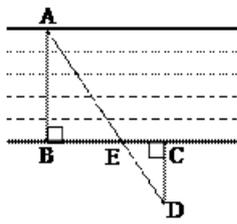
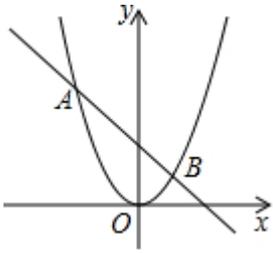
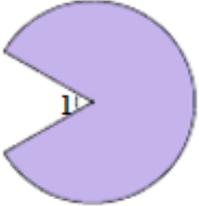


图 2

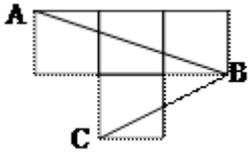
12. 如图，抛物线  $y = ax^2$  与直线  $y = bx + c$  的两个交点坐标分别为  $A(-2, 4)$ ， $B(1, 1)$ ，则关于  $x$  的方程  $ax^2 - bx - c = 0$  的解为\_\_\_\_\_.



13. 如图，“吃豆小人”是一个经典的游戏形象，它的形状是一个扇形，若开口 $\angle 1=60^\circ$ ，半径为 $\sqrt{6}$ ，则这个“吃豆小人”（阴影图形）的面积为\_\_\_\_\_.



14. 如图，每个小正方形的边长都是 1，点 A,B,C 都在小正方形的顶点上，则 $\angle ABC$ 的正弦值为\_\_\_\_\_.



15. 已知二次函数  $y=ax^2+bx+c(a \neq 0)$  的图象与 x 轴的两个交点的横坐标分别为  $x_1 = \frac{-8 + \sqrt{8^2 - 4 \times 2 \times 3}}{2 \times 2}$ ,  $x_2 = \frac{-8 - \sqrt{8^2 - 4 \times 2 \times 3}}{2 \times 2}$ ，则此二次函数图象的对称轴为\_\_\_\_\_.

16. 下面是“作圆的内接正方形”的尺规作图过程.

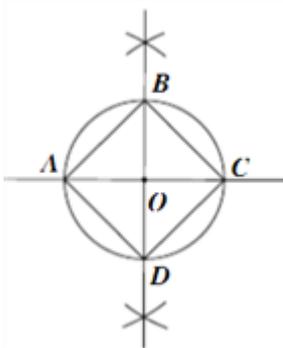
已知： $\odot O$ .

求作：圆的内接正方形.

如图，

- (1) 过圆心 O 作直线 AC, 与 $\odot O$  相交于 A,C 两点;
- (2) 过点 O 作直线  $BD \perp AC$ , 交 $\odot O$  于 B,D 两点;
- (3) 连接 AB,BC,CD,DA.

$\therefore$  四边形 ABCD 为所求.



请回答：该尺规作图的依据是\_\_\_\_\_。（写出两条）

三、解答题（本题共 68 分，第 17—25 题，每小题 5 分，第 26 题 7 分，第 27 题 8 分，第 28 题 8 分）

17. 计算： $\sqrt{3}\tan 30^\circ - \cos 60^\circ + \sin 45^\circ$ .

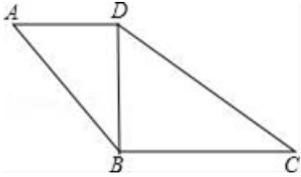
18. 下表是二次函数  $y=ax^2+bx+c$  的部分  $x,y$  的对应值：

x	...	-1	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	1	$\frac{3}{2}$	2	$\frac{5}{2}$	3	...
y	...	2	$\frac{1}{4}$	-1	$-\frac{7}{4}$	-2	$-\frac{7}{4}$	-1	$\frac{1}{4}$	2	...

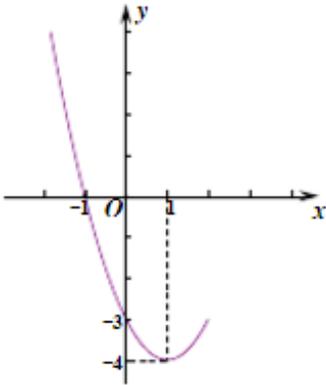
- (1) 此二次函数图象的顶点坐标是\_\_\_\_\_；  
 (2) 当抛物线  $y=ax^2+bx+c$  的顶点在直线  $y=x+n$  的下方时， $n$  的取值范围是\_\_\_\_\_.

19. 如图，在四边形  $ABCD$  中， $AD \parallel BC$ ， $\angle A = \angle BDC$ .

- (1) 求证： $\triangle ABD \sim \triangle DCB$ ；  
 (2) 若  $AB=12$ ， $AD=8$ ， $CD=15$ ，求  $DB$  的长.

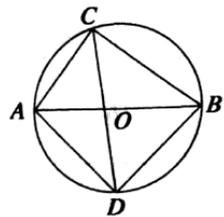


20. 如图，是二次函数  $y=ax^2+bx+c$  的部分图象.



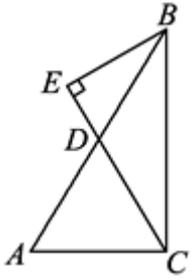
- (1) 结合图象信息，求此二次函数的表达式；  
 (2) 当  $y > 0$  时，直接写出  $x$  的取值范围：\_\_\_\_\_.

21. 如图， $\odot O$  的直径  $AB$  为  $10\text{cm}$ ，弦  $AC$  为  $6\text{cm}$ ， $\angle ACB$  的平分线交  $\odot O$  于点  $D$ ，求  $BC$ ， $AD$ ， $BD$  的长.



22. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $\sin A = \frac{4}{5}$ ， $BC=8$ ， $D$  是  $AB$  中点，过点  $B$  作直线  $CD$  的垂线，垂足为点  $E$ .

- (1) 求线段  $CD$  的长；  
 (2) 求  $\cos \angle ABE$  的值.

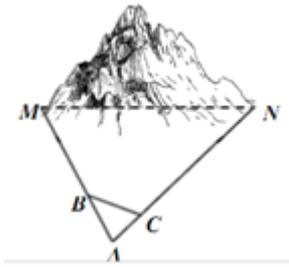


23. 反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 与一次函数  $y = -x + 5$  的一个交点是  $A(1, n)$ .

(1) 求反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的表达式;

(2) 当一次函数的函数值大于反比例函数的函数值时, 直接写出自变量  $x$  的取值范围为\_\_\_\_\_.

24. 中国高铁近年来用震惊世界的速度不断发展, 已成为当代中国一张耀眼的“国家名片”. 修建高铁时常常要逢山开道、遇水搭桥. 如图, 某高铁在修建时需打通一直线隧道  $MN$  ( $M$ 、 $N$  为山的两侧), 工程人员为了计算  $MN$  两点之间的直线距离, 选择了在测量点  $A$ 、 $B$ 、 $C$  进行测量, 点  $B$ 、 $C$  分别在  $AM$ 、 $AN$  上, 现测得  $AM = 1200$  米,  $AN = 2000$  米,  $AB = 30$  米,  $BC = 45$  米,  $AC = 18$  米, 求直线隧道  $MN$  的长.



25. 已知抛物线  $y = x^2 + bx + c$  与  $x$  轴交于点  $A(-2, 0)$ .

(1) 填空:  $c = \underline{\hspace{2cm}}$  (用含  $b$  的式子表示).

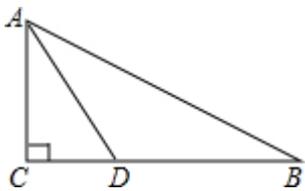
(2) 若  $b < 4$

① 求证: 抛物线与  $x$  轴有两个交点;

② 设抛物线与  $x$  轴的另一个交点为  $B$ , 当线段  $AB$  上恰有 5 个整点 (横坐标、纵坐标都是整数的点), 直接写出  $b$  的取值范围为\_\_\_\_\_;

(3) 直线  $y = x - 4$  经过抛物线  $y = x^2 + bx + c$  顶点  $P$ , 求抛物线的表达式.

26. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle C = 90^\circ$ ,  $AD$  是  $\angle BAC$  的角平分线.



(1) 以  $AB$  上一点  $O$  为圆心,  $AD$  为弦作  $\odot O$ ;

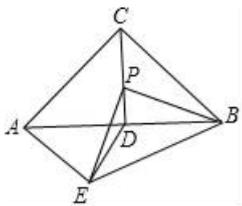
(2) 求证:  $BC$  为  $\odot O$  的切线;

(3) 如果  $AC = 3$ ,  $\tan B = \frac{3}{4}$ , 求  $\odot O$  的半径.

27. 如图, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle ACB = 90^\circ$ ,  $AC = BC = 4$ ,  $CD \perp AB$  于  $D$ ,  $P$  是线段  $CD$  上一个动点, 以  $P$  为直角顶点向下作等腰  $Rt\triangle BPE$ , 连接  $AE$ 、 $DE$ .

(1)  $\angle BAE$  的度数是否为定值? 若是, 求出  $\angle BAE$  的度数; 若不是, 说明理由.

(2) 直接写出  $DE$  的最小值.



28. 定义: 在平面直角坐标系中, 图形  $G$  上点  $P(x,y)$  的纵坐标  $y$  与其横坐标  $x$  的差  $y-x$  称为  $P$  点的“坐标差”, 而图形  $G$  上所有点的“坐标差”中的最大值称为图形  $G$  的“特征值”

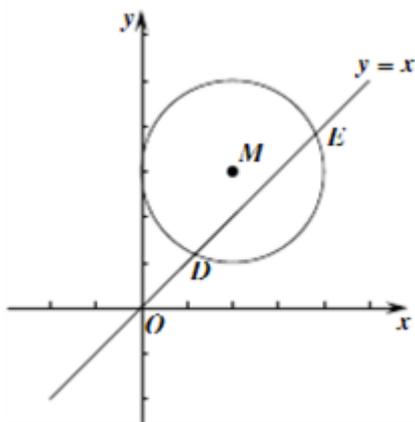
(1) ①点  $A(1,3)$  的“坐标差”为\_\_\_\_\_.

②抛物线  $y=-x^2+3x+3$  的“特征值”为\_\_\_\_\_.

(2) 某二次函数  $y=-x^2+bx+c(c \neq 0)$  的“特征值”为 1, 点  $B(m,0)$  与点  $C$  分别是此二次函数的图象与  $x$  轴和  $y$  轴的交点, 且点  $B$  与点  $C$  的“坐标差”相等.

①直接写出  $m=$ \_\_(用含  $c$  的式子表示)

②求此二次函数的表达式.



(3) 如图, 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 以  $M(2,3)$  为圆心, 2 为半径的圆与直线  $y=x$  相交于点  $D$ 、 $E$  请直接写出  $\odot M$  的“特征值”为\_\_\_\_\_.

## 参考答案

一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

1. 已知点  $(-1, 2)$  在二次函数  $y=ax^2$  的图象上，那么  $a$  的值是（ ）

- A. 1                      B. 2                      C.  $\frac{1}{2}$                       D.  $-\frac{1}{2}$

【答案】B

【解析】

【详解】 $\because$  点  $(-1, 2)$  在二次函数  $y = ax^2$  的图象上，

$$\therefore a \cdot (-1)^2 = 2, \text{ 解得: } a = 2.$$

故选 B.

2. 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle C=90^\circ$ ， $AB=2BC$ ，那么  $\sin A$  的值为（ ）

- A.  $\frac{1}{2}$                       B.  $\frac{\sqrt{2}}{2}$                       C.  $\frac{\sqrt{3}}{2}$                       D. 1

【答案】A

【解析】

【分析】根据正弦的定义列式计算即可.

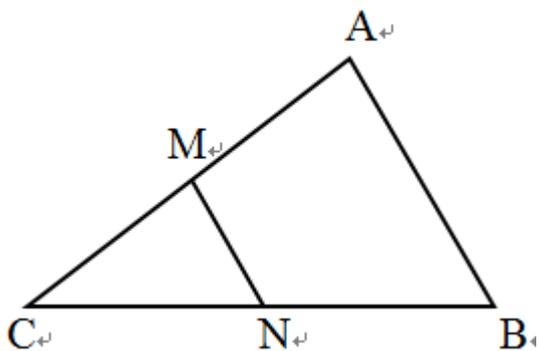
【详解】 $\because \angle C=90^\circ$ ， $AB=2BC$ ，

$$\therefore \sin A = \frac{BC}{AB} = \frac{1}{2},$$

故选 A.

【点睛】本题考查的是锐角三角函数的定义，在直角三角形中，锐角的正弦为对边比斜边.

3. 如图，在  $\triangle ABC$  中，M,N 分别为 AC,BC 的中点，若  $S_{\triangle CMN}=1$ ，则  $S_{\triangle ABC}$  为（ ）



- A. 2                      B. 3                      C. 4                      D. 5

【答案】C

【解析】

【详解】 $\because$  点 M、N 分别是  $\triangle ABC$  的边 AC、BC 的中点，

$$\therefore MN \parallel AB, MN = \frac{1}{2} AB,$$

$$\therefore \triangle CMN \sim \triangle CAB, \text{ 且相似比 } \frac{1}{2},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle CMN}}{S_{\triangle CAB}} = \frac{1}{4},$$

$$\text{又} \because S_{\triangle CMN} = 1,$$

$$\therefore S_{\triangle ABC} = 4.$$

故选 C.

4. 如图, 在高 2m, 坡角为  $30^\circ$  的楼梯表面铺地毯, 地毯的长度至少需要 ( )



A.  $2\sqrt{3}$  m

B.  $(2 + 2\sqrt{3})$  m

C. 4 m

D.  $(4 + 2\sqrt{3})$  m

【答案】B

【解析】

【详解】如图, 由平移的性质可知, 楼梯表面所铺地毯的长度为:  $AC + BC$ ,

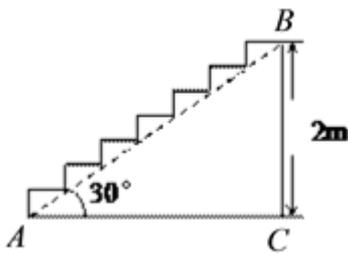
$$\because \text{在} \triangle ABC \text{ 中, } \angle ACB = 90^\circ, \angle BAC = 30^\circ, BC = 2\text{m},$$

$$\therefore AB = 2BC = 4\text{m},$$

$$\therefore AC = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3},$$

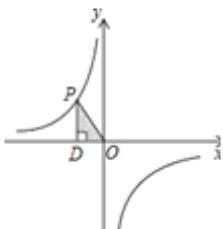
$$\therefore AC + BC = 4 + 2\sqrt{3} \text{ (m)}.$$

故选 B.



点睛: 本题的解题的要点是: 每阶楼梯的水平面向下平移后刚好与  $AC$  重合, 每阶楼梯的竖直面右平移后刚好可以与  $BC$  重合, 由此可得楼梯表面所铺地毯的总长度为  $AC + BC$ .

5. 如图, 点  $P$  在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的图象上,  $PD \perp x$  轴于点  $D$ ,  $\triangle PDO$  的面积为 2, 则  $k$  的值为 ( )



A. -1

B. -2

C. -4

D. -6

【答案】C

【解析】

【详解】如图， $\because$ 点P在反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的图象上， $PD \perp x$  轴于点D， $\triangle PDO$  的面积为2，

$$\therefore \frac{|k|}{2} = 2,$$

又 $\because$ 反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的图象在第二、四象限，

$$\therefore k < 0,$$

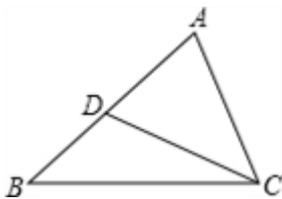
$$\therefore \frac{-k}{2} = 2, \text{ 解得: } k = -4.$$

故选C.

点睛：过反比例函数  $y = \frac{k}{x}$  ( $k \neq 0$ ) 的图象上一点向x轴（或y轴）作垂线段，并连接这点和原点，所围成的直角

三角形的面积  $= \frac{|k|}{2}$ .

6. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $\angle ACD = \angle B$ ，若  $AD = 2$ ， $BD = 3$ ，则AC长为（ ）



A.  $\sqrt{10}$

B.  $2\sqrt{3}$

C.  $\sqrt{6}$

D. 6

【答案】A

【解析】

【详解】解： $\because AD = 2$ ， $BD = 3$ ，

$$\therefore AB = AD + BD = 5,$$

$\because$ 在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle ACD$ 中， $\angle ACD = \angle B$ ， $\angle A = \angle A$ ，

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle ACD$ ，

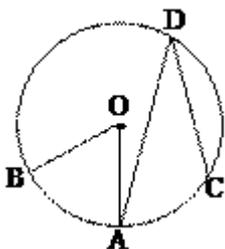
$$\therefore \frac{AC}{AD} = \frac{AB}{AC}, \text{ 即 } AC^2 = AB \cdot AD,$$

$$\therefore AC^2 = 5 \times 2 = 10,$$

$$\therefore AC = \sqrt{10}.$$

故选A.

7. 如图，在 $\odot O$ 中，弧AB=弧AC， $\angle AOB = 50^\circ$ ，则 $\angle ADC$ 的度数是（ ）



A.  $50^\circ$

B.  $45^\circ$

C.  $30^\circ$

D.  $25^\circ$

【答案】D

【解析】

【详解】 $\because$ 在 $\odot O$ 中,  $AB=AC$ ,

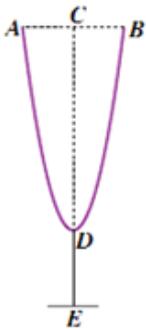
$$\therefore \angle ADC = \frac{1}{2} \angle AOB,$$

$$\because \angle AOB = 50^\circ,$$

$$\therefore \angle ADC = 25^\circ.$$

故选 D.

8. 小明以二次函数  $y=2x^2-4x+8$  的图象为灵感为“某国际葡萄酒大赛”设计了一款杯子, 如图为杯子的设计稿, 若  $AB=4$ ,  $DE=3$ , 则杯子的高  $CE$  为( )



A. 14

B. 11

C. 6

D. 3

【答案】B

【解析】

$$\text{【详解】} \because y = 2x^2 - 4x + 8 = 2(x-1)^2 + 6,$$

$\therefore$ 在坐标系中, 该二次函数图象的顶点  $D$  的坐标为  $(1, 6)$ ,

设此时点  $A$ 、 $B$  的坐标分别为  $(x_1, m)$ 、 $(x_2, m)$ , 则由题意可知,  $AB = |x_1 - x_2|$ , 而  $x_1$ 、 $x_2$  是关于  $x$  的一元二次方程  $2x^2 - 4x + 8 = m$  的解,

$$\therefore x_1 + x_2 = 2, \quad x_1 \cdot x_2 = \frac{8-m}{2},$$

$$\therefore |x_1 - x_2| = \sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2} = \sqrt{2m - 12},$$

$$\text{又} \because AB = |x_1 - x_2| = 4,$$

$$\therefore \sqrt{2m - 12} = 4, \text{ 解得: } m = 14,$$

$\therefore$ 点  $A$ 、 $B$  的纵坐标为 14,

$$\therefore DC = 14 - 6 = 8,$$

又  $\because DE = 3$ ,

$$\therefore CE = DC + DE = 11.$$

故选 B.

二、填空题 (本题共 16 分, 每小题 2 分)

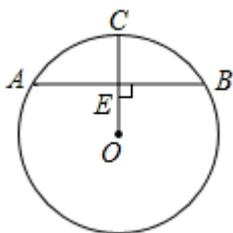
9. 请写出一个开口向上，并且与  $y$  轴交于点  $(0, 1)$  的抛物线的解析式\_\_\_\_\_.

【答案】 $y=x^2+1$ .

【解析】

【详解】此题答案不唯一，只要二次项系数大于 0，经过点  $(0,1)$  即可，如  $y=x^2+1$ ， $y=x^2+2x+1$  等.

10. 如图所示， $\odot O$  的半径为 5， $AB$  为弦， $OC \perp AB$ ，垂足为  $E$ ，如果  $CE=2$ ，那么  $AB$  的长是\_\_\_\_\_

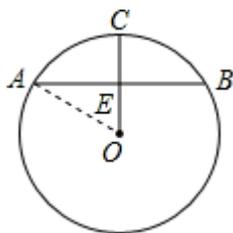


【答案】8

【解析】

【分析】由于半径  $OC \perp AB$ ，利用垂径定理可知  $AB=2AE$ ，又  $CE=2$ ， $OC=5$ ，易求  $OE$ ，在  $Rt\triangle AOE$  中利用勾股定理易求  $AE$ ，进而可求  $AB$ 。

【详解】解：如图，连接  $OA$ ，



$\because$  半径  $OC \perp AB$ ,

$\therefore AE=BE=\frac{1}{2}AB$ ,

$\because OC=5$ ,  $CE=2$ ,

$\therefore OE=3$ ,

在  $Rt\triangle AOE$  中， $AE=\sqrt{OA^2 - OE^2} = 4$ ,

$\therefore AB=2AE=8$ .

故答案为：8.

11. 如图 1，西沙河属马刨泉河支流，发源于房山区城关街道迎风坡村，流域面积 11 平方公里，为估算西沙河某段的宽度，如图 2，在河岸边选定一个目标点  $A$ ，在对岸取点  $B, C, D$ ，使得  $AB \perp BC, CD \perp BC$ ，点  $E$  在  $BC$  上，并且点  $A, E, D$  在同一条直线上，若测得  $BE=2m, EC=1m, CD=3m$ ，则河的宽度  $AB$  等于\_\_\_\_\_m.

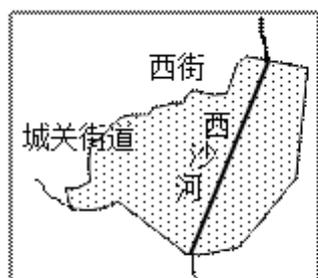


图 1

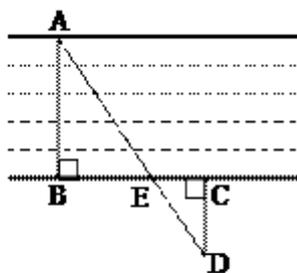


图 2

【答案】6

【解析】

【详解】如图2， $\because AB \perp BC, CD \perp BC,$

$\therefore \angle ABE = \angle DCE = 90^\circ,$

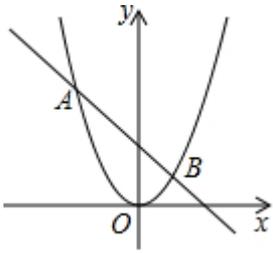
又 $\because \angle AEB = \angle DEC,$

$\therefore \triangle ABE \sim \triangle DCE,$

$\therefore \frac{AB}{CD} = \frac{BE}{EC},$  即:  $\frac{AB}{3} = \frac{2}{1},$  解得:  $AB = 6$  (m).

故答案为6.

12. 如图，抛物线  $y = ax^2$  与直线  $y = bx + c$  的两个交点坐标分别为  $A(-2, 4), B(1, 1),$  则关于  $x$  的方程  $ax^2 - bx - c = 0$  的解为\_\_\_\_\_.



【答案】 $x_1 = -2, x_2 = 1$

【解析】

【分析】根据二次函数图象与一次函数图象的交点问题得到方程组  $\begin{cases} y = ax^2 \\ y = bx + c \end{cases}$  的解为  $\begin{cases} x_1 = -2 \\ y_1 = 4 \end{cases}, \begin{cases} x_2 = 1 \\ y_2 = 1 \end{cases},$  于是易

得关于  $x$  的方程  $ax^2 - bx - c = 0$  的解.

【详解】解： $\because$  抛物线  $y = ax^2$  与直线  $y = bx + c$  的两个交点坐标分别为  $A(-2, 4), B(1, 1),$

$\therefore$  方程组  $\begin{cases} y = ax^2 \\ y = bx + c \end{cases}$  的解为  $\begin{cases} x_1 = -2 \\ y_1 = 4 \end{cases}, \begin{cases} x_2 = 1 \\ y_2 = 1 \end{cases},$

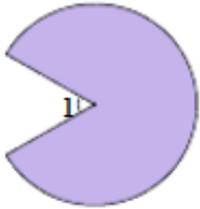
即关于  $x$  的方程  $ax^2 - bx - c = 0$  的解为  $x_1 = -2, x_2 = 1.$

故答案为  $x_1 = -2, x_2 = 1.$

【点睛】本题考查了二次函数的性质：二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) 的顶点坐标是  $(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac - b^2}{4a}),$  对称轴直线

$x = -\frac{b}{2a}.$  也考查了二次函数图象与一次函数图象的交点问题.

13. 如图，“吃豆小人”是一个经典的游戏形象，它的形状是一个扇形，若开口  $\angle 1 = 60^\circ,$  半径为  $\sqrt{6},$  则这个“吃豆小人”（阴影图形）的面积为\_\_\_\_\_.



【答案】  $5\pi$

【解析】

【详解】  $\because \angle 1 = 60^\circ$ ,

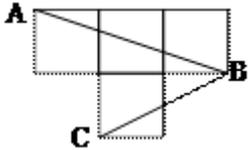
$\therefore$  图中扇形的圆心角为  $300^\circ$ ,

又  $\because$  扇形的半径为:  $\sqrt{6}$ ,

$$\therefore S_{\text{阴影}} = \frac{300\pi \cdot (\sqrt{6})^2}{360} = 5\pi.$$

故答案为  $5\pi$ .

14. 如图, 每个小正方形的边长都是 1, 点 A, B, C 都在小正方形的顶点上, 则  $\angle ABC$  的正弦值为\_\_\_\_\_.



【答案】  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ .

【解析】

【详解】解: 如图, 连接 AC, 由题意可得:

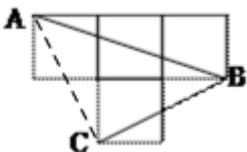
$$AB^2 = 1^2 + 3^2 = 10, \quad BC^2 = 2^2 + 1^2 = 5, \quad AC^2 = 1^2 + 2^2 = 5,$$

$$\therefore BC^2 + AC^2 = AB^2, \quad AB = \sqrt{10}, \quad AC = \sqrt{5},$$

$$\therefore \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore \sin \angle ABC = \frac{AC}{AB} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

故答案为:  $\frac{\sqrt{2}}{2}$ .



以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/17504204010012014>