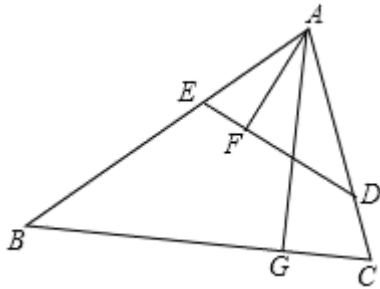


2021 年中考九年级数学第三轮冲刺专题复习：三角形的综合练习

1、如图，在锐角三角形 ABC 中，点 D, E 分别在边 AC, AB 上，AG ⊥ BC 于点 G，AF ⊥ DE 于点 F，∠EAF = ∠GAC.

(1) 求证：△ADE ∽ △ABC;

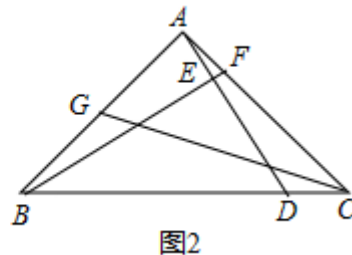
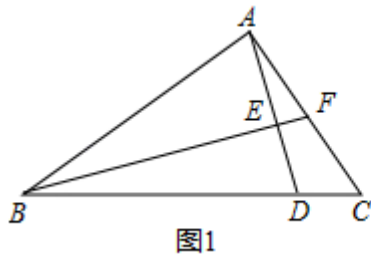
(2) 若 AD = 3, AB = 5, 求  $\frac{AF}{AG}$  的值.



2、如图，直角△ABC 中，∠BAC = 90°，D 在 BC 上，连接 AD，作 BF ⊥ AD 分别交 AD 于 E，AC 于 F.

(1) 如图 1，若 BD = BA，求证：△ABE ≅ △DBE;

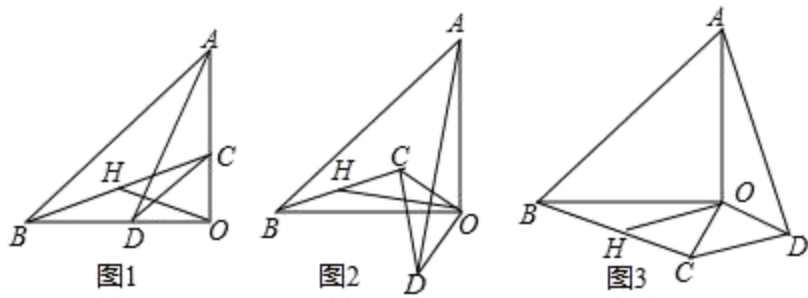
(2) 如图 2，若 BD = 4DC，取 AB 的中点 G，连接 CG 交 AD 于 M，求证：① GM = 2MC;  
② AG = AF · AC.



3、已知：△AOB 和 △COD 均为等腰直角三角形，∠AOB = ∠COD = 90°。连接 AD，BC，点 H 为 BC 中点，连接 OH.

(1) 如图 1 所示，易证：OH =  $\frac{1}{2}$ AD 且 OH ⊥ AD (不需证明)

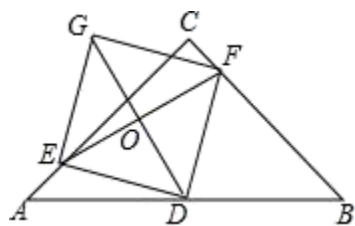
(2) 将 △COD 绕点 O 旋转到图 2，图 3 所示位置时，线段 OH 与 AD 又有怎样的关系，并选择一个图形证明你的结论.



4、如图，在等腰直角三角形 ABC 中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC=4$ ，D 是 AB 的中点，E，F 分别是 AC，BC 上的点（点 E 不与端点 A，C 重合），且  $AE=CF$ ，连接 EF 并取 EF 的中点 O，连接 DO 并延长至点 G，使  $GO=OD$ ，连接 DE，DF，GE，GF。

(1) 求证：四边形 EDFG 是正方形；

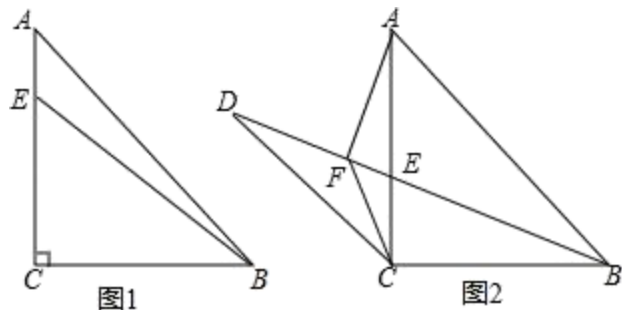
(2) 当点 E 在什么位置时，四边形 EDFG 的面积最小？并求四边形 EDFG 面积的最小值。



5、如图， $\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC$ ，点 E 是 AC 上一点，连接 BE。

(1) 如图 1，若  $AB=4\sqrt{2}$ ， $BE=5$ ，求 AE 的长；

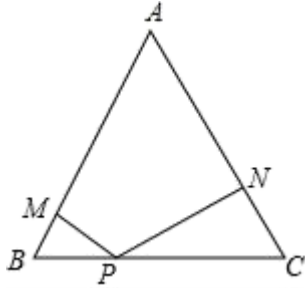
(2) 如图 2，点 D 是线段 BE 延长线上一点，过点 A 作  $AF \perp BD$  于点 F，连接 CD、CF，当  $AF=DF$  时，求证： $DC=BC$ 。



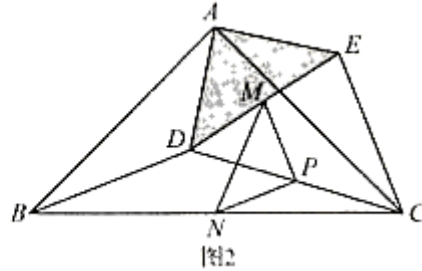
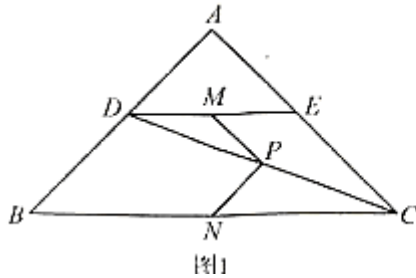
6、在边长为 2 的等边三角形 ABC 中，P 是 BC 边上任意一点，过点 P 分别作  $PM \perp AB$ ， $PN \perp AC$ ，M、N 分别为垂足。

(1) 求证: 不论点 P 在 BC 边的何处时都有  $PM+PN$  的长恰好等于三角形 ABC 一边上的高;

(2) 当 BP 的长为何值时, 四边形 AMPN 的面积最大, 并求出最大值.



7、如图 1, 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $\angle A=90^\circ$ ,  $AB=AC$ , 点 D, E 分别在边 AB, AC 上,  $AD=AE$ , 连接 DC, 点 M, P, N 分别为 DE, DC, BC 的中点.



(1) 观察猜想

图 1 中, 线段  $PM$  与  $PN$  的数量关系是\_\_\_\_\_ , 位置关系是\_\_\_\_\_ ;

(2) 探究证明

把  $\triangle ADE$  绕点 A 逆时针方向旋转到图 2 的位置, 连接  $MN$ ,  $BD$ ,  $CE$ , 判断  $\triangle PMN$  的形状, 并说明理由;

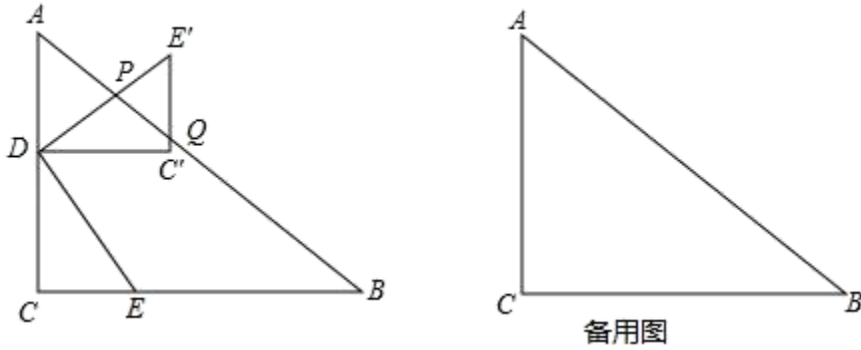
(3) 拓展延伸

把  $\triangle ADE$  绕点 A 在平面内自由旋转, 若  $AD=4$ ,  $AB=10$ , 请直接写出  $\triangle PMN$  面积的最大值.

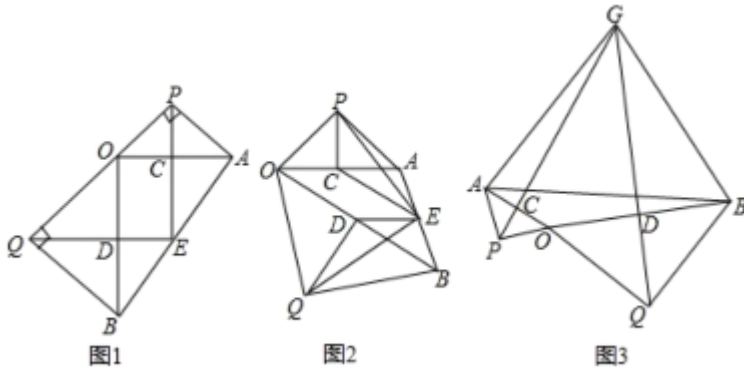
8、如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $AC=3$ ,  $BC=4$ , 点 D, E 分别在 AC, BC 上 (点 D 与点 A, C 不重合), 且  $\angle DEC=\angle A$ , 将  $\triangle DCE$  绕点 D 逆时针旋转  $90^\circ$  得到  $\triangle DC'E'$ . 当  $\triangle DC'E'$  的斜边、直角边与 AB 分别相交于点 P, Q (点 P 与点 Q 不重合) 时, 设  $CD=x$ ,  $PQ=y$ .

(1) 求证:  $\angle ADP=\angle DEC$ ;

(2) 求  $y$  关于  $x$  的函数解析式，并直接写出自变量  $x$  的取值范围。



9、和  $\triangle OQB$  分别是以  $OP$ 、 $OQ$  为直角边的等腰直角三角形，点  $C$ 、 $D$ 、 $E$  分别是  $OA$ 、 $OB$ 、 $AB$  的中点。

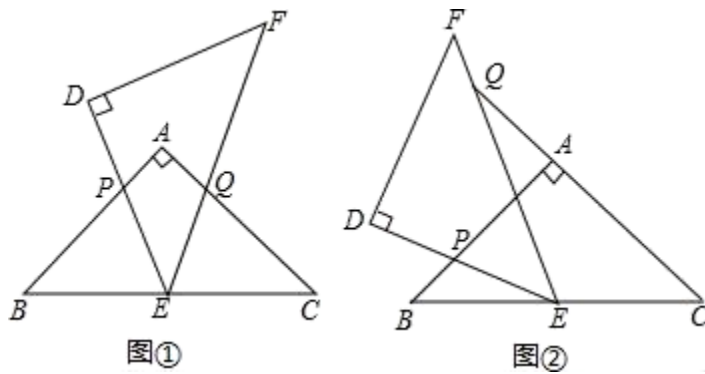


- (1) 当  $\angle AOB = 90^\circ$  时如图 1，连接  $PE$ 、 $QE$ ，直接写出  $EP$  与  $EQ$  的大小关系；
- (2) 将  $\triangle OQB$  绕点  $O$  逆时针方向旋转，当  $\angle AOB$  是锐角时如图 2，(1) 中的结论是否成立？若成立，请给出证明；若不成立，请加以说明。
- (3) 仍将  $\triangle OQB$  绕点  $O$  旋转，当  $\angle AOB$  为钝角时，延长  $PC$ 、 $QD$  交于点  $G$ ，使  $\triangle ABG$  为等边三角形如图 3，求  $\angle AOB$  的度数。

10、 $\triangle ABC$  和  $\triangle DEF$  是两个全等的等腰直角三角形， $\angle BAC = \angle EDF = 90^\circ$ ， $\triangle DEF$  的顶点  $E$  与  $\triangle ABC$  的斜边  $BC$  的中点重合，将  $\triangle DEF$  绕点  $E$  旋转，旋转过程中，线段  $DE$  与线段  $AB$  相交于点  $P$ ，线段  $EF$  与射线  $CA$  相交于点  $Q$ 。

- (1) 如图①，当点  $Q$  在线段  $AC$  上，且  $AP=AQ$  时，求证： $\triangle BPE \cong \triangle CQE$ ；
- (2) 如图②，当点  $Q$  在线段  $CA$  的延长线上时，求证： $\triangle BPE \sim \triangle CEQ$ ；并求当

BP=2, CQ=9 时 BC 的长.

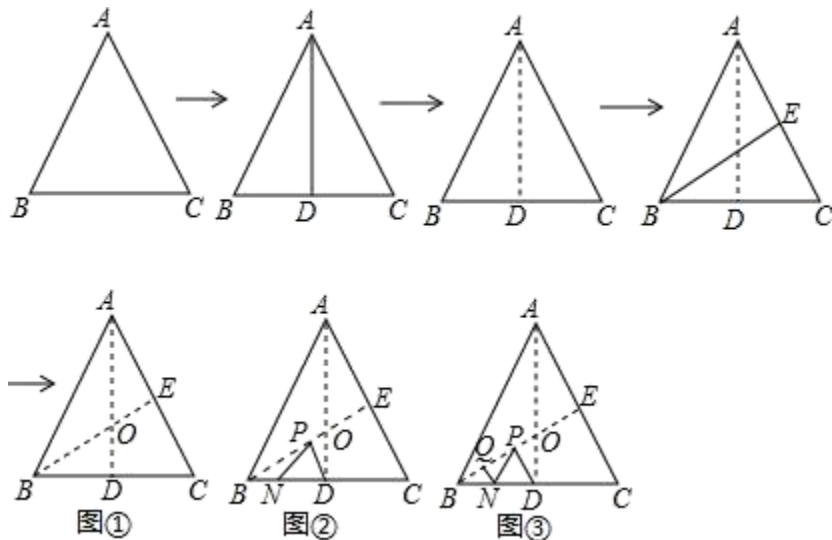


11、如图，将边长为 6 的正三角形纸片 ABC 按如下顺序进行两次折叠，展平后，得折痕 AD, BE (如图①)，点 O 为其交点.

- (1) 探求 AO 到 OD 的数量关系，并说明理由；
- (2) 如图②，若 P, N 分别为 BE, BC 上的动点.

①当 PN+PD 的长度取得最小值时，求 BP 的长度；

②如图③，若点 Q 在线段 BO 上，BQ=1，则 QN+NP+PD 的最小值=\_\_\_\_\_.

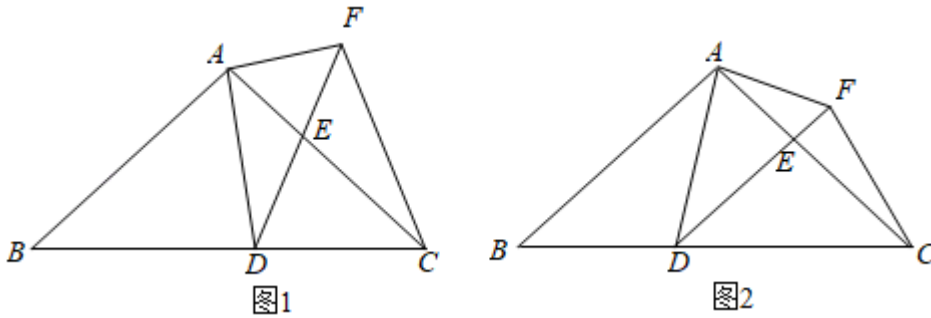


12、如图 1，在  $\triangle ABC$  中， $AB=AC=20$ ， $\tan B = \frac{3}{4}$ ，点 D 为 BC 边上的动点 (点 D 不与点 B, C 重合).

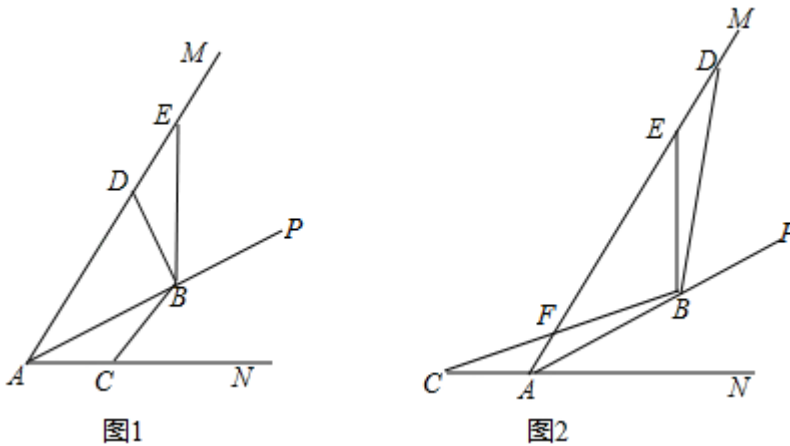
以 D 为顶点作  $\angle ADE = \angle B$ ，射线 DE 交 AC 边于点 E，过点 A 作  $AF \perp AD$  交射线 DE 于点 F，连接 CF.

- (1) 求证： $\triangle ABD \sim \triangle DCE$ ；
- (2) 当  $DE \parallel AB$  时 (如图 2)，求 AE 的长；

(3) 点  $D$  在  $BC$  边上运动的过程中, 是否存在某个位置, 使得  $DF=CF$ ? 若存在, 求出此时  $BD$  的长; 若不存在, 请说明理由.



13、如图,  $\angle MAN=60^\circ$ ,  $AP$  平分  $\angle MAN$ , 点  $B$  是射线  $AP$  上一定点, 点  $C$  在直线  $AN$  上运动, 连接  $BC$ , 将  $\angle ABC$  ( $0^\circ < \angle ABC < 120^\circ$ ) 的两边射线  $BC$  和  $BA$  分别绕点  $B$  顺时针旋转  $120^\circ$ , 旋转后角的两边分别与射线  $AM$  交于点  $D$  和点  $E$ .



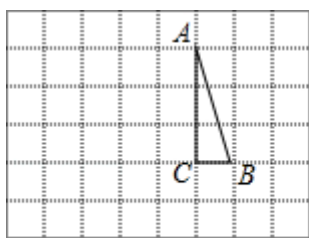
(1) 如图 1, 当点  $C$  在射线  $AN$  上时,

- ①请判断线段  $BC$  与  $BD$  的数量关系, 直接写出结论;
- ②请探究线段  $AC$ ,  $AD$  和  $BE$  之间的数量关系, 写出结论并证明;

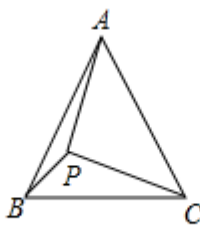
(2) 如图 2, 当点  $C$  在射线  $AN$  的反向延长线上时,  $BC$  交射线  $AM$  于点  $F$ , 若  $AB=4$ ,  $AC=\sqrt{3}$ , 请直接写出线段  $AD$  和  $DF$  的长.

14、【操作发现】

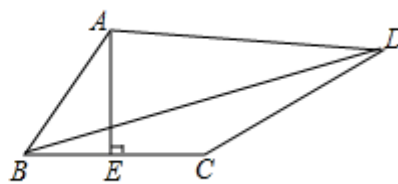
如图①, 在边长为 1 个单位长度的小正方形组成的网格中,  $\triangle ABC$  的三个顶点均在格点上.



图①



图②



图③

(1) 请按要求画图：将 $\triangle ABC$ 绕点A按顺时针方向旋转 $90^\circ$ ，点B的对应点为 $B'$ ，点C的对应点为 $C'$ ，连接 $BB'$ ；

(2) 在(1)所画图形中， $\angle AB'B = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

**【问题解决】**

如图②，在等边三角形 $ABC$ 中， $AC=7$ ，点 $P$ 在 $\triangle ABC$ 内，且 $\angle APC=90^\circ$ ， $\angle BPC=120^\circ$ ，求 $\triangle APC$ 的面积。

小明同学通过观察、分析、思考，对上述问题形成了如下想法：

想法一：将 $\triangle APC$ 绕点A按顺时针方向旋转 $60^\circ$ ，得到 $\triangle AP'B$ ，连接 $PP'$ ，寻找 $PA$ ， $PB$ ， $PC$ 三条线段之间的数量关系；

想法二：将 $\triangle APB$ 绕点A按逆时针方向旋转 $60^\circ$ ，得到 $\triangle AP'C'$ ，连接 $PP'$ ，寻找 $PA$ ， $PB$ ， $PC$ 三条线段之间的数量关系。

...

请参考小明同学的想法，完成该问题的解答过程。（一种方法即可）

**【灵活运用】**

如图③，在四边形 $ABCD$ 中， $AE \perp BC$ ，垂足为 $E$ ， $\angle BAE = \angle ADC$ ， $BE = CE = 2$ ， $CD = 5$ ， $AD = kAB$  ( $k$ 为常数)，求 $BD$ 的长（用含 $k$ 的式子表示）。

15、在等腰三角形 $\triangle ABC$ 中， $AB = AC$ ，作 $CM \perp AB$ 交 $AB$ 于点 $M$ ， $BN \perp AC$ 交 $AC$ 于点 $N$ 。

(1) 在图1中，求证： $\triangle BMC \cong \triangle CNB$ ；

(2) 在图2中的线段 $CB$ 上取一动点 $P$ ，过 $P$ 作 $PE \parallel AB$ 交 $CM$ 于点 $E$ ，作 $PF \parallel AC$ 交 $BN$ 于点 $F$ ，求证： $PE + PF = BM$ ；

(3) 在图3中动点 $P$ 在线段 $CB$ 的延长线上，类似(2)过 $P$ 作 $PE \parallel AB$ 交 $CM$ 的延长线于点 $E$ ，作 $PF \parallel AC$ 交 $BN$ 的延长线于点 $F$ ，求证： $AM \cdot PF + OM \cdot BN = AM \cdot PE$ 。

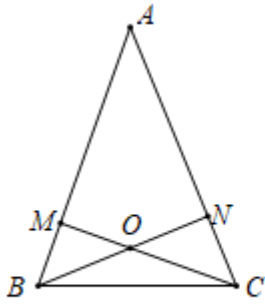


图1

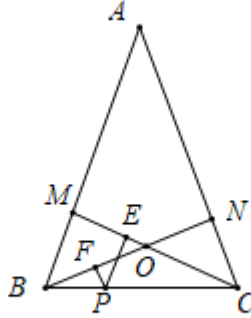


图2

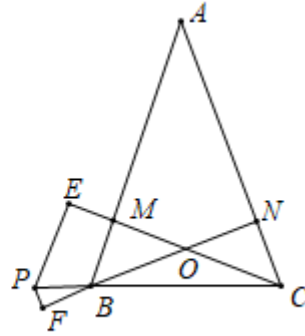


图3

16、问题背景：已知 $\angle EDF$ 的顶点D在 $\triangle ABC$ 的边AB所在直线上（不与A，B重合），DE交AC所在直线于点M，DF交BC所在直线于点N，记 $\triangle ADM$ 的面积为 $S_1$ ， $\triangle BND$ 的面积为 $S_2$ 。

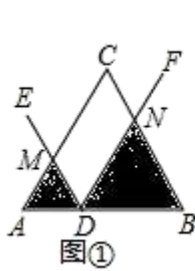
(1) 初步尝试：如图①，当 $\triangle ABC$ 是等边三角形， $AB=6$ ， $\angle EDF=\angle A$ ，且 $DE \parallel BC$ ， $AD=2$ 时，则 $S_1S_2=$ \_\_\_\_\_；

(2) 类比探究：在(1)的条件下，先将点D沿AB平移，使 $AD=4$ ，再将 $\angle EDF$ 绕点D旋转至如图②所示位置，求 $S_1S_2$ 的值；

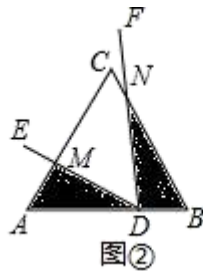
(3) 延伸拓展：当 $\triangle ABC$ 是等腰三角形时，设 $\angle B=\angle A=\angle EDF=\alpha$ 。

(I) 如图③，当点D在线段AB上运动时，设 $AD=a$ ， $BD=b$ ，求 $S_1S_2$ 的表达式（结果用 $a$ ， $b$ 和 $\alpha$ 的三角函数表示）。

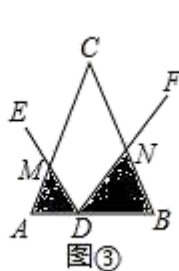
(II) 如图④，当点D在BA的延长线上运动时，设 $AD=a$ ， $BD=b$ ，直接写出 $S_1S_2$ 的表达式，不必写出解答过程。



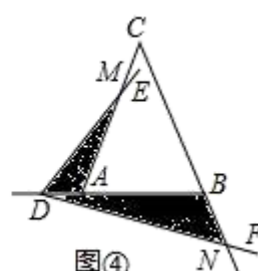
图①



图②



图③



图④



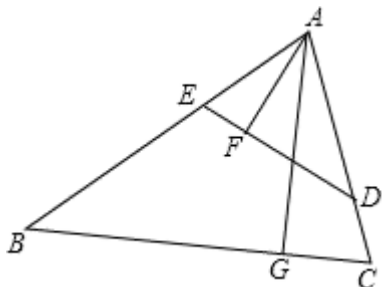
## 参考答案

### 2021 年中考九年级数学第三轮冲刺专题复习：三角形的综合练习

1、如图，在锐角三角形 ABC 中，点 D, E 分别在边 AC, AB 上，AG ⊥ BC 于点 G，AF ⊥ DE 于点 F，∠EAF = ∠GAC.

(1) 求证：△ADE ∽ △ABC；

(2) 若 AD = 3，AB = 5，求  $\frac{AF}{AG}$  的值.



【答案】(1) ∵ AG ⊥ BC，AF ⊥ DE，

∴ ∠AFE = ∠AGC = 90°，

∵ ∠EAF = ∠GAC，

∴ ∠AED = ∠ACB，

∵ ∠EAD = ∠BAC，

∴ △ADE ∽ △ABC，

(2) 由 (1) 可知：△ADE ∽ △ABC，

$$\therefore \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{3}{5}$$

由 (1) 可知：∠AFE = ∠AGC = 90°，

∴ ∠EAF = ∠GAC，

∴ △EAF ∽ △CAG，

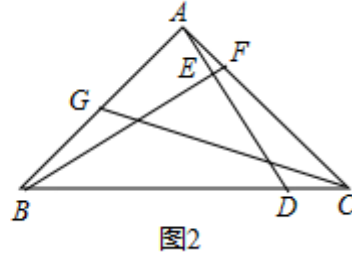
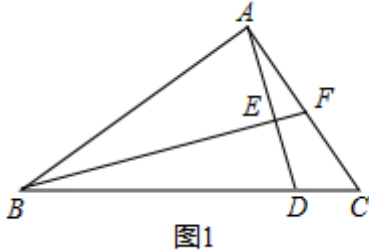
$$\therefore \frac{AF}{AG} = \frac{AE}{AC}，$$

$$\frac{AF}{AG} = \frac{3}{5}$$

2、如图，直角△ABC 中，∠BAC = 90°，D 在 BC 上，连接 AD，作 BF ⊥ AD 分别交 AD 于 E，AC 于 F.

(1) 如图 1, 若  $BD=BA$ , 求证:  $\triangle ABE \cong \triangle DBE$ ;

(2) 如图 2, 若  $BD=4DC$ , 取  $AB$  的中点  $G$ , 连接  $CG$  交  $AD$  于  $M$ , 求证: ①  $GM=2MC$ ;  
②  $AG^2=AF \cdot AC$ .



答案: (1) 在  $\text{Rt}\triangle ABE$  和  $\text{Rt}\triangle DBE$  中,  $\because BA=BD, BE=BE, \therefore \triangle ABE \cong \triangle DBE$ ;

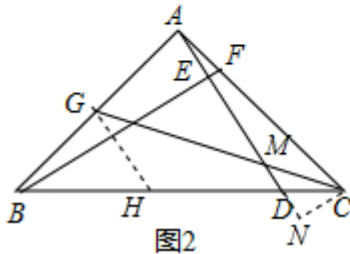
(2) ① 过  $G$  作  $GH \parallel AD$  交  $BC$  于  $H, \because AG=BG, \therefore BH=DH, \because BD=4DC$ , 设  $DC=1$ ,

$BD=4, \therefore BH=DH=2, \because GH \parallel AD, \therefore \frac{GM}{MC} = \frac{HD}{DC} = \frac{2}{1}, \therefore GM=2MC$ ;

② 过  $C$  作  $CN \perp AC$  交  $AD$  的延长线于  $N$ , 则  $CN \parallel AG, \therefore \triangle AGM \sim \triangle NCM, \therefore \frac{AG}{NC} = \frac{GM}{MC}$ , 由①知  $GM=2MC$ ,

$\therefore 2NC=AG, \because \angle BAC = \angle AEB = 90^\circ, \therefore \angle ABF = \angle CAN = 90^\circ - \angle BAE, \therefore \triangle ACN \sim \triangle BAF, \therefore \frac{AF}{CN} = \frac{AB}{AC}$ ,

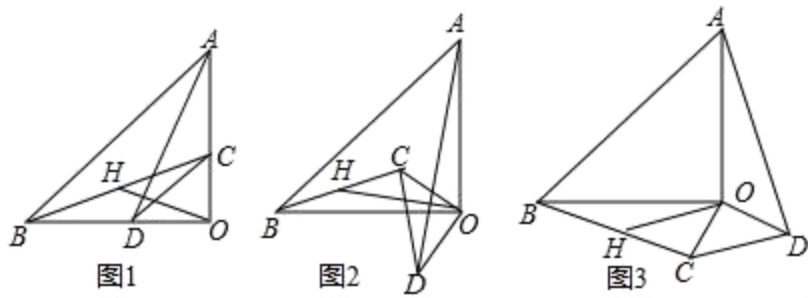
$\because AB=AG, \therefore \frac{AF}{CN} = \frac{2AG}{AC}, \therefore 2CN \cdot AG = AF \cdot AC, \therefore AG^2 = AF \cdot AC$ .



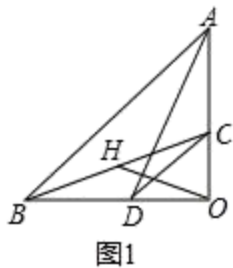
3、已知:  $\triangle AOB$  和  $\triangle COD$  均为等腰直角三角形,  $\angle AOB = \angle COD = 90^\circ$ . 连接  $AD$ ,  $BC$ , 点  $H$  为  $BC$  中点, 连接  $OH$ .

(1) 如图 1 所示, 易证:  $OH = \frac{1}{2}AD$  且  $OH \perp AD$  (不需证明)

(2) 将  $\triangle COD$  绕点  $O$  旋转到图 2, 图 3 所示位置时, 线段  $OH$  与  $AD$  又有怎样的关系, 并选择一个图形证明你的结论.



【解答】(1) 证明：如图 1 中，



$\because \triangle OAB$  与  $\triangle OCD$  为等腰直角三角形， $\angle AOB = \angle COD = 90^\circ$ ，

$\therefore OC = OD, OA = OB$ ,

$\because$  在  $\triangle AOD$  与  $\triangle BOC$  中，

$$\begin{cases} OA = OB \\ \angle AOD = \angle BOC, \\ OD = OC \end{cases}$$

$\therefore \triangle AOD \cong \triangle BOC$  (SAS),

$\therefore \angle ADO = \angle BCO, \angle OAD = \angle OBC$ ,

$\because$  点 H 为线段 BC 的中点，

$\therefore OH = HB$ ,

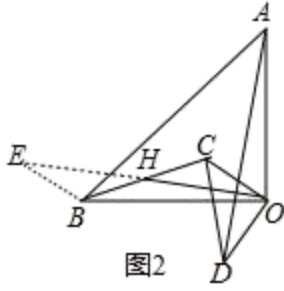
$\therefore \angle OBH = \angle HOB = \angle OAD$ ,

又因为  $\angle OAD + \angle ADO = 90^\circ$ ，

所以  $\angle ADO + \angle BOH = 90^\circ$ ，

所以  $OH \perp AD$

(2) 解：①结论： $OH = \frac{1}{2}AD$ ， $OH \perp AD$ ，如图 2 中，延长 OH 到 E，使得  $HE = OH$ ，连接 BE，



易证 $\triangle BEO \cong \triangle ODA$

$$\therefore OE = AD$$

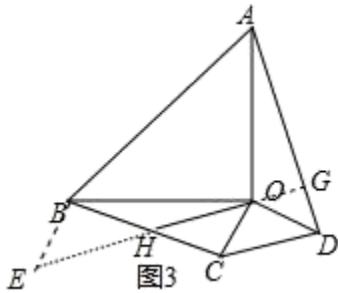
$$\therefore OH = \frac{1}{2}OE = \frac{1}{2}AD$$

由 $\triangle BEO \cong \triangle ODA$ ，知 $\angle EOB = \angle DAO$

$$\therefore \angle DAO + \angle AOH = \angle EOB + \angle AOH = 90^\circ,$$

$$\therefore OH \perp AD.$$

②如图 3 中，结论不变. 延长 OH 到 E，使得 HE=OH，连接 BE，延长 EO 交 AD 于 G.



易证 $\triangle BEO \cong \triangle ODA$

$$\therefore OE = AD$$

$$\therefore OH = \frac{1}{2}OE = \frac{1}{2}AD$$

由 $\triangle BEO \cong \triangle ODA$ ，知 $\angle EOB = \angle DAO$

$$\therefore \angle DAO + \angle AOF = \angle EOB + \angle AOG = 90^\circ,$$

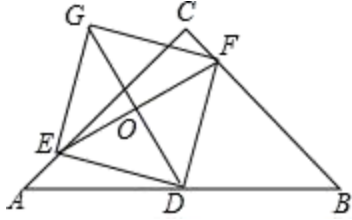
$$\therefore \angle AGO = 90^\circ$$

$$\therefore OH \perp AD.$$

4、如图，在等腰直角三角形 ABC 中， $\angle ACB = 90^\circ$ ， $AC = BC = 4$ ，D 是 AB 的中点，E，F 分别是 AC，BC 上的点（点 E 不与端点 A，C 重合），且  $AE = CF$ ，连接 EF 并取 EF 的中点 O，连接 DO 并延长至点 G，使  $GO = OD$ ，连接 DE，DF，GE，GF.

(1) 求证：四边形 EDFG 是正方形；

(2) 当点 E 在什么位置时，四边形 EDFG 的面积最小？并求四边形 EDFG 面积的最小值.



**【解答】** (1) 证明：连接 CD，如图 1 所示.

$\because \triangle ABC$  为等腰直角三角形， $\angle ACB=90^\circ$ ，D 是 AB 的中点，

$\therefore \angle A=\angle DCF=45^\circ$ ， $AD=CD$ .

在  $\triangle ADE$  和  $\triangle CDF$  中，
$$\begin{cases} AE=CF \\ \angle A=\angle DCF, \\ AD=CD \end{cases}$$

$\therefore \triangle ADE \cong \triangle CDF$  (SAS)，

$\therefore DE=DF$ ， $\angle ADE=\angle CDF$ .

$\because \angle ADE+\angle EDC=90^\circ$ ，

$\therefore \angle EDC+\angle CDF=\angle EDF=90^\circ$ ，

$\therefore \triangle EDF$  为等腰直角三角形.

$\because O$  为 EF 的中点， $GO=OD$ ，

$\therefore GD \perp EF$ ，且  $GD=2OD=EF$ ，

$\therefore$  四边形 EDFG 是正方形；

(2) 解：过点 D 作  $DE' \perp AC$  于  $E'$ ，如图 2 所示.

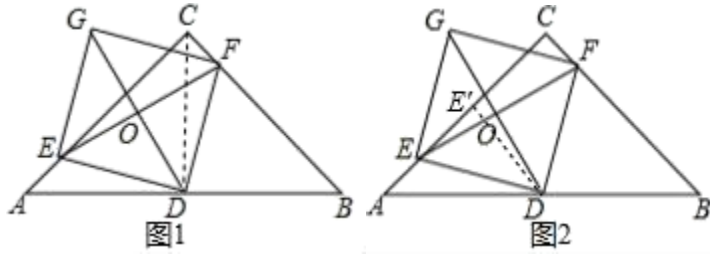
$\because \triangle ABC$  为等腰直角三角形， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC=4$ ，

$\therefore DE' = \frac{1}{2}BC=2$ ， $AB=4\sqrt{2}$ ，点  $E'$  为 AC 的中点，

$\therefore 2 \leq DE < 2\sqrt{2}$  (点 E 与点  $E'$  重合时取等号).

$\therefore 4 \leq S_{\text{四边形 EDFG}} = DE^2 < 8$ .

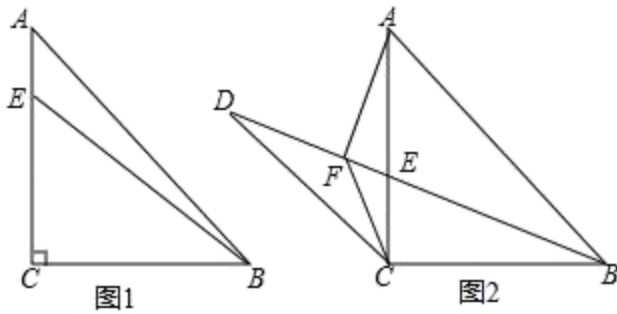
$\therefore$  当点 E 为线段 AC 的中点时，四边形 EDFG 的面积最小，该最小值为 4.



5、如图， $\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC$ ，点  $E$  是  $AC$  上一点，连接  $BE$ 。

(1) 如图 1，若  $AB=4\sqrt{2}$ ， $BE=5$ ，求  $AE$  的长；

(2) 如图 2，点  $D$  是线段  $BE$  延长线上一点，过点  $A$  作  $AF \perp BD$  于点  $F$ ，连接  $CD$ 、 $CF$ ，当  $AF=DF$  时，求证： $DC=BC$ 。



**【解答】**解：(1)  $\because \angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC$ ，

$$\therefore AC=BC=\frac{\sqrt{2}}{2}AB=4,$$

$$\because BE=5,$$

$$\therefore CE=\sqrt{BE^2-BC^2}=3,$$

$$\therefore AE=4-3=1;$$

(2)  $\because \angle ACB=90^\circ$ ， $AC=BC$ ，

$$\therefore \angle CAB=45^\circ,$$

$$\because AF \perp BD,$$

$$\therefore \angle AFB=\angle ACB=90^\circ,$$

$\therefore A, F, C, B$  四点共圆，

$$\therefore \angle CFB=\angle CAB=45^\circ,$$

$$\therefore \angle DFC=\angle AFC=135^\circ,$$

在  $\triangle ACF$  与  $\triangle DCF$  中，
$$\begin{cases} AF=DF \\ \angle AFC=\angle DFC, \\ CF=CF \end{cases}$$

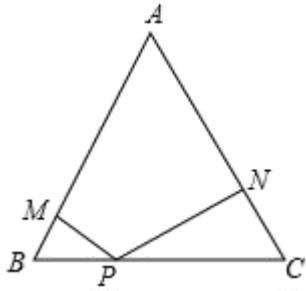
$$\therefore \triangle ACF \cong \triangle DCF,$$

∴ CD=AC,  
 ∴ AC=BC,  
 ∴ AC=BC.

6、在边长为 2 的等边三角形 ABC 中, P 是 BC 边上任意一点, 过点 P 分别作  $PM \perp AB$ ,  $PN \perp AC$ , M、N 分别为垂足.

(1) 求证: 不论点 P 在 BC 边的何处时都有  $PM+PN$  的长恰好等于三角形 ABC 一边上的高;

(2) 当 BP 的长为何值时, 四边形 AMPN 的面积最大, 并求出最大值.



**【解答】**解: (1) 连接 AP, 过 C 作  $CD \perp AB$  于 D,

∴  $\triangle ABC$  是等边三角形,

∴  $AB=AC$ ,

∴  $S_{\triangle ABC} = S_{\triangle ABP} + S_{\triangle ACP}$ ,

∴  $\frac{1}{2}AB \cdot CD = \frac{1}{2}AB \cdot PM + \frac{1}{2}AC \cdot PN$ ,

∴  $PM+PN=CD$ ,

即不论点 P 在 BC 边的何处时都有  $PM+PN$  的长恰好等于三角形 ABC 一边上的高;

(2) 设  $BP=x$ , 则  $CP=2-x$ ,

∴  $\triangle ABC$  是等边三角形,

∴  $\angle B = \angle C = 60^\circ$ ,

∴  $PM \perp AB$ ,  $PN \perp AC$ ,

∴  $BM = \frac{1}{2}x$ ,  $PM = \frac{\sqrt{3}}{2}x$ ,  $CN = \frac{1}{2}(2-x)$ ,  $PN = \frac{\sqrt{3}}{2}(2-x)$ ,

∴ 四边形 AMPN 的面积  $= \frac{1}{2} \times (2 - \frac{1}{2}x) \times \frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{1}{2} \times [2 - \frac{1}{2}(2-x)] \times \frac{\sqrt{3}}{2}(2-x) =$   
 $= \frac{\sqrt{3}}{4}x^2 + \frac{\sqrt{3}}{2}x + \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}(x-1)^2 + \frac{3\sqrt{3}}{4}$ ,

∴ 当  $BP=1$  时, 四边形 AMPN 的面积最大, 最大值是  $\frac{3\sqrt{3}}{4}$ .

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。

如要下载或阅读全文，请访问：

<https://d.book118.com/275213211310011202>