

2021-2022 学年广东省深圳市十校中考适应性考试数学试题

考生须知：

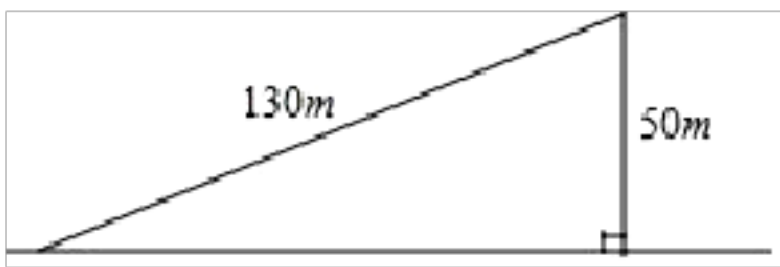
1. 全卷分选择题和非选择题两部分，全部在答题纸上作答。选择题必须用 2B 铅笔填涂；非选择题的答案必须用黑色字迹的钢笔或答字笔写在“答题纸”相应位置上。
2. 请用黑色字迹的钢笔或答字笔在“答题纸”上先填写姓名和准考证号。
3. 保持卡面清洁，不要折叠，不要弄破、弄皱，在草稿纸、试题卷上答题无效。

一、选择题（本大题共 12 个小题，每小题 4 分，共 48 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。）

1. 关于 x 的一元一次不等式 $\frac{m-2x}{3} \leq -2$ 的解集为 $x \geq 4$ ，则 m 的值为（ ）

- A. 14 B. 7 C. -2 D. 2

2. 如图，一个斜坡长 130m，坡顶离水平地面的距离为 50m，那么这个斜坡的坡度为（ ）



- A. $\frac{5}{12}$ B. $\frac{12}{13}$ C. $\frac{5}{13}$ D. $\frac{13}{12}$

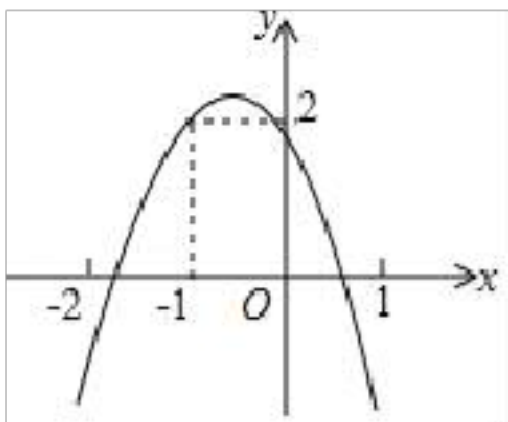
3. 下列图形中，是中心对称但不是轴对称图形的为（ ）



4. 如图所示，二次函数 $y=ax^2+bx+c$ ($a \neq 0$) 的图象经过点 $(-1, 2)$ ，且与 x 轴交点的横坐标分别为 x_1, x_2 ，其中 $-2 < x_1 < -1$ ， $0 < x_2 < 1$ 。下列结论：

- ① $4a - 2b + c < 0$ ； ② $2a - b < 0$ ； ③ $abc < 0$ ； ④ $b^2 + 8a < 4ac$ 。

其中正确的结论有（ ）



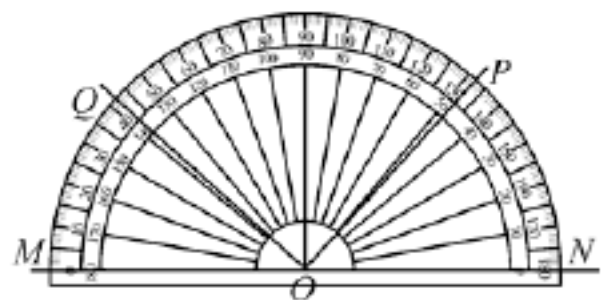
- A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

5. 不透明袋子中装有一个几何体模型，两位同学摸该模型并描述它的特征。甲同学：它有 4 个面是三角形；乙同学：

它有 8 条棱. 该模型的形状对应的立体图形可能是()

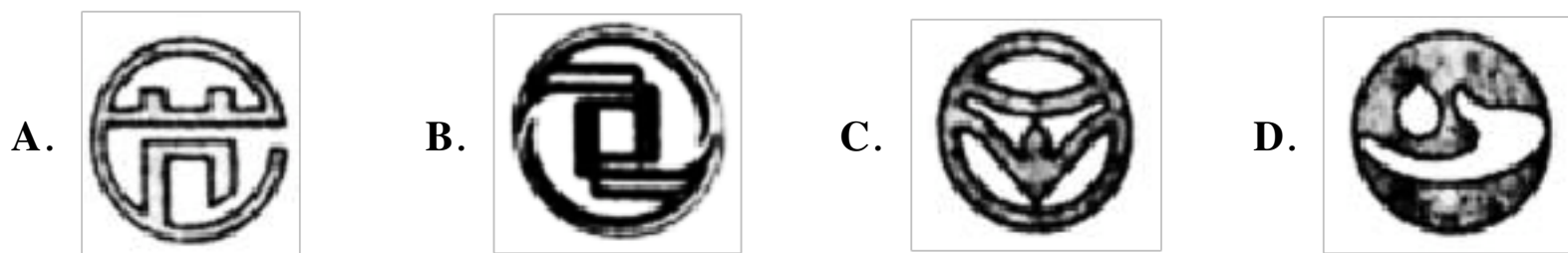
- A. 三棱柱 B. 四棱柱 C. 三棱锥 D. 四棱锥

6. 已知 M, N, P, Q 四点的位置如图所示, 下列结论中, 正确的是()



- A. $\angle NOQ = 42^\circ$ B. $\angle NOP = 132^\circ$
 C. $\angle PON$ 比 $\angle MOQ$ 大 D. $\angle MOQ$ 与 $\angle MOP$ 互补

7. 下列图形中, 可以看作中心对称图形的是()



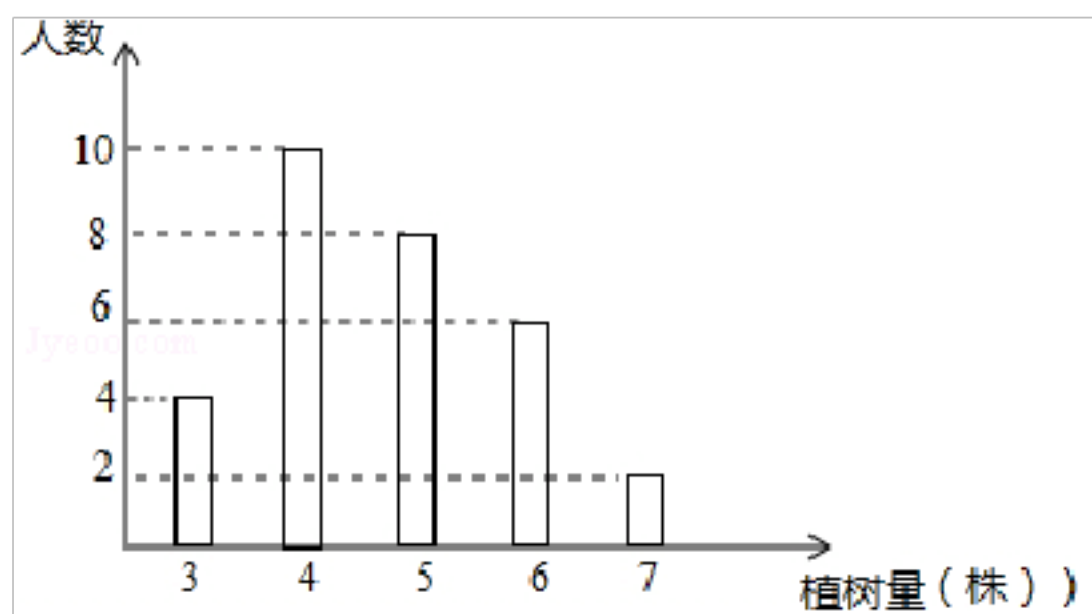
8. 纳米是一种长度单位, 1 纳米 = 10^{-9} 米, 已知某种植物花粉的直径约为 35000 纳米, 那么用科学记数法表示该种花粉的直径为()

- A. 3.5×10^4 米 B. 3.5×10^{-4} 米 C. 3.5×10^{-5} 米 D. 3.5×10^{-9} 米

9. 计算 $(-ab^2)^3$ 的结果是()

- A. $-3ab^2$ B. a^3b^6 C. $-a^3b^5$ D. $-a^3b^6$

10. 某单位组织职工开展植树活动, 植树量与人数之间关系如图, 下列说法不正确的是()

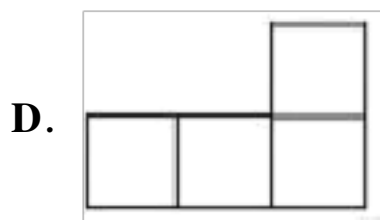
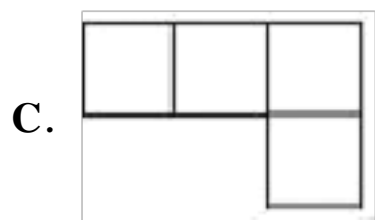
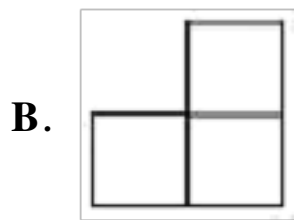
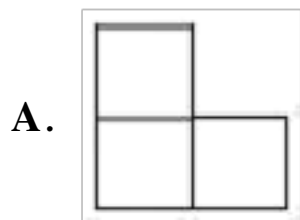
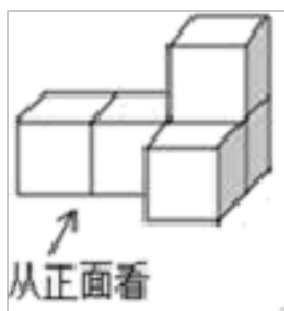


- A. 参加本次植树活动共有 30 人 B. 每人植树量的众数是 4 棵
 C. 每人植树量的中位数是 5 棵 D. 每人植树量的平均数是 5 棵

11. 下列各数中最小的是()

- A. 0 B. 1 C. $-\sqrt{3}$ D. $-\pi$

12. 如图是由 5 个相同的正方体搭成的几何体, 其左视图是()



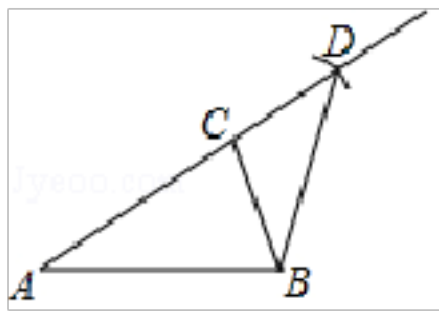
二、填空题：（本大题共 6 个小题，每小题 4 分，共 24 分。）

13. 已知点 $P(2, 3)$ 在一次函数 $y=2x-m$ 的图象上，则 $m=$ _____.

14. 计算： $3^{-1} - 3^0 =$ _____.

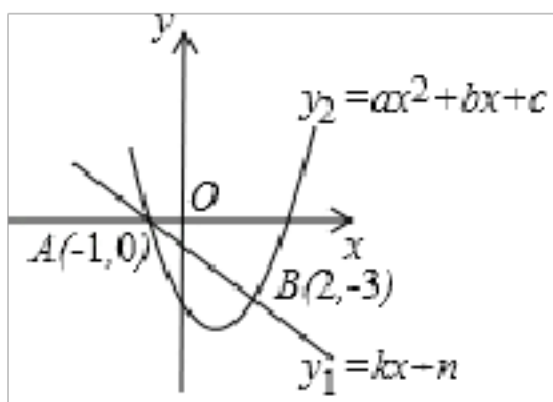
15. 如果两个相似三角形对应边上的高的比为 $1:4$ ，那么这两个三角形的周长比是_____.

16. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ，以点 C 为圆心，以 CB 长为半径作圆弧，交 AC 的延长线于点 D ，连结 BD ，若 $\angle A=32^\circ$ ，则 $\angle CDB$ 的大小为_____度.



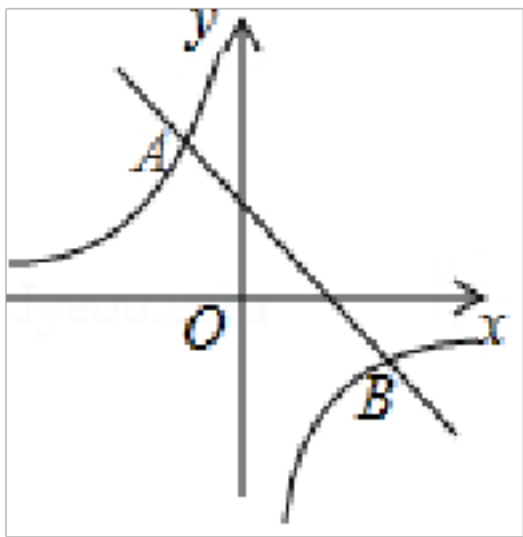
17. 分解因式： $4m^2 - 16n^2 =$ _____.

18. 如图，直线 $y_1=kx+n$ ($k \neq 0$) 与抛物线 $y_2=ax^2+bx+c$ ($a \neq 0$) 分别交于 $A(-1, 0)$ ， $B(2, -3)$ 两点，那么当 $y_1 > y_2$ 时， x 的取值范围是_____.



三、解答题：（本大题共 9 个小题，共 78 分，解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。）

19. (6 分) 如图，一次函数 $y=k_1x+b$ ($k_1 \neq 0$) 与反比例函数 $y = \frac{k_2}{x}$ ($k_2 \neq 0$) 的图象交于点 $A(-1, 2)$ ， $B(m, -1)$ 。求一次函数与反比例函数的解析式；在 x 轴上是否存在点 $P(n, 0)$ ，使 $\triangle ABP$ 为等腰三角形，请你直接写出 P 点的坐标。

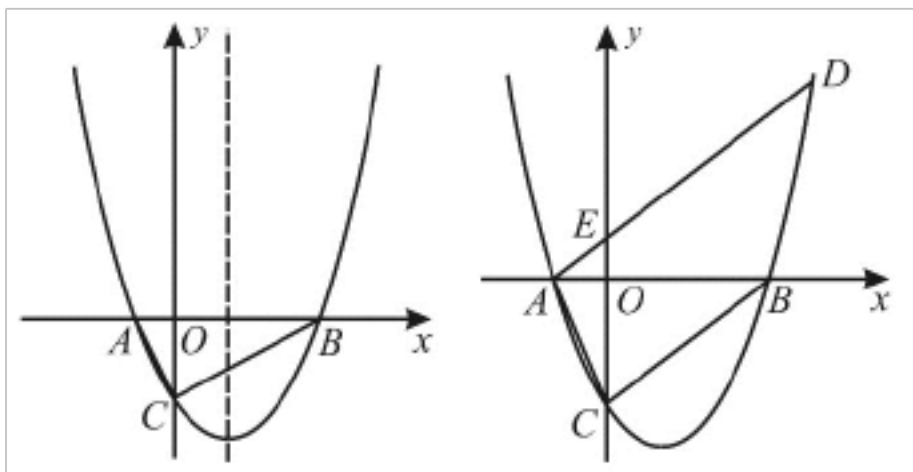


20. (6分) 如图, 已知抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n$ ($n > 0$) 与 x 轴交于 A, B 两点 (A 点在 B 点的左边), 与 y 轴交于点 C .

(1) 如图 1, 若 $\triangle ABC$ 为直角三角形, 求 n 的值;

(2) 如图 1, 在 (1) 的条件下, 点 P 在抛物线上, 点 Q 在抛物线的对称轴上, 若以 BC 为边, 以点 B, C, P, Q 为顶点的四边形是平行四边形, 求 P 点的坐标;

(3) 如图 2, 过点 A 作直线 BC 的平行线交抛物线于另一点 D , 交 y 轴于点 E , 若 $AE : ED = 1 : 1$. 求 n 的值.

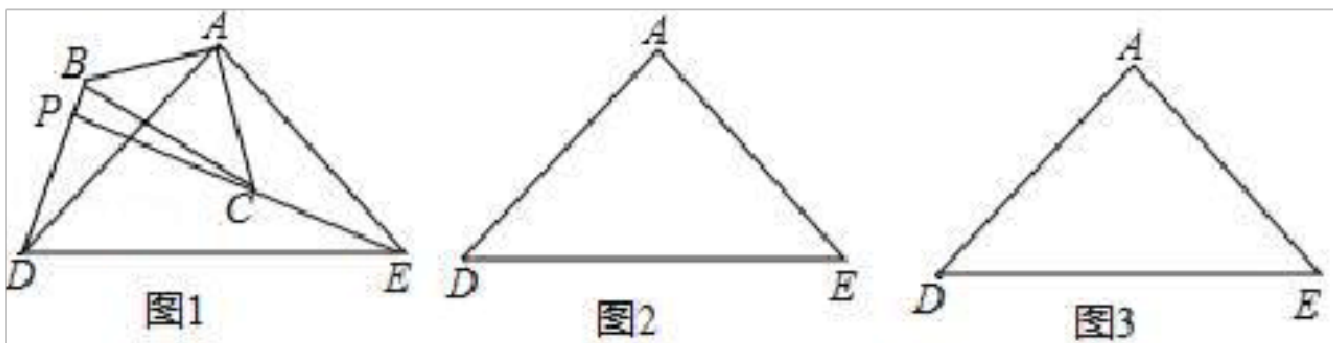


21. (6分) 如图所示, $\triangle ABC$ 和 $\triangle ADE$ 是有公共顶点的等腰直角三角形, $\angle BAC = \angle DAE = 90^\circ$, EC 的延长线交 BD 于点 P .

(1) 把 $\triangle ABC$ 绕点 A 旋转到图 1, BD, CE 的关系是_____ (选填“相等”或“不相等”); 简要说明理由;

(2) 若 $AB=3, AD=5$, 把 $\triangle ABC$ 绕点 A 旋转, 当 $\angle EAC=90^\circ$ 时, 在图 2 中作出旋转后的图形, $PD=$ _____, 简要说明计算过程;

(3) 在 (2) 的条件下写出旋转过程中线段 PD 的最小值为_____, 最大值为_____.



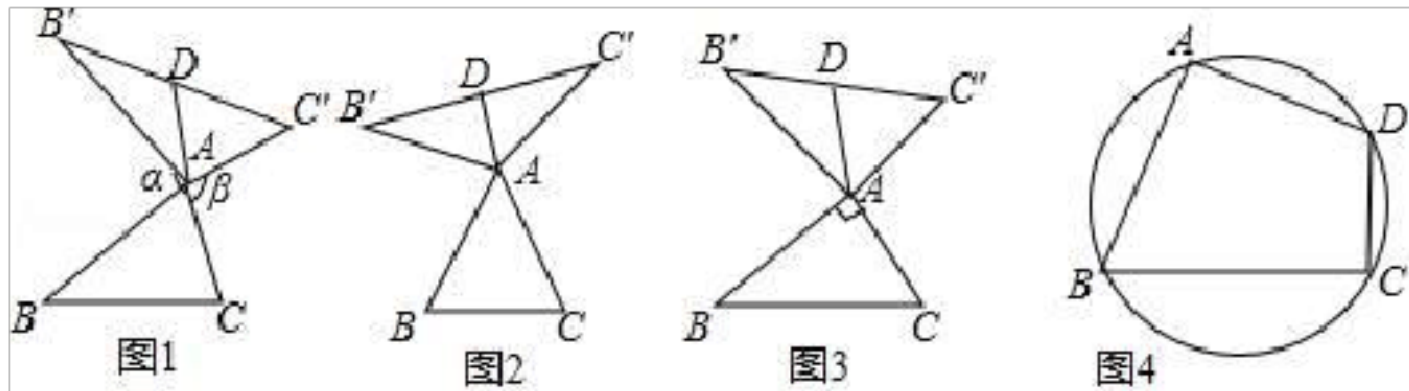
22. (8分) 新定义: 如图 1 (图 2, 图 3), 在 $\triangle ABC$ 中, 把 AB 边绕点 A 顺时针旋转, 把 AC 边绕点 A 逆时针旋转, 得到 $\triangle AB'C'$, 若 $\angle BAC + \angle B'AC' = 180^\circ$, 我们称 $\triangle ABC$ 是 $\triangle AB'C'$ 的“旋补三角形”, $\triangle AB'C'$ 的中线 AD 叫做 $\triangle ABC$ 的“旋补中线”, 点 A 叫做“旋补中心”

(特例感知) (1) ①若 $\triangle ABC$ 是等边三角形 (如图 2), $BC=1$, 则 $AD=$ _____;

②若 $\angle BAC=90^\circ$ (如图 3), $BC=6$, $AD=$ _____;

(猜想论证) (2) 在图 1 中, 当 $\triangle ABC$ 是任意三角形时, 猜想 AD 与 BC 的数量关系, 并证明你的猜想;

(拓展应用) (3) 如图 1. 点 A, B, C, D 都在半径为 5 的圆上, 且 AB 与 CD 不平行, $AD=6$, 点 P 是四边形 $ABCD$ 内一点, 且 $\triangle APD$ 是 $\triangle BPC$ 的“旋补三角形”, 点 P 是“旋补中心”, 请确定点 P 的位置 (要求尺规作图, 不写作法, 保留作图痕迹), 并求 BC 的长.



23. (8分) 综合与探究:

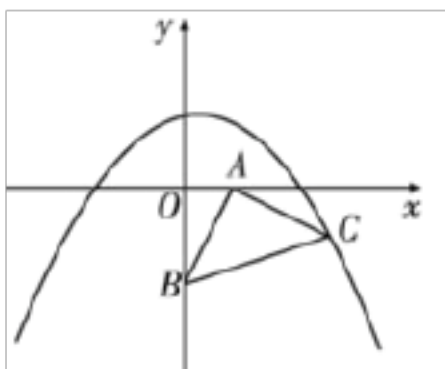
如图, 已知在 $\triangle ABC$ 中, $AB=AC$, $\angle BAC=90^\circ$, 点 A 在 x 轴上, 点 B 在 y 轴上, 点 $C(3, -1)$ 在二次函数

$y = -\frac{1}{3}x^2 + bx + \frac{3}{2}$ 的图像上.

(1) 求二次函数的表达式;

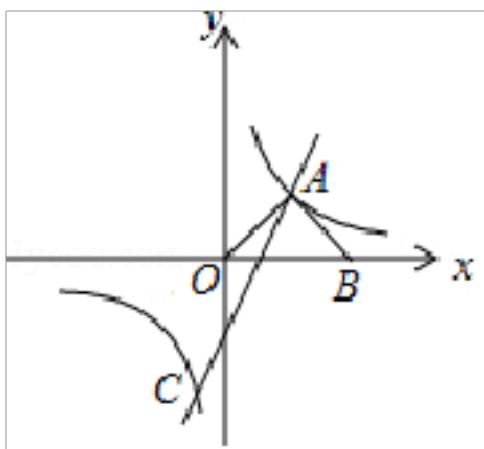
(2) 求点 A, B 的坐标;

(3) 把 $\triangle ABC$ 沿 x 轴正方向平移, 当点 B 落在抛物线上时, 求 $\triangle ABC$ 扫过区域的面积.



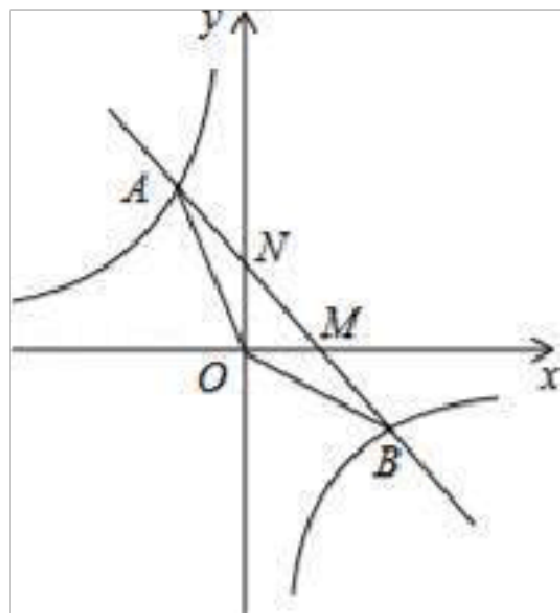
24. (10分) 如图, 在平面直角坐标系中, 直线 $y_1=2x-2$ 与双曲线 $y_2=\frac{k}{x}$ 交于 A, C 两点, $AB \perp OA$ 交 x 轴于点 B ,

且 $OA=AB$. 求双曲线的解析式; 求点 C 的坐标, 并直接写出 $y_1 < y_2$ 时 x 的取值范围.

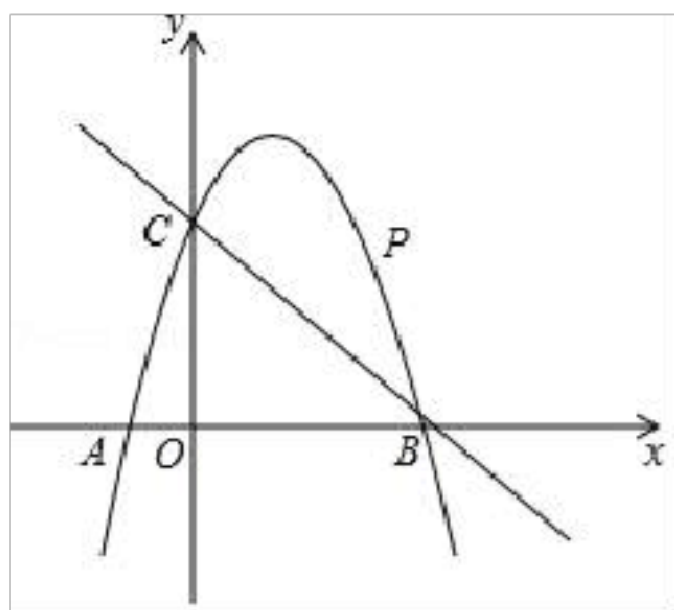


25. (10分) 如图, 已知一次函数 $y_1=kx+b$ ($k \neq 0$) 的图象与反比例函数 $y_2 = -\frac{6}{x}$ 的图象交于 A, B 两点, 与坐标轴交

于 M 、 N 两点. 且点 A 的横坐标和点 B 的纵坐标都是 -1 . 求一次函数的解析式; 求 $\triangle AOB$ 的面积; 观察图象, 直接写出 $y_1 > y_2$ 时 x 的取值范围.



26. (12分) 如图, 已知二次函数 $y = ax^2 + 2x + c$ 的图象经过点 $C(0, 3)$, 与 x 轴分别交于点 A , 点 $B(3, 0)$. 点 P 是直线 BC 上方的抛物线上一动点. 求二次函数 $y = ax^2 + 2x + c$ 的表达式; 连接 PO , PC , 并把 $\triangle POC$ 沿 y 轴翻折, 得到四边形 $POP'C$. 若四边形 $POP'C$ 为菱形, 请求出此时点 P 的坐标; 当点 P 运动到什么位置时, 四边形 $ACPB$ 的面积最大? 求出此时 P 点的坐标和四边形 $ACPB$ 的最大面积.



27. (12分) A 粮仓和 B 粮仓分别库存粮食 12 吨和 6 吨, 现决定支援给 C 市 10 吨和 D 市 8 吨. 已知从 A 粮仓调运一吨粮食到 C 市和 D 市的运费分别为 400 元和 800 元; 从 B 粮仓调运一吨粮食到 C 市和 D 市的运费分别为 300 元和 500 元. 设 B 粮仓运往 C 市粮食 x 吨, 求总运费 W (元) 关于 x 的函数关系式. (写出自变量的取值范围) 若要求总运费不超过 9000 元, 问共有几种调运方案? 求出总运费最低的调运方案, 最低运费是多少?

参考答案

一、选择题 (本大题共 12 个小题, 每小题 4 分, 共 48 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的.)

1、D

【解析】

解不等式得到 $x \geq \frac{1}{2}m+3$ ，再列出关于 m 的不等式求解。

【详解】

$$\frac{m-2x}{3} \leq -1,$$

$$m-1x \leq -6,$$

$$-1x \leq -m-6,$$

$$x \geq \frac{1}{2}m+3,$$

\therefore 关于 x 的一元一次不等式 $\frac{m-2x}{3} \leq -1$ 的解集为 $x \geq 4$,

$$\therefore \frac{1}{2}m+3=4, \text{ 解得 } m=1.$$

故选 **D**。

考点：不等式的解集

2、**A**

【解析】

试题解析： \because 一个斜坡长 **130m**，坡顶离水平地面的距离为 **50m**，

$$\therefore \text{这个斜坡的水平距离为：} \sqrt{130^2 - 50^2} = 120\text{m},$$

$$\therefore \text{这个斜坡的坡度为：} 50: 120 = 5: 12.$$

故选 **A**。

点睛：本题考查解直角三角形的应用-坡度坡角问题，解题的关键是明确坡度的定义。坡度是坡面的铅直高度 h 和水平宽度 l 的比，又叫做坡比，它是一个比值，反映了斜坡的陡峭程度，一般用 i 表示，常写成 $i=1: m$ 的形式。

3、**C**

【解析】

试题分析：根据轴对称图形及中心对称图形的定义，结合所给图形进行判断即可。**A**、既不是轴对称图形，也不是中心对称图形，故本选项错误；**B**、是轴对称图形，也是中心对称图形，故本选项错误；**C**、不是轴对称图形，是中心对称图形，故本选项正确；**D**、是轴对称图形，不是中心对称图形，故本选项错误。

故选 **C**。

考点：中心对称图形；轴对称图形。

4、**C**

【解析】

首先根据抛物线的开口方向可得到 $a < 0$ ，抛物线交 y 轴于正半轴，则 $c > 0$ ，而抛物线与 x 轴的交点中， $-2 < x_1 < -1$ 、

$0 < x_2 < 1$ 说明抛物线的对称轴在 $-1 \sim 0$ 之间, 即 $x = -\frac{b}{2a} > -1$, 可根据这些条件以及函数图象上一些特殊点的坐标来进行判断

【详解】

由图知: 抛物线的开口向下, 则 $a < 0$; 抛物线的对称轴 $x = -\frac{b}{2a} > -1$, 且 $c > 0$;

①由图可得: 当 $x = -2$ 时, $y < 0$, 即 $4a - 2b + c < 0$, 故①正确;

②已知 $x = -\frac{b}{2a} > -1$, 且 $a < 0$, 所以 $2a - b < 0$, 故②正确;

③抛物线对称轴位于 y 轴的左侧, 则 a 、 b 同号, 又 $c > 0$, 故 $abc > 0$, 所以③不正确;

④由于抛物线的对称轴大于 -1 , 所以抛物线的顶点纵坐标应该大于 2 , 即: $\frac{4ac - b^2}{4a} > 2$, 由于 $a < 0$, 所以 $4ac - b^2 <$

$8a$, 即 $b^2 + 8a > 4ac$, 故④正确;

因此正确的结论是①②④.

故选: C.

【点睛】

本题主要考查对二次函数图象与系数的关系, 抛物线与 x 轴的交点, 二次函数图象上点的坐标特征等知识点的理解和掌握, 能根据图象确定与系数有关的式子的正负是解此题的关键.

5、D

【解析】

试题分析: 根据有四个三角形的面, 且有 8 条棱, 可知是四棱锥. 而三棱柱有两个三角形的面, 四棱柱没有三角形的面, 三棱锥有四个三角形的面, 但是只有 6 条棱.

故选 D

考点: 几何体的形状

6、C

【解析】

试题分析: 如图所示: $\angle NOQ = 138^\circ$, 选项 A 错误; $\angle NOP = 48^\circ$, 选项 B 错误; 如图可得 $\angle PON = 48^\circ$, $\angle MOQ = 42^\circ$, 所以 $\angle PON$ 比 $\angle MOQ$ 大, 选项 C 正确; 由以上可得, $\angle MOQ$ 与 $\angle MOP$ 不互补, 选项 D 错误. 故答案选 C.

考点: 角的度量.

7、B

【解析】

根据中心对称图形的概念求解.

【详解】

解: A、不是中心对称图形, 故此选项错误;

B、是中心对称图形，故此选项正确；

C、不是中心对称图形，故此选项错误；

D、不是中心对称图形，故此选项错误.

故选：B.

【点睛】

此题主要考查了中心对称图形的概念，中心对称图形是要寻找对称中心，旋转 **180** 度后两部分重合.

8、C

【解析】

绝对值小于 **1** 的正数也可以利用科学记数法表示，一般形式为 $a \times 10^{-n}$ ，与较大数的科学记数法不同的是其所使用的是负指数幂，指数由原数左边起第一个不为零的数字前面的 **0** 的个数所决定.

【详解】

35000 纳米= 35000×10^{-9} 米= 3.5×10^{-5} 米.

故选 C.

【点睛】

此题主要考查了用科学记数法表示较小的数，一般形式为 $a \times 10^{-n}$ ，其中 $1 \leq |a| < 10$ ，**n** 为由原数左边起第一个不为零的数字前面的 **0** 的个数所决定.

9、D

【解析】

根据积的乘方与幂的乘方计算可得.

【详解】

解：($-ab^2$)³= $-a^3b^6$,

故选 D.

【点睛】

本题主要考查幂的乘方与积的乘方，解题的关键是掌握积的乘方与幂的乘方的运算法则.

10、D

【解析】

试题解析：A、 $\because 4+10+8+6+2=30$ （人），

\therefore 参加本次植树活动共有 **30** 人，结论 A 正确；

B、 $\because 10 > 8 > 6 > 4 > 2$ ，

\therefore 每人植树量的众数是 **4** 棵，结论 B 正确；

C、 \because 共有 30 个数，第 15、16 个数为 5，

\therefore 每人植树量的中位数是 5 棵，结论 C 正确；

D、 $\because (3 \times 4 + 4 \times 10 + 5 \times 8 + 6 \times 6 + 7 \times 2) \div 30 \approx 4.73$ (棵)，

\therefore 每人植树量的平均数约是 4.73 棵，结论 D 不正确.

故选 D.

考点：1.条形统计图；2.加权平均数；3.中位数；4.众数.

11、D

【解析】

根据任意两个实数都可以比较大小. 正实数都大于 0，负实数都小于 0，正实数大于一切负实数，两个负实数绝对值大的反而小即可判断.

【详解】

$$-\pi < -\sqrt{3} < 0 < 1.$$

则最小的数是 $-\pi$.

故选：D.

【点睛】

本题考查了实数大小的比较，理解任意两个实数都可以比较大小. 正实数都大于 0，负实数都小于 0，正实数大于一切负实数，两个负实数绝对值大的反而小是关键.

12、A

【解析】

根据三视图的定义即可判断.

【详解】

根据立体图可知该左视图是底层有 2 个小正方形，第二层左边有 1 个小正方形. 故选 A.

【点睛】

本题考查三视图，解题的关键是根据立体图的形状作出三视图，本题属于基础题型.

二、填空题：(本大题共 6 个小题，每小题 4 分，共 24 分.)

13、1

【解析】

根据待定系数法求得一次函数的解析式，解答即可.

【详解】

解： \because 一次函数 $y=2x-m$ 的图象经过点 P (2, 3)，

$$\therefore 3=4-m,$$

解得 $m=1$,

故答案为: **1**.

【点睛】

此题主要考查了一次函数图象上点的坐标特征, 关键是根据待定系数法求得一次函数的解析式.

$$14、 - \frac{2}{3}.$$

【解析】

原式利用零指数幂、负整数指数幂法则计算即可求出值.

【详解】

$$\text{原式} = \frac{1}{3} - 1 = - \frac{2}{3}.$$

$$\text{故答案是: } - \frac{2}{3}.$$

【点睛】

考查了实数的运算, 熟练掌握运算法则是解本题的关键.

$$15、 \mathbf{1:4}$$

【解析】

\therefore 两个相似三角形对应边上的高的比为 **1:4**,

\therefore 这两个相似三角形的相似比是 **1:4**

\therefore 相似三角形的周长比等于相似比,

\therefore 它们的周长比 **1:4**,

故答案为: **1:4**.

【点睛】 本题考查了相似三角形的性质, 相似三角形对应边上的高、相似三角形的周长比都等于相似比.

$$16、 \mathbf{1}$$

【解析】

根据等腰三角形的性质以及三角形内角和定理在 $\triangle ABC$ 中可求得 $\angle ACB = \angle ABC = 74^\circ$, 根据等腰三角形的性质以及三

角形外角的性质在 $\triangle BCD$ 中可求得 $\angle CDB = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ACB = 1^\circ$.

【详解】

$\therefore AB=AC, \angle A=32^\circ,$

$\therefore \angle ABC = \angle ACB = 74^\circ,$

又 $\therefore BC=DC,$

$$\therefore \angle CDB = \angle CBD = \frac{1}{2} \angle ACB = 1^\circ,$$

故答案为 1.

【点睛】

本题主要考查等腰三角形的性质，三角形外角的性质，掌握等边对等角是解题的关键，注意三角形内角和定理的应用.

17、 $4(m+2n)(m-2n)$.

【解析】

原式提取 4 后，利用平方差公式分解即可.

【详解】

解：原式= $4(m^2 - 4n^2) = 4(m+2n)(m-2n)$.

故答案为 $4(m+2n)(m-2n)$

【点睛】

本题考查提公因式法与公式法的综合运用，解题的关键是熟练掌握因式分解的方法.

18、 $-1 < x < 2$

【解析】

根据图象得出取值范围即可.

【详解】

解：因为直线 $y_1 = kx + n$ ($k \neq 0$) 与抛物线 $y_2 = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) 分别交于 $A(-1, 0)$, $B(2, -3)$ 两点，

所以当 $y_1 > y_2$ 时， $-1 < x < 2$,

故答案为 $-1 < x < 2$

【点睛】

此题考查二次函数与不等式，关键是根据图象得出取值范围.

三、解答题：（本大题共 9 个小题，共 78 分，解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

19、(1) 反比例函数的解析式为 $y = -\frac{2}{x}$ ；一次函数的解析式为 $y = -x + 1$ ；(2) 满足条件的 P 点的坐标为 $(-1 + \sqrt{17}, 0)$

或 $(-1 - \sqrt{17}, 0)$ 或 $(2 + \sqrt{17}, 0)$ 或 $(2 - \sqrt{17}, 0)$ 或 $(0, 0)$.

【解析】

(1) 将 A 点代入求出 k_2 ，从而求出反比例函数方程，再联立将 B 点代入即可求出一次函数方程.

(2) 令 $PA = PB$ ，求出 P. 令 $AP = AB$ ，求 P. 令 $BP = BA$ ，求 P. 根据坐标距离公式计算即可.

【详解】

(1) 把 $A(-1, 2)$ 代入 $y = \frac{k_2}{x}$, 得到 $k_2 = -2$,

\therefore 反比例函数的解析式为 $y = -\frac{2}{x}$.

$\because B(m, -1)$ 在 $y = -\frac{2}{x}$ 上, $\therefore m = 2$,

由题意 $\begin{cases} -k_1 + b = 2 \\ 2k_1 + b = -1 \end{cases}$, 解得: $\begin{cases} k_1 = -1 \\ b = 1 \end{cases}$, \therefore 一次函数的解析式为 $y = -x + 1$.

(2) 满足条件的 P 点的坐标为 $(-1 + \sqrt{14}, 0)$ 或 $(-1 - \sqrt{14}, 0)$ 或 $(2 + \sqrt{17}, 0)$ 或 $(2 - \sqrt{17}, 0)$ 或 $(0, 0)$.

【点睛】

本题考查一次函数图像与性质和反比例函数的图像和性质, 解题的关键是待定系数法, 分三种情况讨论.

20、(1) $n = 2$; (2) $(\frac{11}{2}, \frac{39}{8})$ 和 $(-\frac{5}{2}, \frac{39}{8})$; (3) $n = \frac{27}{8}$

【解析】

(1) 设 $A(x_1, 0)$, $B(x_2, 0)$, 再根据根与系数的关系得到 $x_1 x_2 = -2n$, 根据勾股定理得到: $AC^2 = x_1^2 + n^2$,

$BC^2 = x_2^2 + n^2$, 根据 $AC^2 + BC^2 = AB^2$ 列出方程, 解方程即可; (2) 求出 A 、 B 坐标, 设出点 Q 坐标, 利用平行四

边形的性质, 分类讨论点 P 坐标, 利用全等的性质得出 P 点的横坐标后, 分别代入抛物线解析式, 求出 P 点坐标;

(3) 过点 D 作 $DH \perp x$ 轴于点 H , 由 $AE:ED = 1:4$, 可得 $AO:OH = 1:4$. 设 $OA = a (a > 0)$, 可得 A 点坐标为 $(-a, 0)$,

可得 $OH = 4a, AH = 5a$. 设 D 点坐标为 $(4a, 8a^2 - 6a - n)$. 可证 $\triangle DAH \sim \triangle CBO$, 利用相似性质列出方程整理可得

到 $11a^2 - 12a - 2n = 0$ ①, 将 $A(-a, 0)$ 代入抛物线上, 可得 $n = \frac{1}{2}a^2 + \frac{3}{2}a$ ②, 联立①②解方程组, 即可解答.

【详解】

解: (1) 设 $A(x_1, 0)$, $B(x_2, 0)$, 则 x_1, x_2 是方程 $\frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n = 0$ 的两根,

$\therefore x_1 x_2 = -2n$.

\because 已知抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - n (n > 0)$ 与 y 轴交于点 C .

$\therefore C(0, -n)$

在 $Rt \triangle AOC$ 中: $AC^2 = x_1^2 + n^2$, 在 $Rt \triangle BOC$ 中: $BC^2 = x_2^2 + n^2$,

$\because \triangle ABC$ 为直角三角形, 由题意可知 $\angle ACB = 90^\circ$,

$\therefore AC^2 + BC^2 = AB^2$,

即 $x_1^2 + n^2 + x_2^2 + n^2 = (x_2 - x_1)^2$,

$$\therefore n^2 = -x_1 x_2,$$

$$\therefore n^2 = 2n,$$

$$\text{解得: } n_1 = 0, n_2 = 2,$$

$$\text{又 } n > 0,$$

$$\therefore n = 2.$$

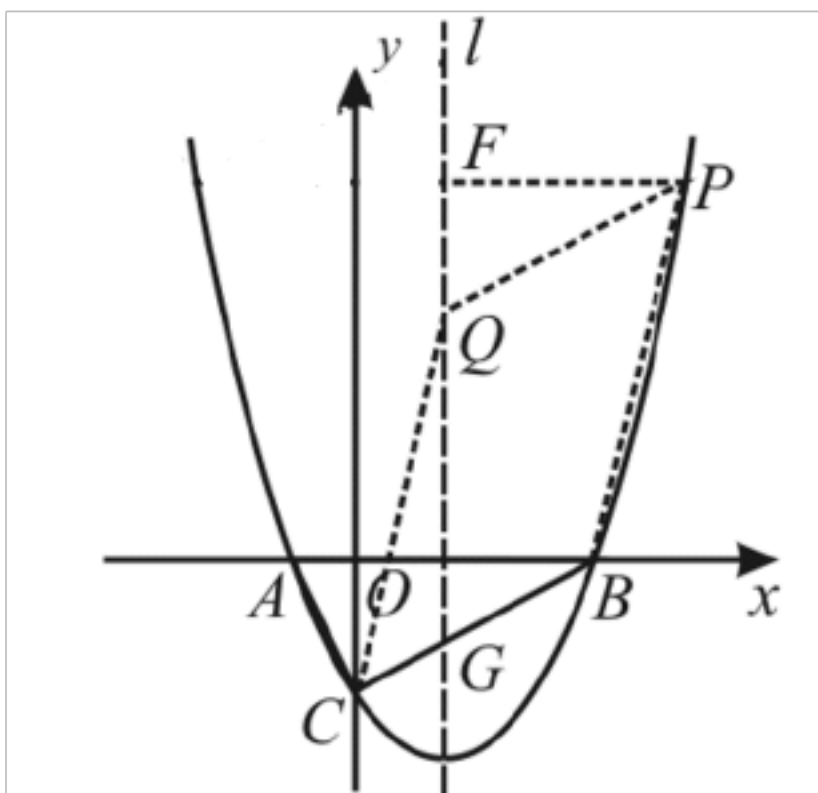
$$(2) \text{ 由 (1) 可知: } y = \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - 2, \text{ 令 } y = 0, \text{ 则 } \frac{1}{2}x^2 - \frac{3}{2}x - 2 = 0,$$

$$\therefore x_1 = -1, x_2 = 4,$$

$$\therefore A(-1, 0), B(4, 0).$$

①以 BC 为边, 以点 B 、 C 、 P 、 Q 为顶点的四边形是四边形 $CBPQ$ 时,

设抛物线的对称轴为 $l = \frac{3}{2}$, l 与 BC 交于点 G , 过点 P 作 $PF \perp l$, 垂足为点 F ,



即 $\angle PFQ = 90^\circ = \angle COB$.

\therefore 四边形 $CBPQ$ 为平行四边形,

$\therefore PQ = BC, PQ \parallel BC$, 又 $l \parallel y$ 轴,

$\therefore \angle FQP = \angle QGB = \angle OCB$,

$\therefore \triangle PFQ \cong \triangle BOC$,

$\therefore PF = BO = 4$,

$\therefore P$ 点的横坐标为 $\frac{3}{2} + 4 = \frac{11}{2}$,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/276223031213010034>