

## 2024 年广东省深圳市南山区部分学校中考数学三模试卷

### 一、单选题

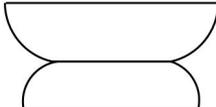
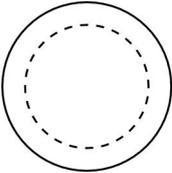
1. 下列实数中是无理数的是 ( )

- A. 3.14                  B.  $\sqrt{9}$                   C.  $\sqrt{3}$                   D.  $\frac{1}{7}$

2. 铜鼓是我国古代南方少数民族使用的打击乐器和礼器，世界上最重的铜鼓王出土于广西。如图是接铜鼓的实物图，它的左视图是 ( )



↑  
正面

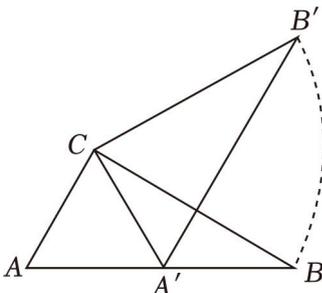
- A.                   B. 
- C.                   D. 

3. 某班 30 位同学的安全知识测试成绩统计如表，其中有两个数据被遮盖，下列关于成绩的统计量中 ( )

成绩	24	25	26	27	28	29	30
人数	■	■	3	3	6	7	9

- A. 平均数，方差    B. 中位数，方差  
C. 中位数，众数    D. 平均数，众数

4. 如图，已知三角板  $ABC$ ， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=2$ ，将三角板绕直角顶点  $C$  逆时针旋转，则  $B$  点转过的路径长为 ( )



- A.  $\frac{4\sqrt{3}}{3}\pi$                   B.  $\frac{\sqrt{3}}{3}\pi$                   C.  $\frac{2}{3}\pi$                   D.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}\pi$

5. 下列计算正确的是 ( )

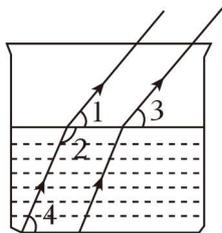
A.  $a^2 \cdot a^6 = a^8$

B.  $a^8 \div a^4 = a^2$

C.  $\frac{a}{a+2}$

D.  $(-3a)^2 = -9a^2$

6. 光在不同介质中的传播速度是不同的，因此光从水中射向空气时，要发生折射。已知在水中平行的光线射向空气中时也是平行的。如图， $\angle 2 = 120^\circ$ ，则 $\angle 3 + \angle 4$ 的值为 ( )



A.  $160^\circ$

B.  $150^\circ$

C.  $100^\circ$

D.  $90^\circ$

7. 下列命题中是假命题的是 ( )

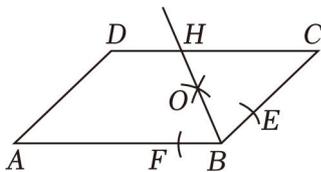
A. 三角形的中位线平行于三角形的第三边，并且等于第三边的一半

B. 平分弦的直径垂直于弦，并且平分弦所对的两条弧

C. 从圆外一点可以引圆的两条切线，它们的切线长相等，这一点和圆心的连线平分两条切线的夹角

D. 直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半

8. 如图，在 $\square ABCD$ 中， $\angle A = 45^\circ$ 。利用尺规在 $BC$ ， $BF$ ，使 $BE = BF$ ， $F$ 为圆心，大于 $\frac{1}{2}EF$ ，两弧在 $\angle CBA$ 的内部交于点 $O$ ；作射线 $BO$ 交 $DC$ 于点 $H$  ( )



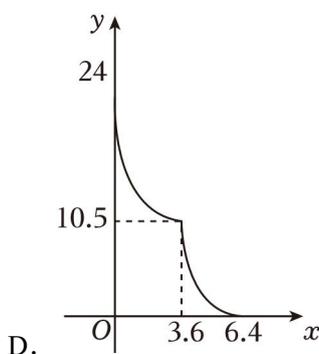
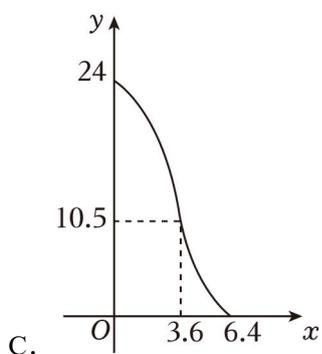
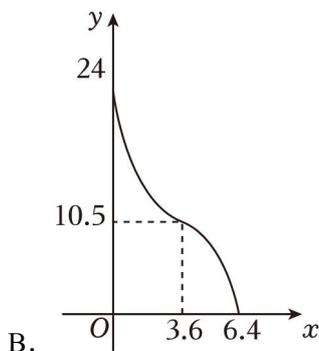
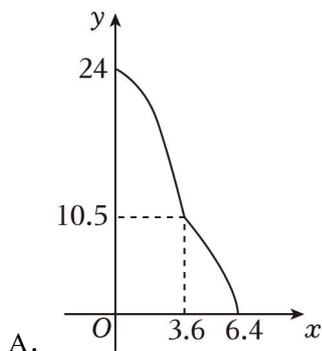
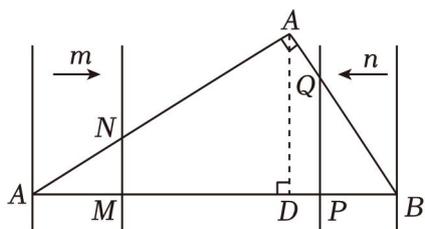
A.  $\sqrt{2} - 1$

B.  $\sqrt{2}$

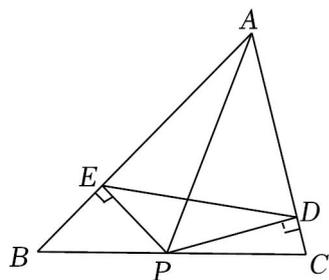
C.  $\sqrt{2} + 1$

D. 2

9. 如图，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $AB = 10\text{cm}$ ， $\sin A = \frac{3}{5}$ ，过点 $C$ 向 $AB$ 作垂线，垂足为 $D$ 。直线 $m$ ，直线 $n$ 分别与 $AB$ ， $AC$ 相交于点 $M$ ， $N$ ， $BC$ 相交于点 $P$ 、 $Q$ 。直线 $m$ 从点 $A$ 出发，沿 $AB$ 方向以 $1\text{cm/s}$ 的速度向点 $D$ 运动；同时，直线 $n$ 从点 $B$ 出发，到达点 $D$ 时停止运动。若运动过程中直线 $m$ 、 $n$ 及 $\triangle ABC$ 围成的多边形 $MNCQP$ 的面积是 $y(\text{cm}^2)$ ，直线 $m$ 的运动时间是 $x(\text{s})$ ，则 $y$ 与 $x$ 之间函数关系的图象大致是 ( )



10. 如图,  $\triangle ABC$  中,  $\angle ABC=45^\circ$ ,  $BC=\sqrt{6}$ , 点  $P$  是  $BC$  上一动点,  $PD \perp AC$  于  $D$ , 在点  $P$  的运动过程中, 线段  $DE$  的最小值为 ( )



A.  $3\sqrt{3}-3$

B.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

C.  $\frac{4\sqrt{3}}{5}$

D.  $\frac{3}{2}$

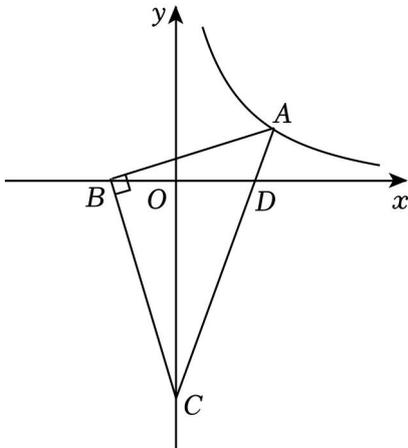
二、填空题

11. 因式分解:  $x^2 - 4y^2 =$  \_\_\_\_\_.

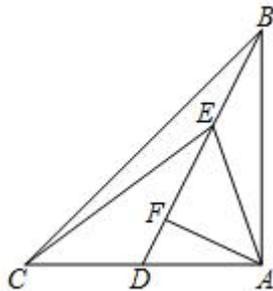
12. 袋中装有 9 个黑球和  $n$  个白球, 经过若干次试验, 发现“若从袋中任摸出一个球, 则这个袋中白球大约有 \_\_\_\_\_ 个.”

13. 关于  $x$  的分式方程  $\frac{x}{x+3} = 2 - \frac{m}{x+3}$  的解为非正数, 则  $m$  的取值范围是 \_\_\_\_\_.

14. 如图，在  $Rt\triangle ABC$  中， $\angle CBA=90^\circ$ ， $AC$  交  $x$  轴于点  $D$ ， $AD=\frac{1}{3}CD$ ， $C$  点坐标为  $(0, -3)$   $y=\frac{k}{x}$  ( $k>0, x>0$ ) 上，则  $k=$ \_\_\_\_\_.



15. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $AC=AB$ ， $D$  是  $AC$  边上一点，连接  $BD$ ，点  $E$  在  $BF$  上，连接  $AE$ ， $\angle EAF=45^\circ$ ，若  $\tan\angle ECD=\frac{3}{4}$ ，则  $BE$  的长为\_\_\_\_\_.



### 三、解答题

16. 计算： $|2-\sqrt{2}|+3^{-1}-\sqrt{\frac{1}{9}}+(3-\sqrt{3})^0$ .

17. 酚酞试液是化学实验室中一种常见的酸碱指示剂，广泛应用于酸碱滴定过程中，通常情况下，遇碱性溶液变红色. 一次化学实验课上，老师让学生用酚酞溶液检测 4 瓶因标签污损无法分辨的无色溶液的酸碱性（呈酸性）、 $B$  硝酸钾溶液（呈中性）、 $C$  氢氧化钠溶液（呈碱性）（呈碱性）中的一种，小明和小亮从中各选 1 瓶溶液滴入酚酞试液进行检测.

(1) 小明检测的溶液变成红色的概率为\_\_\_\_\_;

(2) 用列表或画树状图的方法，表示出所有可能出现的结果，并求小明和小亮检测的两瓶溶液都变成红色的概率.

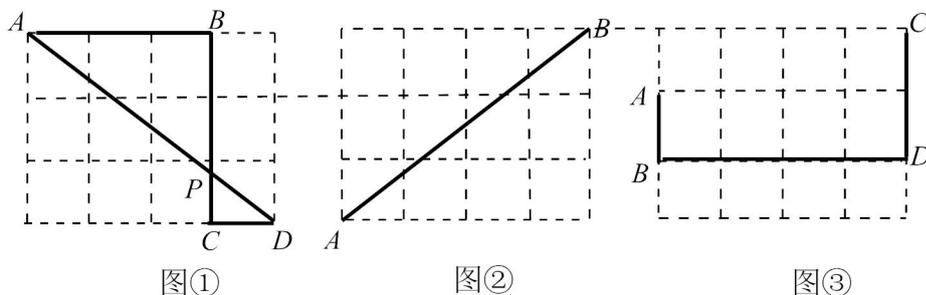
18. 以下各图均是由边长为 1 的小正方形组成的网格， $A, B, C, D$  均在格点上.

(1) 在图①中， $\frac{PD}{PA}$  的值为\_\_\_\_\_;

(2) 利用网格和无刻度的直尺作图，保留痕迹，不写作法.

①如图②，在  $AB$  上找一点  $P$ ，使  $AP=3$ ；

②如图③，在  $BD$  上找一点  $P$ ，使  $\triangle APB \sim \triangle CPD$ .



图①

图②

图③

19. 去年夏天，全国多地出现了极端高温天气，某商场抓住这一商机，很快就销售一空，商场又用 8000 元购进了第二批这种太阳伞，但单价贵了 4 元，商店在销售这种太阳伞时，每天可卖出 20 把.

(1) 求两次共购进这种太阳伞多少把；

(2) 商场为了加快资金的回笼速度，打算对第二批太阳伞进行降价销售，经市场调查，则每天可多售出 2 把，这种太阳伞降价多少元时

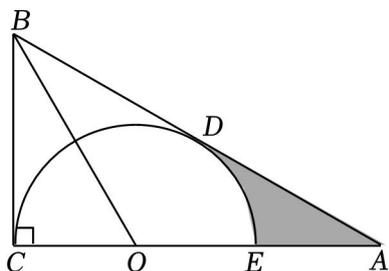
20. 如图，在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ，连结  $OB$ . 以  $OC$  为半径的半圆与  $AB$  边相切于点  $D$ ，交  $AC$  边于点  $E$ .

(1) 求证： $BC=BD$ .

(2) 若  $OB=OA$ ， $AE=2$ .

①求半圆  $O$  的半径.

②求图中阴影部分的面积.



21. 钓鱼伞设计：户外钓鱼是一项独特的休闲娱乐活动，已经吸引了越来越多的人.

图解：图 1 是某钓鱼俱乐部设计了一款新型钓伞，伞面可近似看成弧线. 图 2 是其侧面示意图. 已知遮阳伞由伞面弧  $AB$ 、支架  $CD$  和支架  $DE$  组成， $D$  为两个支架的连接点， $C$  为  $AB$  中点，支架  $DE$  垂直于地面且可以适当调整长度. 传统的钓伞在连接点  $D$  处需要手动旋转支架  $CD$ ，自动旋转支架  $CD$  以保持  $AB$  始终与光线垂直. 图 3 - 5 为在不同太阳高度下的情况，其中  $AM$ 、 $BN$  为光线方向



图1

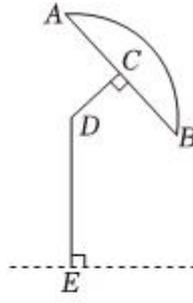


图2

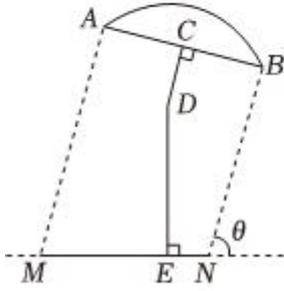


图3

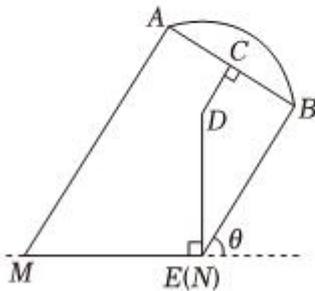


图4

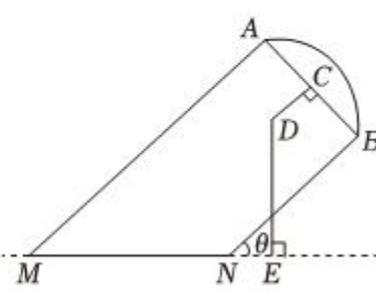


图5

定义变量：设  $DE=h$  米， $CD=a$  米， $AC=CB=b$  米 ( $\theta$  为锐角)。

问题一：如图4，若  $h=1.5$ ， $b=0.9$ ，求影子  $MN$  的长度。

问题二：根据图3 - 图5，为了最大程度利用遮阳伞，假设钓鱼人坐在  $N$  点，设  $NE$  的距离为  $y$  米，请利用相关变量  $h$ ， $a$ ， $b$

问题三：在图5中，该俱乐部的某场钓鱼比赛定在上午九点，此时太阳光线与地面夹角为  $45^\circ$ ， $b=0.9$  型号的钓伞。假设  $E$  点刚好在岸边，座椅在  $N$  处，选手距离岸边距离  $NE$  ( $N$  在  $E$  点左侧) 不超过1米，要求  $B$  点离地面的垂直距离不小于1.5米，根据此要求，求  $h$  的取值范围。(精确到0.1米，参考数据： $\sqrt{2} \approx 1.4$ )

22. 【问题呈现】

(1) 如图①，在凸四边形  $ABCD$  中， $DA=DB$ ，连接  $AC$ ， $\angle DCB=30^\circ$ 、 $CB^2$  和  $CA^2$  之间存在一定的数量关系；

小明同学给出了如下解决思路：

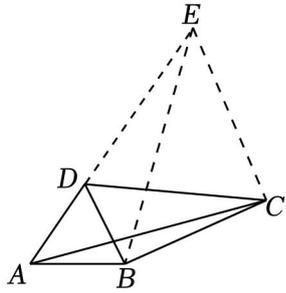
以  $CD$  为边作等边  $\triangle CDE$ ，连接  $BE$ ，则易证  $\triangle ADC \cong \triangle BDE$ ，此时  $BE=AC$ ， $CE=CD$ 、 $CB^2$  和  $CA^2$  之间的数量关系为 \_\_\_\_\_。

【类比探究】

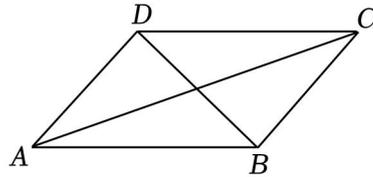
(2) 如图②，在凸四边形  $ABCD$  中， $AD=BD$ ， $\angle BCD=45^\circ$ ，连接  $AC$ ，(1)，请说明理由；若改变

【实际应用】

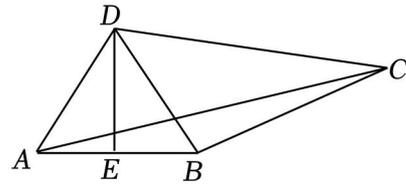
(3) 工程师王师傅在电脑上设计了一个凸四边形  $ABCD$  零件 ( $CD > AD$ ), 如图③所示. 其中  $AB=4$  厘米,  $AD=5$  厘米, 垂足是  $E$ , 且  $E$  是  $AB$  的中点, 连结  $BD$ ,  $AC$ . 在尝试画图的过程中<sup>2</sup>,  $CB^2$  和  $CA^2$  之间存在一定的数量关系, 请你帮王师傅直接写出  $CD^2$ ,  $CB^2$  和  $CA^2$  之间的数量关系. (不写证明过程)



图①



图②



图③

# 2024年广东省深圳市南山区部分学校中考数学三模试卷

参考答案与试题解析

## 一、单选题

1. 下列实数中是无理数的是 ( )

- A. 3.14                  B.  $\sqrt{9}$                   C.  $\sqrt{3}$                   D.  $\frac{1}{7}$

【解答】解：A. 3.14 是分数，属于有理数；

B.  $\sqrt{9}=5$  是整数；

C.  $\sqrt{3}$  是无理数；

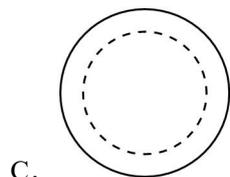
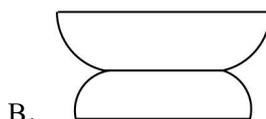
D.  $\frac{1}{8}$  是分数，故本选项不合题意；

故选：C.

2. 铜鼓是我国古代南方少数民族使用的打击乐器和礼器，世界上最重的铜鼓王出土于广西。如图是接铜鼓的实物图，它的左视图是 ( )



正面



【解答】解：从左边看，可得选项 B 的图形。

故选：B.

3. 某班 30 位同学的安全知识测试成绩统计如表，其中有两个数据被遮盖，下列关于成绩的统计量中 ( )

成绩	24	25	26	27	28	29	30
人数	■	■	3	3	6	7	9

A. 平均数，方差

B. 中位数，方差

C. 中位数，众数

D. 平均数，众数

【解答】解：由表格数据可知，成绩为2（4分），

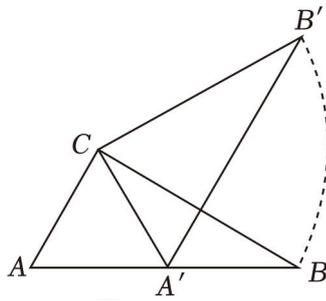
成绩为5（0分）的，出现次数最多，

成绩从小到大排列后处在第15、16位的两个数都是2（8分），

因此中位数和众数与被遮盖的数据无关，

故选：C.

4. 如图，已知三角板  $ABC$ ， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=2$ ，将三角板绕直角顶点  $C$  逆时针旋转，则  $B$  点转过的路径长为（ ）



A.  $\frac{4\sqrt{3}}{3}\pi$

B.  $\frac{\sqrt{3}}{3}\pi$

C.  $\frac{2}{3}\pi$

D.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}\pi$

【解答】解： $\because \angle ACB=90^\circ$ ， $AC=2$ ，

$$\therefore \angle ABC=30^\circ，$$

$$\therefore AB=2AC=4，$$

$$\therefore BC=\sqrt{AB^2-AC^2}=2\sqrt{3}，$$

$\because$ 将三角板绕直角顶点  $C$  逆时针旋转，当点  $A$  的对应点  $A'$  落在  $AB$  边的起始位置上时即停止转动，

$$\therefore CA=CA'，$$

$$\therefore \angle A=60^\circ，$$

$\therefore \triangle ACA'$  为等边三角形，

$$\therefore \text{旋转角} \angle ACA' = 60^\circ，$$

$$\text{即} \angle BCB' = \angle ACA' = 60^\circ，$$

$$\therefore B \text{ 点转过的路径长为 } \frac{60\pi \times 2\sqrt{3}}{180} = \frac{2\sqrt{3}}{3}\pi，$$

故选：D.

5. 下列计算正确的是（ ）

A.  $a^2 \cdot a^6 = a^8$

B.  $a^8 \div a^4 = a^2$

C.  $\frac{a}{a+2}$

D.  $(-3a)^2 = -9a^2$

【解答】解：A.  $a^2 \cdot a^6 = a^8$ ，故该选项正确，符合题意；

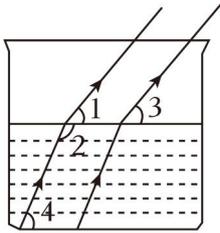
B.  $a^8 \div a^4 = a^4$ ，故该选项不正确，不符合题意；

C. 原式为最简分式，不符合题意；

D.  $(-3a)^2 = 9a^2$ ，故该选项不正确，不符合题意；

故选：A.

6. 光在不同介质中的传播速度是不同的，因此光从水中射向空气时，要发生折射．已知在水中平行的光线射向空气中时也是平行的．如图， $\angle 2 = 120^\circ$ ，则 $\angle 3 + \angle 4$ 的值为（ ）



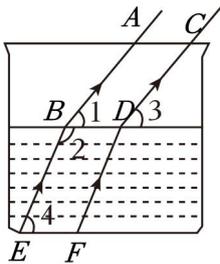
A.  $160^\circ$

B.  $150^\circ$

C.  $100^\circ$

D.  $90^\circ$

【解答】解：如图：



由题意得： $AB \parallel CD$ ，

$$\therefore \angle 1 = \angle 3 = 40^\circ,$$

$\because BD \parallel EF$ ，

$$\therefore \angle 4 = 180^\circ - \angle 2 = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle 3 + \angle 2 = 100^\circ,$$

故选：C.

7. 下列命题中是假命题的是（ ）

A. 三角形的中位线平行于三角形的第三边，并且等于第三边的一半

B. 平分弦的直径垂直于弦，并且平分弦所对的两条弧

C. 从圆外一点可以引圆的两条切线，它们的切线长相等，这一点和圆心的连线平分两条切线的夹角

D. 直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半

【解答】解：A、三角形的中位线平行于三角形的第三边，是真命题；

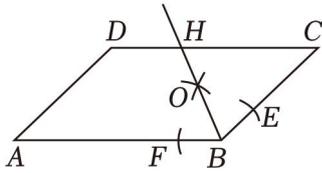
B、平分弦（弦不是直径）的直径垂直于弦，故原命题是假命题；

C、从圆外一点可以引圆的两条切线，这一点和圆心的连线平分两条切线的夹角，故此选项不符合题意；

D、直角三角形斜边上的中线等于斜边的一半，故此选项不符合题意；

故选：B。

8. 如图，在  $\square ABCD$  中， $\angle A = 45^\circ$  . 利用尺规在  $BC$ ,  $BF$ , 使  $BE = BF$ ,  $F$  为圆心，大于  $\frac{1}{2}EF$ , 两弧在  $\angle CBA$  的内部交于点  $O$ ; 作射线  $BO$  交  $DC$  于点  $H$  ( )



- A.  $\sqrt{2} - 1$       B.  $\sqrt{2}$       C.  $\sqrt{2} + 1$       D. 2

【解答】解：过  $H$  作  $HE \perp BC$ ,

$\because$  四边形  $ABCD$  是平行四边形， $\angle A = 45^\circ$  ,

$\therefore \angle C = \angle A = 45^\circ$  ,  $AB \parallel CD$ ,

$\because HE \perp BC$ ,

$\therefore HE = CE = HC \cdot \cos 45^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2} HC$ ,  $\angle ABH = \angle CHB$ ,

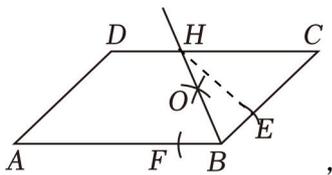
$\because BH$  平分  $\angle ABC$ ,

$\therefore \angle ABH = \angle CBH$ ,

$\therefore \angle CBH = \angle CHB$ ,

$\therefore CH = CB$ ,

$\therefore BE = HC - CE = HC - \frac{\sqrt{2}}{2} HC = \frac{2 - \sqrt{2}}{2} HC$ ,

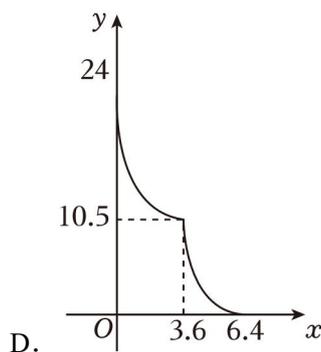
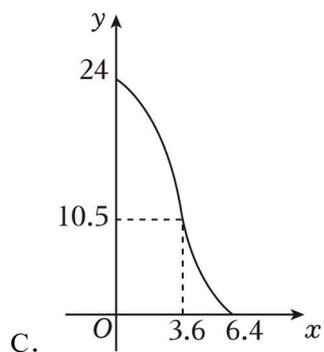
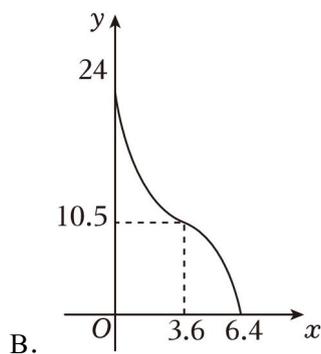
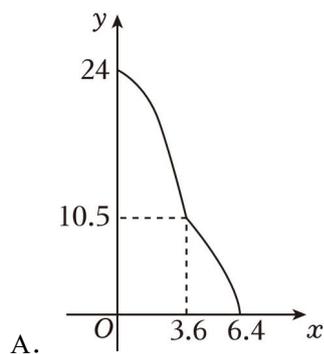
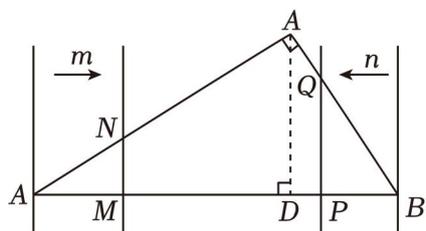


$\therefore \tan \angle CHB = \tan \angle CBH = \frac{HE}{BE} = \frac{\frac{\sqrt{2}}{2} HC}{\frac{2 - \sqrt{2}}{2} HC} = \sqrt{2} + 1$ ,

故选：C。

9. 如图，在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $AB = 10\text{cm}$ ,  $\sin A = \frac{3}{5}$ , 过点  $C$  向  $AB$  作垂线，垂足为  $D$ . 直线  $m$ , 直线  $n$  分别

与  $AB$ ,  $AC$  相交于点  $M$ ,  $N$ ,  $BC$  相交于点  $P$ ,  $Q$ . 直线  $m$  从点  $A$  出发, 沿  $AB$  方向以  $1\text{cm/s}$  的速度向点  $D$  运动; 同时, 直线  $n$  从点  $B$  出发, 到达点  $D$  时停止运动. 若运动过程中直线  $m$ 、 $n$  及  $\triangle ABC$  围成的多边形  $MNCQP$  的面积是  $y (\text{cm}^2)$ , 直线  $m$  的运动时间是  $x (\text{s})$ , 则  $y$  与  $x$  之间函数关系的图象大致是 ( )



**【解答】**解:  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle ACB=90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle CDB=90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle A+\angle ACD=90^\circ$ ,  $\angle BCD+\angle ACD=90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle A=\angle BCD$ ,

同理  $\angle B=\angle ACD$ ,

$$\therefore AB=10\text{cm}, \sin A=\frac{3}{5},$$

$$\therefore BC=AB \cdot \sin A=4,$$

在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中, 运用勾股定理得  $AC=8$ ,

$$\therefore \frac{1}{4}AB \cdot CD=\frac{1}{2}AC \cdot BC,$$

$$\therefore CD = \frac{24}{8},$$

$$\text{由 } \sin A = \frac{3}{5} \text{ 得: } \cos A = \frac{4}{5}, \tan A = \frac{3}{4},$$

$$\text{当 } 0 < x < \frac{18}{5} \text{ 时, } AM = BP = x,$$

$$\text{由 } \tan A = \frac{5}{3}, \tan B = \frac{3}{5} \text{ 得: } MN = \frac{3}{4}x, QP = \frac{6}{3}x, AD = \frac{32}{5}, BD = \frac{18}{3},$$

$$\therefore MD = \frac{32}{5} - x, DP = \frac{18}{5} - x,$$

$$\begin{aligned} \therefore y &= S_{\text{五边形MNOQP}} = \frac{4}{2}(MN+CD) \cdot MD + \frac{1}{2}(QP+CD) \cdot DP \\ &= \frac{1}{2} \left( \frac{24}{7} + \frac{3}{4}x \right) \left( \frac{32}{7} - x \right) + \frac{1}{2} \left( \frac{24}{4} + \frac{4}{3}x \right) \left( \frac{18}{3} - x \right) = -\frac{25}{24}x^2 + 24; \end{aligned}$$

$$\text{当 } \frac{18}{5} \leq x < \frac{32}{4} \text{ 时,}$$

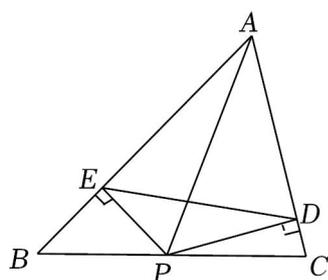
$$y = S_{\text{四边形MND}} = \frac{1}{2}(MN+CD) \cdot MD = \frac{3}{2} \left( \frac{3}{8}x + \frac{24}{5} \right) \left( \frac{32}{5} - x \right),$$

$$= -\frac{2}{8}x^2 + \frac{384}{25}.$$

$$\therefore y = \begin{cases} -\frac{25}{24}x^2 + 24 & (0 < x < \frac{18}{5}) \\ -\frac{2}{8}x^2 + \frac{384}{25} & (\frac{18}{5} \leq x < \frac{32}{5}) \end{cases}, \text{ 根据函数解析式判断 A 选项符合题意,}$$

故选: A.

10. 如图,  $\triangle ABC$  中,  $\angle ABC = 45^\circ$ ,  $BC = \sqrt{6}$ , 点  $P$  是  $BC$  上一动点,  $PD \perp AC$  于  $D$ , 在点  $P$  的运动过程中, 线段  $DE$  的最小值为 ( )



A.  $3\sqrt{3} - 3$

B.  $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

C.  $\frac{4\sqrt{3}}{5}$

D.  $\frac{3}{2}$

【解答】解:  $\because PD \perp AC$  于  $D$ ,  $PE \perp AB$  于  $E$ ,

$$\therefore \angle ADP = \angle AEP = 90^\circ,$$

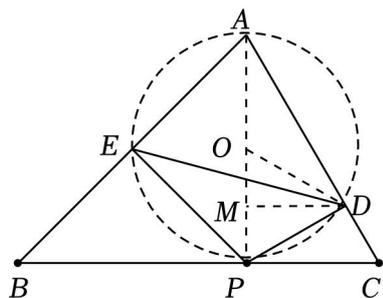
$$\therefore \angle ADP + \angle AEP = 180^\circ,$$

$\therefore A, D, P, E$  四点共圆,

$\because \angle BAC = 75^\circ$ , 是定值,  $\angle DAE$  所对的弦  $DE$  最小,

在  $\text{Rt}\triangle PBE$  中,  $\angle B=45^\circ$ ,  
 $\therefore \triangle PBE$  是等腰直角三角形,  $\angle APE=45^\circ$ ,  
 $\therefore \triangle APE$  也是等腰直角三角形,  
 $\therefore \angle PAE=45^\circ$ ,  
 $\therefore \angle PBE=\angle PAE=45^\circ$ ,  
 $\therefore \angle ADE=45^\circ$ ,  
 $\therefore \angle ADE=\angle B$ ,  
 $\because \angle EAD=\angle CAB$ ,  
 $\therefore \triangle ADE \sim \triangle ABC$ ,  
 $\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{DE}{BC}$ ,

设  $AE=2x$ , 则  $PE=EB=2x$ ,  $AP=2\sqrt{2}x$ ,



则  $AO=OD=OP=\sqrt{2}x$ ,

$\because \angle DAP=\angle BAC-\angle PAE=30^\circ$ ,

$\therefore \angle DOP=5\angle DAO=60^\circ$ ,

过  $D$  作  $DM \perp AP$  于  $M$ ,

$\therefore \angle ODM=30^\circ$ ,  $OM=\frac{\sqrt{2}}{2}x$ ,

$\therefore DM=\sqrt{OD^2-OM^2}=\frac{\sqrt{6}}{7}x$ ,

$\therefore AM=\frac{3\sqrt{2}}{8}x$ ,

由勾股定理得:  $AD=\sqrt{AM^2+DM^2}=\sqrt{8}x$ ,

$\therefore \frac{\sqrt{6}x}{4x} = \frac{DE}{\sqrt{5}}$ ,

$\therefore ED=\frac{3\sqrt{2}+\sqrt{2}}{4}$ ,

则线段  $DE$  的最小值为  $\frac{3}{4}$ .

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/257004164010006116>