

## 2021-2022 学年广东省深圳市十校中考适应性考试数学试题

考生须知：

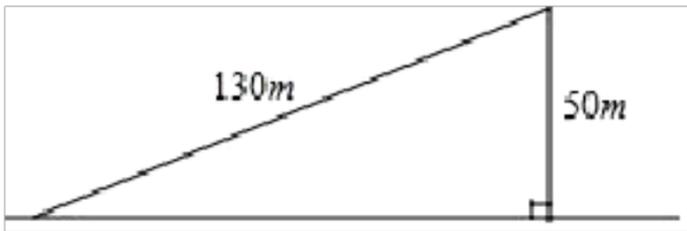
1. 全卷分选择题和非选择题两部分，全部在答题纸上作答。选择题必须用 2B 铅笔填涂；非选择题的答案必须用黑色字迹的钢笔或答字笔写在“答题纸”相应位置上。
2. 请用黑色字迹的钢笔或答字笔在“答题纸”上先填写姓名和准考证号。
3. 保持卡面清洁，不要折叠，不要弄破、弄皱，在草稿纸、试题卷上答题无效。

一、选择题（本大题共 12 个小题，每小题 4 分，共 48 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。）

1. 关于  $x$  的一元一次不等式  $\frac{m-2x}{3} \leq -2$  的解集为  $x \geq 4$ ，则  $m$  的值为（ ）

- A. 14                      B. 7                      C. -2                      D. 2

2. 如图，一个斜坡长 130m，坡顶离水平地面的距离为 50m，那么这个斜坡的坡度为（ ）



- A.  $\frac{5}{12}$                       B.  $\frac{12}{13}$                       C.  $\frac{5}{13}$                       D.  $\frac{13}{12}$

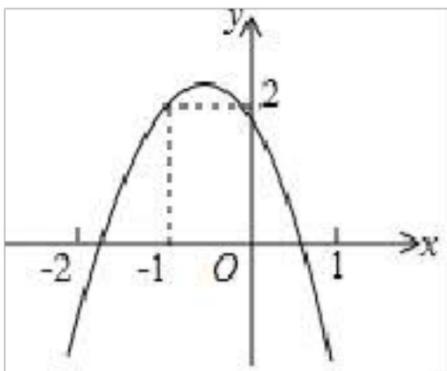
3. 下列图形中，是中心对称但不是轴对称图形的为（ ）



4. 如图所示，二次函数  $y=ax^2+bx+c$  ( $a \neq 0$ ) 的图象经过点  $(-1, 2)$ ，且与  $x$  轴交点的横坐标分别为  $x_1, x_2$ ，其中  $-2 < x_1 < -1, 0 < x_2 < 1$ 。下列结论：

- ①  $4a - 2b + c < 0$ ； ②  $2a - b < 0$ ； ③  $abc < 0$ ； ④  $b^2 + 8a < 4ac$ 。

其中正确的结论有（ ）



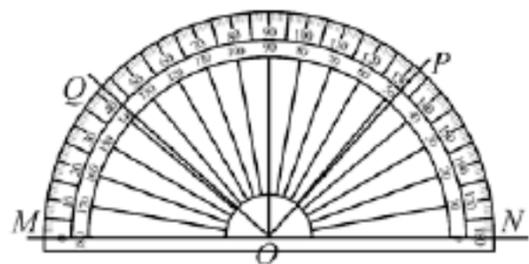
- A. 1 个                      B. 2 个                      C. 3 个                      D. 4 个

5. 不透明袋子中装有一个几何体模型，两位同学摸该模型并描述它的特征。甲同学：它有 4 个面是三角形；乙同学：

它有 8 条棱. 该模型的形状对应的立体图形可能是( )

- A. 三棱柱      B. 四棱柱      C. 三棱锥      D. 四棱锥

6. 已知 M, N, P, Q 四点的位置如图所示, 下列结论中, 正确的是( )



- A.  $\angle NOQ = 42^\circ$       B.  $\angle NOP = 132^\circ$   
 C.  $\angle PON$  比  $\angle MOQ$  大      D.  $\angle MOQ$  与  $\angle MOP$  互补

7. 下列图形中, 可以看作中心对称图形的是( )



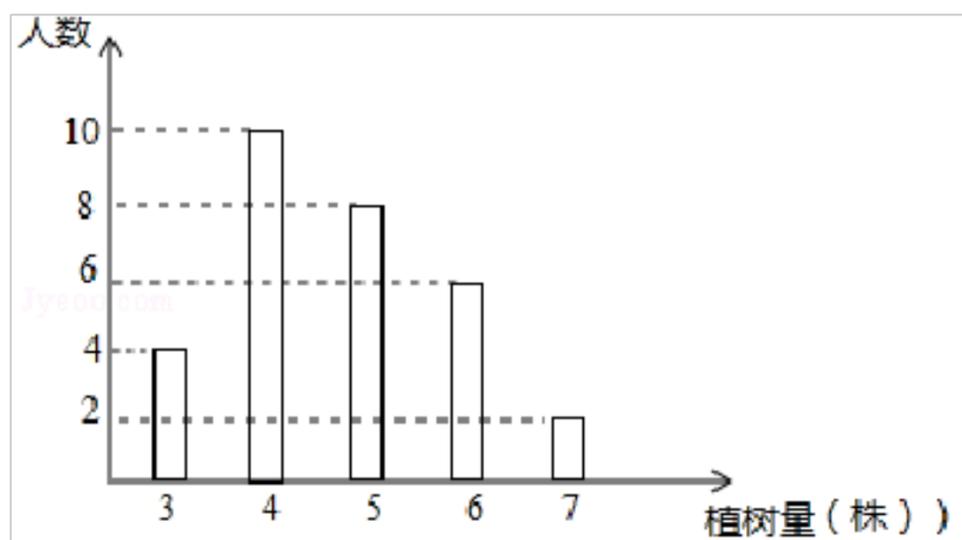
8. 纳米是一种长度单位, 1 纳米 =  $10^{-9}$  米, 已知某种植物花粉的直径约为 35000 纳米, 那么用科学记数法表示该种花粉的直径为( )

- A.  $3.5 \times 10^4$  米      B.  $3.5 \times 10^{-4}$  米      C.  $3.5 \times 10^{-5}$  米      D.  $3.5 \times 10^{-9}$  米

9. 计算  $(-ab^2)^3$  的结果是( )

- A.  $-3ab^2$       B.  $a^3b^6$       C.  $-a^3b^5$       D.  $-a^3b^6$

10. 某单位组织职工开展植树活动, 植树量与人数之间关系如图, 下列说法不正确的是( )

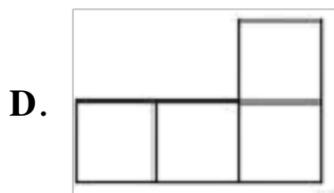
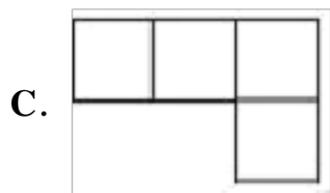
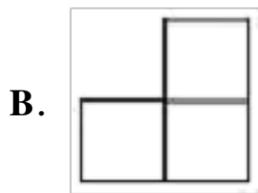
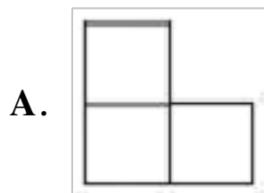
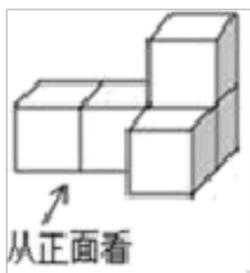


- A. 参加本次植树活动共有 30 人      B. 每人植树量的众数是 4 棵  
 C. 每人植树量的中位数是 5 棵      D. 每人植树量的平均数是 5 棵

11. 下列各数中最小的是( )

- A. 0      B. 1      C.  $-\sqrt{3}$       D.  $-\pi$

12. 如图是由 5 个相同的正方体搭成的几何体, 其左视图是( )



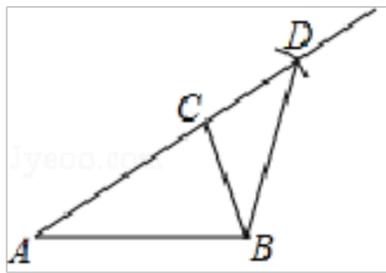
二、填空题：（本大题共 6 个小题，每小题 4 分，共 24 分。）

13. 已知点  $P(2, 3)$  在一次函数  $y=2x-m$  的图象上，则  $m=$ \_\_\_\_\_.

14. 计算： $3^{-1} - 3^0 =$ \_\_\_\_\_.

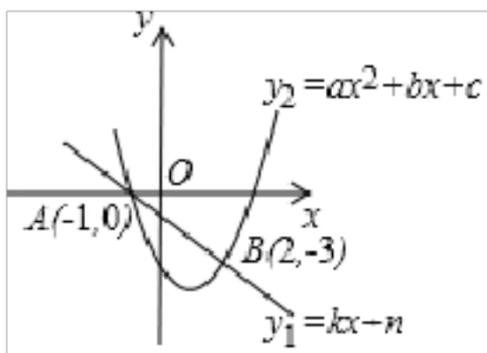
15. 如果两个相似三角形对应边上的高的比为  $1:4$ ，那么这两个三角形的周长比是\_\_\_\_\_.

16. 如图，在  $\triangle ABC$  中， $AB=AC$ ，以点  $C$  为圆心，以  $CB$  长为半径作圆弧，交  $AC$  的延长线于点  $D$ ，连结  $BD$ ，若  $\angle A=32^\circ$ ，则  $\angle CDB$  的大小为\_\_\_\_\_度.



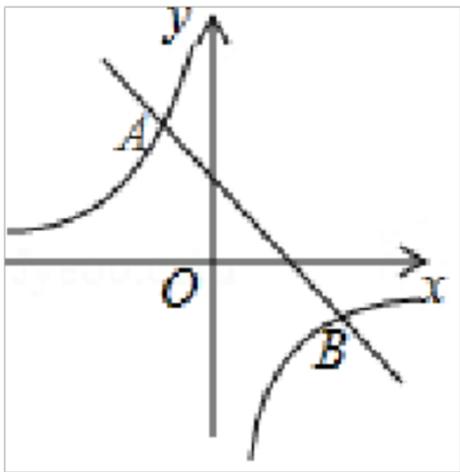
17. 分解因式： $4m^2 - 16n^2 =$ \_\_\_\_\_.

18. 如图，直线  $y_1=kx+n$  ( $k \neq 0$ ) 与抛物线  $y_2=ax^2+bx+c$  ( $a \neq 0$ ) 分别交于  $A(-1, 0)$ ， $B(2, -3)$  两点，那么当  $y_1 > y_2$  时， $x$  的取值范围是\_\_\_\_\_.



三、解答题：（本大题共 9 个小题，共 78 分，解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。）

19. (6 分) 如图，一次函数  $y=k_1x+b$  ( $k_1 \neq 0$ ) 与反比例函数  $y = \frac{k_2}{x}$  ( $k_2 \neq 0$ ) 的图象交于点  $A(-1, 2)$ ， $B(m, -1)$ 。求一次函数与反比例函数的解析式；在  $x$  轴上是否存在点  $P(n, 0)$ ，使  $\triangle ABP$  为等腰三角形，请你直接写出  $P$  点的坐标。

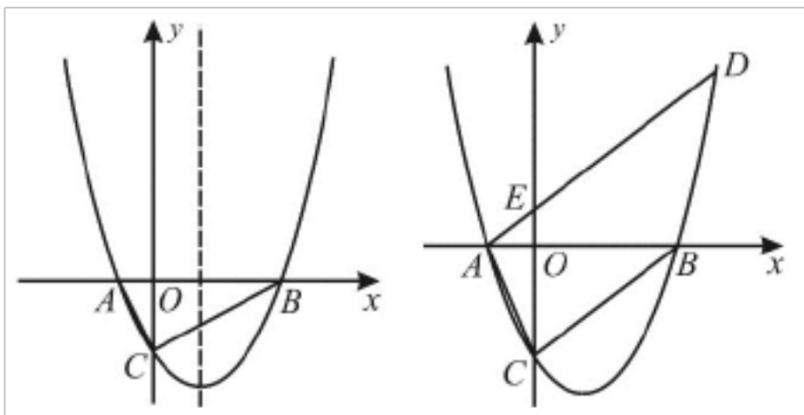


20. (6分) 如图, 已知抛物线  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n$  ( $n > 0$ ) 与  $x$  轴交于  $A, B$  两点 ( $A$  点在  $B$  点的左边), 与  $y$  轴交于点  $C$ .

(1) 如图 1, 若  $\triangle ABC$  为直角三角形, 求  $n$  的值;

(2) 如图 1, 在 (1) 的条件下, 点  $P$  在抛物线上, 点  $Q$  在抛物线的对称轴上, 若以  $BC$  为边, 以点  $B, C, P, Q$  为顶点的四边形是平行四边形, 求  $P$  点的坐标;

(3) 如图 2, 过点  $A$  作直线  $BC$  的平行线交抛物线于另一点  $D$ , 交  $y$  轴于点  $E$ , 若  $AE : ED = 1 : 1$ . 求  $n$  的值.

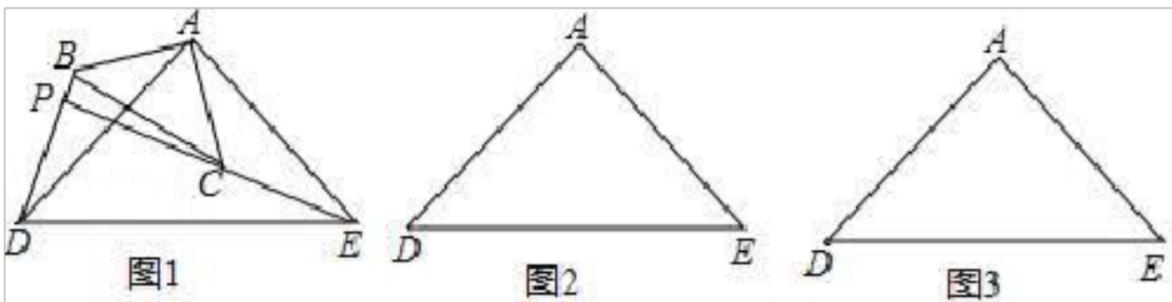


21. (6分) 如图所示,  $\triangle ABC$  和  $\triangle ADE$  是有公共顶点的等腰直角三角形,  $\angle BAC = \angle DAE = 90^\circ$ ,  $EC$  的延长线交  $BD$  于点  $P$ .

(1) 把  $\triangle ABC$  绕点  $A$  旋转到图 1,  $BD, CE$  的关系是\_\_\_\_\_ (选填“相等”或“不相等”); 简要说明理由;

(2) 若  $AB=3, AD=5$ , 把  $\triangle ABC$  绕点  $A$  旋转, 当  $\angle EAC=90^\circ$  时, 在图 2 中作出旋转后的图形,  $PD=$ \_\_\_\_\_, 简要说明计算过程;

(3) 在 (2) 的条件下写出旋转过程中线段  $PD$  的最小值为\_\_\_\_\_, 最大值为\_\_\_\_\_.



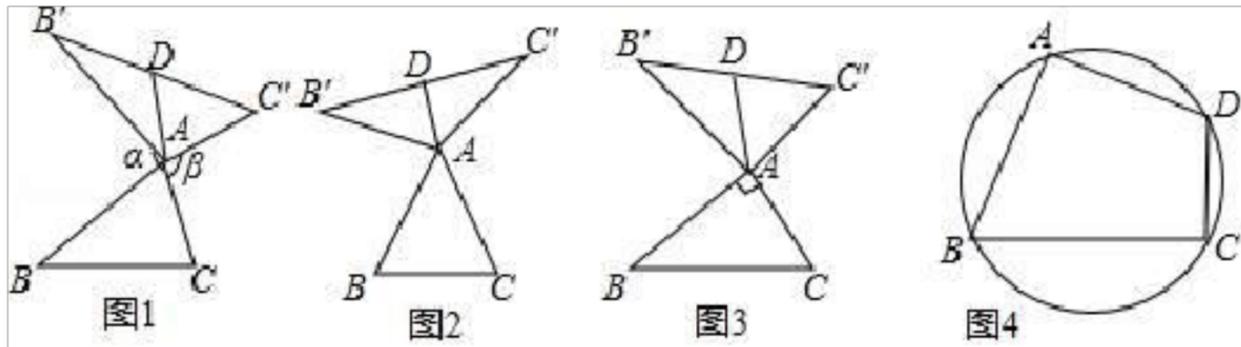
22. (8分) 新定义: 如图 1 (图 2, 图 3), 在  $\triangle ABC$  中, 把  $AB$  边绕点  $A$  顺时针旋转, 把  $AC$  边绕点  $A$  逆时针旋转, 得到  $\triangle AB'C'$ , 若  $\angle BAC + \angle B'AC' = 180^\circ$ , 我们称  $\triangle ABC$  是  $\triangle AB'C'$  的“旋补三角形”,  $\triangle AB'C'$  的中线  $AD$  叫做  $\triangle ABC$  的“旋补中线”, 点  $A$  叫做“旋补中心”

(特例感知) (1) ①若  $\triangle ABC$  是等边三角形 (如图 2),  $BC=1$ , 则  $AD=$ \_\_\_\_\_;

②若  $\angle BAC=90^\circ$  (如图 3),  $BC=6$ ,  $AD=$ \_\_\_\_\_;

(猜想论证) (2) 在图 1 中, 当  $\triangle ABC$  是任意三角形时, 猜想  $AD$  与  $BC$  的数量关系, 并证明你的猜想;

(拓展应用) (3) 如图 1. 点  $A, B, C, D$  都在半径为 5 的圆上, 且  $AB$  与  $CD$  不平行,  $AD=6$ , 点  $P$  是四边形  $ABCD$  内一点, 且  $\triangle APD$  是  $\triangle BPC$  的“旋补三角形”, 点  $P$  是“旋补中心”, 请确定点  $P$  的位置 (要求尺规作图, 不写作法, 保留作图痕迹), 并求  $BC$  的长.



23. (8分) 综合与探究:

如图, 已知在  $\triangle ABC$  中,  $AB=AC$ ,  $\angle BAC=90^\circ$ , 点  $A$  在  $x$  轴上, 点  $B$  在  $y$  轴上, 点  $C(3, -1)$  在二次函数

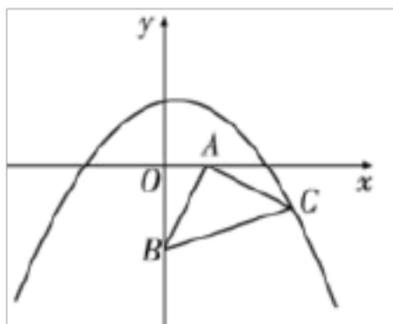
$$y = -\frac{1}{3}x^2 + bx + \frac{3}{2}$$

的图像上.

(1) 求二次函数的表达式;

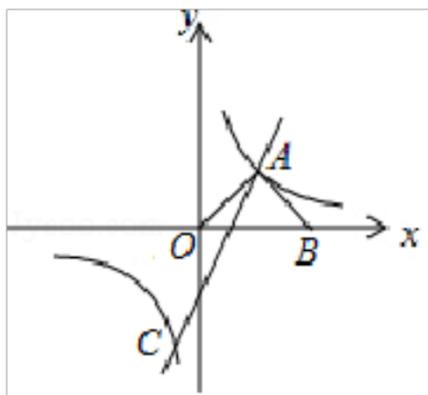
(2) 求点  $A, B$  的坐标;

(3) 把  $\triangle ABC$  沿  $x$  轴正方向平移, 当点  $B$  落在抛物线上时, 求  $\triangle ABC$  扫过区域的面积.



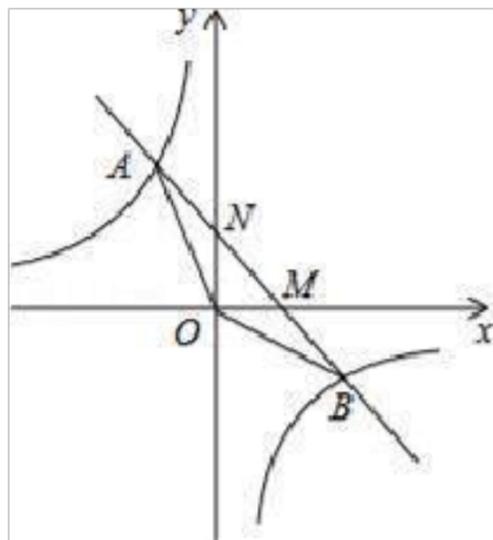
24. (10分) 如图, 在平面直角坐标系中, 直线  $y_1=2x-2$  与双曲线  $y_2=\frac{k}{x}$  交于  $A, C$  两点,  $AB \perp OA$  交  $x$  轴于点  $B$ ,

且  $OA=AB$ . 求双曲线的解析式; 求点  $C$  的坐标, 并直接写出  $y_1 < y_2$  时  $x$  的取值范围.

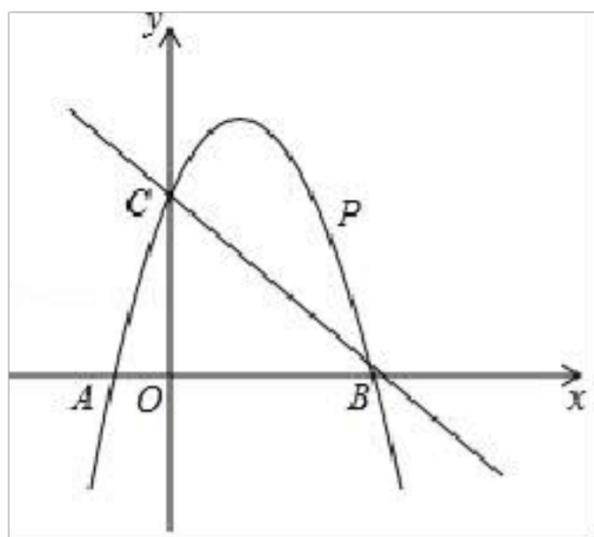


25. (10分) 如图, 已知一次函数  $y_1=kx+b$  ( $k \neq 0$ ) 的图象与反比例函数  $y_2 = -\frac{6}{x}$  的图象交于  $A, B$  两点, 与坐标轴交

于  $M$ 、 $N$  两点. 且点  $A$  的横坐标和点  $B$  的纵坐标都是  $-1$ . 求一次函数的解析式; 求  $\triangle AOB$  的面积; 观察图象, 直接写出  $y_1 > y_2$  时  $x$  的取值范围.



26. (12分) 如图, 已知二次函数  $y = ax^2 + 2x + c$  的图象经过点  $C(0, 3)$ , 与  $x$  轴分别交于点  $A$ , 点  $B(3, 0)$ . 点  $P$  是直线  $BC$  上方的抛物线上一动点. 求二次函数  $y = ax^2 + 2x + c$  的表达式; 连接  $PO$ ,  $PC$ , 并把  $\triangle POC$  沿  $y$  轴翻折, 得到四边形  $POP'C$ . 若四边形  $POP'C$  为菱形, 请求出此时点  $P$  的坐标; 当点  $P$  运动到什么位置时, 四边形  $ACPB$  的面积最大? 求出此时  $P$  点的坐标和四边形  $ACPB$  的最大面积.



27. (12分)  $A$  粮仓和  $B$  粮仓分别库存粮食 12 吨和 6 吨, 现决定支援给  $C$  市 10 吨和  $D$  市 8 吨. 已知从  $A$  粮仓调运一吨粮食到  $C$  市和  $D$  市的运费分别为 400 元和 800 元; 从  $B$  粮仓调运一吨粮食到  $C$  市和  $D$  市的运费分别为 300 元和 500 元. 设  $B$  粮仓运往  $C$  市粮食  $x$  吨, 求总运费  $W$  (元) 关于  $x$  的函数关系式. (写出自变量的取值范围) 若要求总运费不超过 9000 元, 问共有几种调运方案? 求出总运费最低的调运方案, 最低运费是多少?

## 参考答案

一、选择题 (本大题共 12 个小题, 每小题 4 分, 共 48 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的.)

1、D

【解析】

解不等式得到  $x \geq \frac{1}{2}m+3$ ，再列出关于  $m$  的不等式求解。

【详解】

$$\frac{m-2x}{3} \leq -1,$$

$$m-1x \leq -6,$$

$$-1x \leq -m-6,$$

$$x \geq \frac{1}{2}m+3,$$

$\therefore$  关于  $x$  的一元一次不等式  $\frac{m-2x}{3} \leq -1$  的解集为  $x \geq 4$ ,

$$\therefore \frac{1}{2}m+3=4, \text{ 解得 } m=1.$$

故选 **D**。

考点：不等式的解集

2、**A**

【解析】

试题解析： $\because$  一个斜坡长 **130m**，坡顶离水平地面的距离为 **50m**，

$$\therefore \text{这个斜坡的水平距离为：} \sqrt{130^2 - 50^2} = 120\text{m},$$

$$\therefore \text{这个斜坡的坡度为：} 50: 120 = 5: 12.$$

故选 **A**。

点睛：本题考查解直角三角形的应用-坡度坡角问题，解题的关键是明确坡度的定义。坡度是坡面的铅直高度  $h$  和水平宽度  $l$  的比，又叫做坡比，它是一个比值，反映了斜坡的陡峭程度，一般用  $i$  表示，常写成  $i=1: m$  的形式。

3、**C**

【解析】

试题分析：根据轴对称图形及中心对称图形的定义，结合所给图形进行判断即可。**A**、既不是轴对称图形，也不是中心对称图形，故本选项错误；**B**、是轴对称图形，也是中心对称图形，故本选项错误；**C**、不是轴对称图形，是中心对称图形，故本选项正确；**D**、是轴对称图形，不是中心对称图形，故本选项错误。

故选 **C**。

考点：中心对称图形；轴对称图形。

4、**C**

【解析】

首先根据抛物线的开口方向可得到  $a < 0$ ，抛物线交  $y$  轴于正半轴，则  $c > 0$ ，而抛物线与  $x$  轴的交点中， $-2 < x_1 < -1$ 、

$0 < x_2 < 1$  说明抛物线的对称轴在  $-1 \sim 0$  之间, 即  $x = -\frac{b}{2a} > -1$ , 可根据这些条件以及函数图象上一些特殊点的坐标来进行判断

【详解】

由图知: 抛物线的开口向下, 则  $a < 0$ ; 抛物线的对称轴  $x = -\frac{b}{2a} > -1$ , 且  $c > 0$ ;

①由图可得: 当  $x = -2$  时,  $y < 0$ , 即  $4a - 2b + c < 0$ , 故①正确;

②已知  $x = -\frac{b}{2a} > -1$ , 且  $a < 0$ , 所以  $2a - b < 0$ , 故②正确;

③抛物线对称轴位于  $y$  轴的左侧, 则  $a$ 、 $b$  同号, 又  $c > 0$ , 故  $abc > 0$ , 所以③不正确;

④由于抛物线的对称轴大于  $-1$ , 所以抛物线的顶点纵坐标应该大于  $2$ , 即:  $\frac{4ac - b^2}{4a} > 2$ , 由于  $a < 0$ , 所以  $4ac - b^2 <$

$8a$ , 即  $b^2 + 8a > 4ac$ , 故④正确;

因此正确的结论是①②④.

故选: C.

【点睛】

本题主要考查对二次函数图象与系数的关系, 抛物线与  $x$  轴的交点, 二次函数图象上点的坐标特征等知识点的理解和掌握, 能根据图象确定与系数有关的式子的正负是解此题的关键.

5、D

【解析】

试题分析: 根据有四个三角形的面, 且有 8 条棱, 可知是四棱锥. 而三棱柱有两个三角形的面, 四棱柱没有三角形的面, 三棱锥有四个三角形的面, 但是只有 6 条棱.

故选 D

考点: 几何体的形状

6、C

【解析】

试题分析: 如图所示:  $\angle NOQ = 138^\circ$ , 选项 A 错误;  $\angle NOP = 48^\circ$ , 选项 B 错误; 如图可得  $\angle PON = 48^\circ$ ,  $\angle MOQ = 42^\circ$ , 所以  $\angle PON$  比  $\angle MOQ$  大, 选项 C 正确; 由以上可得,  $\angle MOQ$  与  $\angle MOP$  不互补, 选项 D 错误. 故答案选 C.

考点: 角的度量.

7、B

【解析】

根据中心对称图形的概念求解.

【详解】

解: A、不是中心对称图形, 故此选项错误;

B、是中心对称图形，故此选项正确；

C、不是中心对称图形，故此选项错误；

D、不是中心对称图形，故此选项错误.

故选：B.

**【点睛】**

此题主要考查了中心对称图形的概念，中心对称图形是要寻找对称中心，旋转 **180** 度后两部分重合.

8、C

**【解析】**

绝对值小于 **1** 的正数也可以利用科学记数法表示，一般形式为  $a \times 10^{-n}$ ，与较大数的科学记数法不同的是其所使用的是负指数幂，指数由原数左边起第一个不为零的数字前面的 **0** 的个数所决定.

**【详解】**

**35000** 纳米= $35000 \times 10^{-9}$  米= $3.5 \times 10^{-5}$  米.

故选 C.

**【点睛】**

此题主要考查了用科学记数法表示较小的数，一般形式为  $a \times 10^{-n}$ ，其中  $1 \leq |a| < 10$ ，**n** 为由原数左边起第一个不为零的数字前面的 **0** 的个数所决定.

9、D

**【解析】**

根据积的乘方与幂的乘方计算可得.

**【详解】**

解： $(-ab^2)^3 = -a^3b^6$ ,

故选 D.

**【点睛】**

本题主要考查幂的乘方与积的乘方，解题的关键是掌握积的乘方与幂的乘方的运算法则.

10、D

**【解析】**

试题解析：A、 $\because 4+10+8+6+2=30$ （人），

$\therefore$  参加本次植树活动共有 **30** 人，结论 A 正确；

B、 $\because 10 > 8 > 6 > 4 > 2$ ，

$\therefore$  每人植树量的众数是 **4** 棵，结论 B 正确；

C、∵共有 30 个数，第 15、16 个数为 5，

∴每人植树量的中位数是 5 棵，结论 C 正确；

D、∵ $(3 \times 4 + 4 \times 10 + 5 \times 8 + 6 \times 6 + 7 \times 2) \div 30 \approx 4.73$ （棵），

∴每人植树量的平均数约是 4.73 棵，结论 D 不正确。

故选 D。

考点：1.条形统计图；2.加权平均数；3.中位数；4.众数。

11、D

【解析】

根据任意两个实数都可以比较大小。正实数都大于 0，负实数都小于 0，正实数大于一切负实数，两个负实数绝对值大的反而小即可判断。

【详解】

$$-\pi < -\sqrt{3} < 0 < 1.$$

则最小的数是  $-\pi$ 。

故选：D。

【点睛】

本题考查了实数大小的比较，理解任意两个实数都可以比较大小。正实数都大于 0，负实数都小于 0，正实数大于一切负实数，两个负实数绝对值大的反而小是关键。

12、A

【解析】

根据三视图的定义即可判断。

【详解】

根据立体图可知该左视图是底层有 2 个小正方形，第二层左边有 1 个小正方形。故选 A。

【点睛】

本题考查三视图，解题的关键是根据立体图的形状作出三视图，本题属于基础题型。

二、填空题：（本大题共 6 个小题，每小题 4 分，共 24 分。）

13、1

【解析】

根据待定系数法求得一次函数的解析式，解答即可。

【详解】

解：∵一次函数  $y=2x-m$  的图象经过点 P（2，3），

$$\therefore 3=4-m,$$

解得  $m=1$ ,

故答案为: **1**.

**【点睛】**

此题主要考查了一次函数图象上点的坐标特征, 关键是根据待定系数法求得一次函数的解析式.

$$14、 - \frac{2}{3}.$$

**【解析】**

原式利用零指数幂、负整数指数幂法则计算即可求出值.

**【详解】**

$$\text{原式} = \frac{1}{3} - 1 = - \frac{2}{3}.$$

$$\text{故答案是: } - \frac{2}{3}.$$

**【点睛】**

考查了实数的运算, 熟练掌握运算法则是解本题的关键.

$$15、 1:4$$

**【解析】**

$\therefore$  两个相似三角形对应边上的高的比为 **1:4**,

$\therefore$  这两个相似三角形的相似比是 **1:4**

$\therefore$  相似三角形的周长比等于相似比,

$\therefore$  它们的周长比 **1:4**,

故答案为: **1:4**.

**【点睛】** 本题考查了相似三角形的性质, 相似三角形对应边上的高、相似三角形的周长比都等于相似比.

$$16、 1$$

**【解析】**

根据等腰三角形的性质以及三角形内角和定理在  $\triangle ABC$  中可求得  $\angle ACB = \angle ABC = 74^\circ$ , 根据等腰三角形的性质以及三

角形外角的性质在  $\triangle BCD$  中可求得  $\angle CDB = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ACB = 1^\circ$ .

**【详解】**

$\therefore AB=AC, \angle A=32^\circ,$

$\therefore \angle ABC = \angle ACB = 74^\circ,$

又  $\therefore BC=DC,$

$$\therefore \angle CDB = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ACB = 1^\circ,$$

故答案为 1.

【点睛】

本题主要考查等腰三角形的性质，三角形外角的性质，掌握等边对等角是解题的关键，注意三角形内角和定理的应用.

17、 $4(m+2n)(m-2n)$ .

【解析】

原式提取 4 后，利用平方差公式分解即可.

【详解】

解：原式= $4(m^2 - 4n^2) = 4(m+2n)(m-2n)$ .

故答案为 $4(m+2n)(m-2n)$

【点睛】

本题考查提公因式法与公式法的综合运用，解题的关键是熟练掌握因式分解的方法.

18、 $-1 < x < 2$

【解析】

根据图象得出取值范围即可.

【详解】

解：因为直线  $y_1 = kx + n$  ( $k \neq 0$ ) 与抛物线  $y_2 = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ) 分别交于  $A(-1, 0)$ ,  $B(2, -3)$  两点，

所以当  $y_1 > y_2$  时， $-1 < x < 2$ ,

故答案为  $-1 < x < 2$

【点睛】

此题考查二次函数与不等式，关键是根据图象得出取值范围.

三、解答题：（本大题共 9 个小题，共 78 分，解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

19、(1) 反比例函数的解析式为  $y = -\frac{2}{x}$ ；一次函数的解析式为  $y = -x + 1$ ；(2) 满足条件的 P 点的坐标为  $(-1 + \sqrt{17}, 0)$

或  $(-1 - \sqrt{17}, 0)$  或  $(2 + \sqrt{17}, 0)$  或  $(2 - \sqrt{17}, 0)$  或  $(0, 0)$ .

【解析】

(1) 将 A 点代入求出  $k_2$ ，从而求出反比例函数方程，再联立将 B 点代入即可求出一次函数方程.

(2) 令  $PA = PB$ ，求出 P. 令  $AP = AB$ ，求 P. 令  $BP = BA$ ，求 P. 根据坐标距离公式计算即可.

【详解】

(1) 把  $A(-1, 2)$  代入  $y = \frac{k_2}{x}$ , 得到  $k_2 = -2$ ,

$\therefore$  反比例函数的解析式为  $y = -\frac{2}{x}$ .

$\because B(m, -1)$  在  $y = -\frac{2}{x}$  上,  $\therefore m = 2$ ,

由题意  $\begin{cases} -k_1 + b = 2 \\ 2k_1 + b = -1 \end{cases}$ , 解得:  $\begin{cases} k_1 = -1 \\ b = 1 \end{cases}$ ,  $\therefore$  一次函数的解析式为  $y = -x + 1$ .

(2) 满足条件的  $P$  点的坐标为  $(-1 + \sqrt{14}, 0)$  或  $(-1 - \sqrt{14}, 0)$  或  $(2 + \sqrt{17}, 0)$  或  $(2 - \sqrt{17}, 0)$  或  $(0, 0)$ .

### 【点睛】

本题考查一次函数图像与性质和反比例函数的图像和性质, 解题的关键是待定系数法, 分三种情况讨论.

20、(1)  $n = 2$ ; (2)  $(\frac{11}{2}, \frac{39}{8})$  和  $(-\frac{5}{2}, \frac{39}{8})$ ; (3)  $n = \frac{27}{8}$

### 【解析】

(1) 设  $A(x_1, 0)$ ,  $B(x_2, 0)$ , 再根据根与系数的关系得到  $x_1 x_2 = -2n$ , 根据勾股定理得到:  $AC^2 = x_1^2 + n^2$ ,

$BC^2 = x_2^2 + n^2$ , 根据  $AC^2 + BC^2 = AB^2$  列出方程, 解方程即可; (2) 求出  $A$ 、 $B$  坐标, 设出点  $Q$  坐标, 利用平行四

边形的性质, 分类讨论点  $P$  坐标, 利用全等的性质得出  $P$  点的横坐标后, 分别代入抛物线解析式, 求出  $P$  点坐标;

(3) 过点  $D$  作  $DH \perp x$  轴于点  $H$ , 由  $AE:ED = 1:4$ , 可得  $AO:OH = 1:4$ . 设  $OA = a (a > 0)$ , 可得  $A$  点坐标为  $(-a, 0)$ ,

可得  $OH = 4a, AH = 5a$ . 设  $D$  点坐标为  $(4a, 8a^2 - 6a - n)$ . 可证  $\triangle DAH \sim \triangle CBO$ , 利用相似性质列出方程整理可得

到  $11a^2 - 12a - 2n = 0$  ①, 将  $A(-a, 0)$  代入抛物线上, 可得  $n = \frac{1}{2}a^2 + \frac{3}{2}a$  ②, 联立①②解方程组, 即可解答.

### 【详解】

解: (1) 设  $A(x_1, 0)$ ,  $B(x_2, 0)$ , 则  $x_1, x_2$  是方程  $\frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n = 0$  的两根,

$\therefore x_1 x_2 = -2n$ .

$\because$  已知抛物线  $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n (n > 0)$  与  $y$  轴交于点  $C$ .

$\therefore C(0, -n)$

在  $Rt \triangle AOC$  中:  $AC^2 = x_1^2 + n^2$ , 在  $Rt \triangle BOC$  中:  $BC^2 = x_2^2 + n^2$ ,

$\because \triangle ABC$  为直角三角形, 由题意可知  $\angle ACB = 90^\circ$ ,

$\therefore AC^2 + BC^2 = AB^2$ ,

即  $x_1^2 + n^2 + x_2^2 + n^2 = (x_2 - x_1)^2$ ,

$$\therefore n^2 = -x_1 x_2,$$

$$\therefore n^2 = 2n,$$

$$\text{解得: } n_1 = 0, n_2 = 2,$$

$$\text{又 } n > 0,$$

$$\therefore n = 2.$$

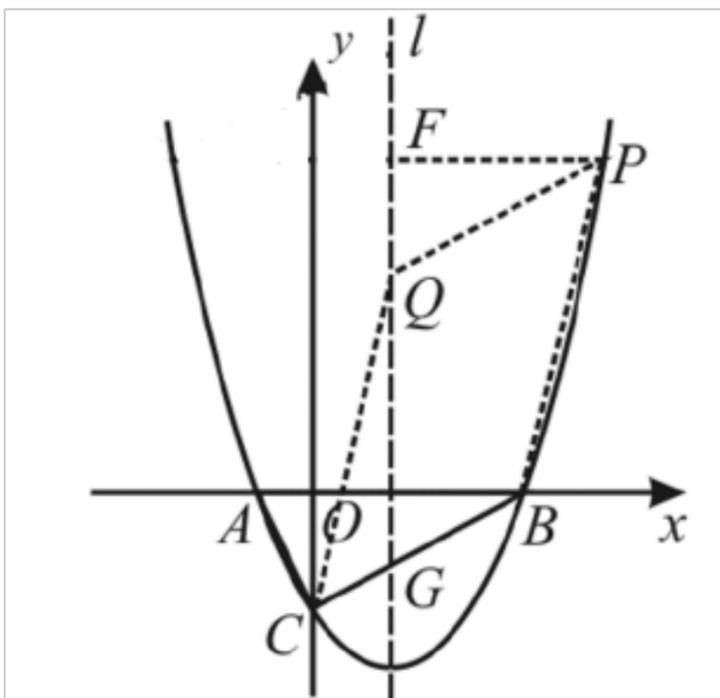
$$(2) \text{ 由 (1) 可知: } y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - 2, \text{ 令 } y = 0, \text{ 则 } \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - 2 = 0,$$

$$\therefore x_1 = -1, x_2 = 4,$$

$$\therefore A(-1, 0), B(4, 0).$$

①以  $BC$  为边, 以点  $B$ 、 $C$ 、 $P$ 、 $Q$  为顶点的四边形是四边形  $CBPQ$  时,

设抛物线的对称轴为  $l = \frac{3}{2}$ ,  $l$  与  $BC$  交于点  $G$ , 过点  $P$  作  $PF \perp l$ , 垂足为点  $F$ ,



即  $\angle PFQ = 90^\circ = \angle COB$ .

$\therefore$  四边形  $CBPQ$  为平行四边形,

$\therefore PQ = BC, PQ \parallel BC$ , 又  $l \parallel y$  轴,

$\therefore \angle FQP = \angle QGB = \angle OCB$ ,

$\therefore \triangle PFQ \cong \triangle BOC$ ,

$\therefore PF = BO = 4$ ,

$\therefore P$  点的横坐标为  $\frac{3}{2} + 4 = \frac{11}{2}$ ,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/276223031213010034>