黑龙江省哈尔滨市中考数学试卷 п

一选择题(每小题3分,共计30分)

- 1 (3 分) (2024•本溪) 实数- $\frac{1}{2}$ 的相反数是 ()
- A <u>1</u>
- C2

- D-2
- 2(3分)(2024•哈尔滨)下列运算正确的是()

- A (a^2) $^5=a^7$ B $a^2 \cdot a^4=a^6$ C $3a^2b 3ab^2=0$ D $(\frac{a}{2})$ $^2=\frac{a^2}{2}$
- 3 (3 分)(2024•龙岩)下列图形中既是轴对称图形又是中心对称图形的是()



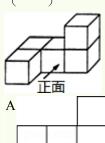






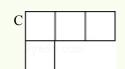
- 4 (3 分) (2024•哈尔滨) 点 A (− 1, y_1), B (− 2, y_2) 在反比例函数 $y=\frac{2}{2}$ 的图象上,则
- y_1 , y_2 的大小关系是 ()
- A $y_1 > y_2$ B $y_1 = y_2$

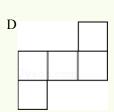
- C $y_1 < y_2$ D 不能确定
- 5(3分)(2024•哈尔滨)如图所示的几何体是由五个小正方体组合而成的,它的主视图是





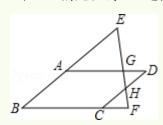






6(3分)(2024•哈尔滨)如图,某飞机在空中A处探测到它的正下方地平面上目标C,此 时飞行高度 AC=1200m,从飞机上看地平面指挥台 B 的仰角 α=30°,则飞机 A 与指挥台 B的距离为(

7 (3分)(2024•哈尔滨)如图,四边形 ABCD 是平行四边形,点 E在 BA 的延长线上,点 F在BC的延长线上,连接EF,分别交AD,CD于点G,H,则下列结论错误的是()



A EA_EG BE EF B EG_ AG GH GD

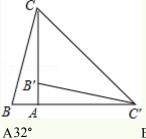
CAB_BC

D FH_CF EH AD

8(3分)(2024•哈尔滨)今年我市计划扩大城区绿地面积,现有一块长方形绿地,它的短 边长为60m,若将短边增大到与长边相等(长边不变),使扩大后的绿地的形状是正方形, 则扩大后的绿地面积比原来增加 1600m² 设扩大后的正方形绿地边长为 x m, 下面所列方程 正确的是()

A $\times (x-60) = 1600 \text{ B} \times (x+60) = 1600 \text{ C} = 60 \times (x+60) = 1600 \text{ D} = 60 \times (x-60) = 1600$

9 (3 分) (2024•哈尔滨) 如图, 在 Rt△ABC 中, ∠BAC=90°, 将△ABC 绕点 A 顺时针旋转 90°后得到的 $\triangle AB'C'$ (点 B 的对应点是点 B', 点 C 的对应点是点 C'), 连接 CC'若 ∠CC'B'=32°,则∠B的大小是()



B64°

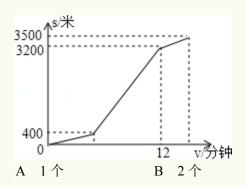
C77°

D87°

10 (3 分)(2024•哈尔滨)小明家公交车站学校在一条笔直的公路旁(小明家学校到这条公 路的距离忽略不计),一天,小明从家出发去上学,沿这条公路步行到公交车站恰好乘上一 辆公交车,公交车沿这条公路匀速行驶,小明下车时发现还有4分钟上课,于是他沿这条公 路跑步赶到学校(上下车时间忽略不计),小明与家的距离 s(单位:米)与他所用时间 t (单位:分钟)之间的函数关系如图所示,已知小明从家出发7分钟时与家的距离为1200 米,从上公交车到他到达学校共用10分钟,下列说法:

- ①小明从家出发 5 分钟时乘上公交车
- ②公交车的速度为 400 米/分钟
- (3)小明下公交车后跑向学校的速度为 100 米/分钟 (4)小明上课没有迟到

其中正确的个数是()



C 3 个 D 4 个

二填空题 (每小题 3 分,共计 30 分)

11(3分)(2024•哈尔滨)将123000000用科学记数法表示为

12 (3 分) (2024•哈尔滨) 在函数 $y=\frac{1-x}{x-2}$ 中,自变量 x 的取值范围是____

13 (3 分) (2024•哈尔滨) 计算 $\sqrt{24}$ - 3 $\sqrt{\frac{2}{3}}$ =_____

14 (3 分) (2024•哈尔滨) 把多项式 9a³- ab² 因式分解的结果是

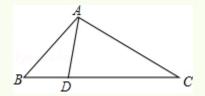
15 (3 分) (2024•哈尔滨) 一个扇形的半径为 $3 \, \text{cm}$,面积为 $\pi \, \text{cm}^2$,则此扇形的圆心角为___ 度

17(3分)(2024•哈尔滨)美术馆举办的一次画展中,展出的油画作品和国画作品共有100 幅,其中油画作品的数量是国画作品数量的2倍多7幅,则展出的油画作品有 幅

18(3分)(2024•哈尔滨)从甲乙丙丁4名三好学生中随机抽取2名学生担任升旗手,则抽 取的2名学生是甲和乙的概率为

19 (3 分) (2024•哈尔滨) 在矩形 ABCD 中, AD=5, AB=4, 点 E, F 在直线 AD 上, 且四 边形 BCFE 为菱形若线段 EF 的中点为点 M,则线段 AM 的长为

20 (3 分) (2024•哈尔滨) 如图, 点 D 在 △ABC 的边 BC 上, ∠C+∠BAD=∠DAC, tan∠BAD= $\frac{4}{7}$, AD= $\sqrt{65}$, CD=13, 则线段 AC 的长为_____



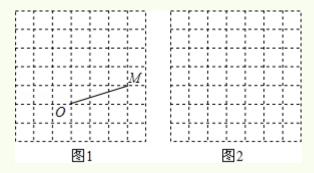
三解答题(其中21-22 题各7分,23-24 题各8分,25-27 题各10分,共计60分)

21 (7 分) (2024•哈尔滨) 先化简,再求代数式: ($\frac{1}{x-y}$ $\frac{2}{x^2-xy}$) ÷ $\frac{x-2}{3x}$ 的值,其中

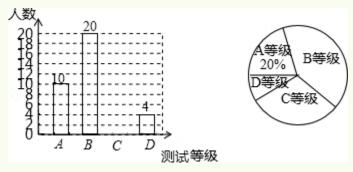
 $x=2+\tan 60^{\circ}$, $y=4\sin 30^{\circ}$

22 (7分)(2024•哈尔滨)图1图2是两张形状大小完全相同的方格纸,方格纸中的每个小正方形的边长均为1,每个小正方形的顶点叫做格点

- (1) 在图 1 中画出等腰直角三角形 MON, 使点 N 在格点上, 且∠MON=90°;
- (2) 在图 2 中以格点为顶点画一个正方形 ABCD, 使正方形 ABCD 面积等于(1) 中等腰直角三角形 MON 面积的 4 倍,并将正方形 ABCD 分割成以格点为顶点的四个全等的直角三角形和一个正方形,且正方形 ABCD 面积没有剩余(画出一种即可)



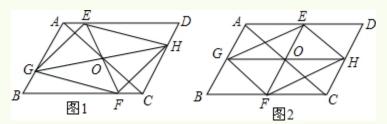
23 (8分)(2024•哈尔滨)某中学为了了解八年级学生体能状况,从八年级学生中随机抽取部分学生进行体能测试,测试结果分为 A,B,C,D 四个等级,请根据两幅统计图中的信息,回答下列问题:



- (1) 本次抽样调查共抽取了多少名学生?
- (2) 求测试结果为 C 等级的学生数,并补全条形图;
- (3) 若该中学八年级共有 700 名学生,请你估计该中学八年级学生中体<mark>能</mark>测试结果为 D 等级的学生有多少名?

24(8 分)(2024•哈尔滨) 如图 1, PABCD 中, 点 O 是对角线 AC 的中点, EF 过点 O, 与AD, BC 分别相交于点 E, F, GH 过点 O, 与AB, CD 分别相交于点 G, H, 连接 EG, FG, FH, EH

- (1) 求证: 四边形 EGFH 是平行四边形;
- (2) 如图 2,若 $EF\parallel AB$, $GH\parallel BC$,在不添加任何辅助线的情况下,请直接写出图 2 中与四 边形 AGHD 面积相等的所有平行四边形(四边形 AGHD 除外)



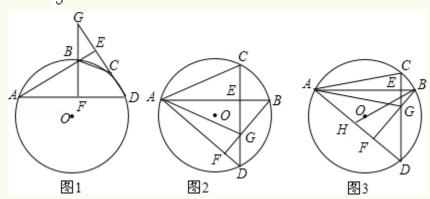
25 (10 分) (2024•哈尔滨) 华昌中学开学初在金利源商场购进 AB 两种品牌的足球,购买 A 品牌足球花费了 2500 元,购买 B 品牌足球花费了 2000 元,且购买 A 品牌足球数量是购买 B 品牌足球数量的 2 倍,已知购买一个 B 品牌足球比购买一个 A 品牌足球多花 30 元

- (1) 求购买一个 A 品牌一个 B 品牌的足球各需多少元?
- (2) 华昌中学响应习总书记"足球进校园"的号召,决定两次购进 AB 两种品牌足球共 50 个,恰逢金利源商场对两种品牌足球的售价进行调整,A 品牌足球售价比第一次购买时提高了8%,B 品牌足球按第一次购买时售价的 9 折出售,如果这所中学此次购买 AB 两种品牌足球的总费用不超过 3260 元,那么华昌中学此次最多可购买多少个 B 品牌足球?

26 (10 分) (2024•哈尔滨) AB, CD 是⊙O 的两条弦, 直线 AB, CD 互相垂直, 垂足为点 E, 连接 AD, 过点 B 作 BF⊥AD, 垂足为点 F, 直线 BF 交直线 CD 于点 G

- (1) 如图 1, 当点 E 在⊙O 外时,连接 BC,求证: BE 平分∠GBC;
- (2) 如图 2, 当点 E 在 ⊙ O 内时, 连接 AC, AG, 求证: AC=AG;
- (3) 如图 3, 在 (2) 条件下, 连接 BO 并延长交 AD 于点 H, 若 BH 平分∠ABF, AG=4,

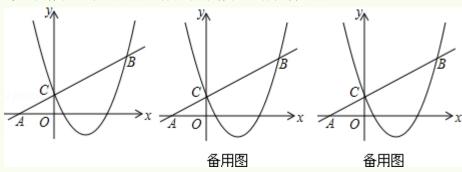
 $tan \angle D = \frac{4}{3}$, 求线段 AH 的长



27 (10 分) (2024•哈尔滨) 如图,在平面直角坐标系中,点 O 为坐标原点,直线 y=kx+l (k≠0) 与 x 轴交于点 A,与 y 轴交于点 C,过点 C 的抛物线 y=ax²- (6a- 2) x+b (a≠0) 与直线 AC 交于另一点 B,点 B 坐标为(4,3)

(1) 求 a 的值;

- (2) 点 P 是射线 CB 上的一个动点,过点 P 作 PQ Lx 轴,垂足为点 Q,在 x 轴上点 Q 的右侧取点 M,使 MQ= $\frac{5}{8}$,在 QP 的延长线上取点 N,连接 PM,AN,已知 $\tan \angle$ NAQ- $\tan \angle$ MPQ= $\frac{1}{2}$,求线段 PN 的长;
- (3)在(2)的条件下,过点 C 作 CDLAB,使点 D 在直线 AB 下方,且 CD=AC,连接 PD,NC,当以 PN,PD,NC 的长为三边长构成的三角形面积是 $\frac{25}{8}$ 时,在 y 轴左侧的抛物 线上是否存在点 E,连接 NE,PE,使得 Δ ENP 与以 PN,PD,NC 的长为三边长的三角形全 等?若存在,求出 E 点坐标;若不存在,请说明理由



黑龙江省哈尔滨市中考数学试卷

参考答案与试题解析

一选择题(每小题3分,共计30分)

1 (3 分) (2024•本溪) 实数- $\frac{1}{2}$ 的相反数是 ()

A <u>1</u> 2

п

C2

D-2

考点:相反数

分析: 根据只有符号不同的两数叫做互为相反数解答

 \mathbf{MS} : 解: 实数- $\frac{1}{2}$ 的相反数是 $\frac{1}{2}$,

故选 A

点评: 本题考查了实数的性质, 熟记相反数的定义是解题的关键

2(3分)(2024•哈尔滨)下列运算正确的是()

A (a^2) $5=a^7$ B $a^2 \cdot a^4 = a^6$

C $3a^2b - 3ab^2 = 0$ D $(\frac{a}{2})^2 = \frac{a^2}{2}$

考点: 幂的乘方与积的乘方; 合并同类项; 同底数幂的乘法

分析: 根据幂的乘方同底数幂的乘法和同类项合并计算即可

解答: 解: A (a²) ⁵=a¹⁰, 错误;

Ba²•a⁴=a⁶, 正确;

 $C3a^2b$ 与 $3ab^2$ 不能合并,错误;

 $D(\frac{a}{2})^2 = \frac{a^2}{4}$, 错误;

故选 B

点评: 此题考查幂的乘方同底数幂的乘法和同类项合并, 关键是根据法则进行计算

3(3分)(2024•龙岩)下列图形中既是轴对称图形又是中心对称图形的是(



考点:中心对称图形:轴对称图形

分析:根据轴对称图形与中心对称图形的概念求解

解答: 解: A 既是轴对称图形, 又是中心对称图形, 故 A 正确;

B 不是轴对称图形, 是中心对称图形, 故 B 错误;

C 是轴对称图形, 不是中心对称图形, 故 C 错误:

D 是轴对称图形, 不是中心对称图形, 故 D 错误

故选: A

- 点评: 本题考查了中心对称及轴对称的知识,解题时掌握好中心对称图形与轴对称图形的概 念轴对称图形的关键是寻找对称轴,图形两部分折叠后可重合,中心对称图形是要寻 找对称中心,旋转180度后两部分重合
- 4 (3 分) (2024•哈尔滨) 点 A (− 1, y_1), B (− 2, y_2) 在反比例函数 $y=\frac{2}{2}$ 的图象上,则

 y_1 , y_2 的大小关系是 ()

 $A y_1>y_2$ $B y_1=y_2$ $C y_1< y_2$ D 不能确定

考点: 反比例函数图象上点的坐标特征

分析: 先根据反比例函数的解析式判断出反比例函数的图象所在的象限及其增减性, 再根据 AB 两点的横坐标判断出两点所在的象限,进而可得出结论

解答: \mathbf{g} : \mathbf{g} :

::此函数图象的两个分支分别位于一三象限,且在每一象限内 v 随 x 的增大而减小, **∵**- 1<0, - 2<0,

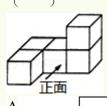
∴点 A (-1, y₁) B (-2, y₂) 均位于第三象限, :-1>-2,

 $\therefore y_1 < y_2$

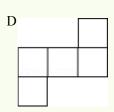
故选C

点评: 本题考查的是反比例函数图象上点的坐标特点, 熟知反比例函数图象上各点的坐标一 定适合此函数的解析式是解答此题的关键

5(3分)(2024•哈尔滨)如图所示的几何体是由五个小正方体组合而成的,它的主视图是







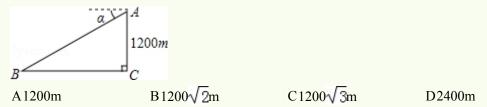
考点: 简单组合体的三视图

分析: 从正面看得到从左往右 3 列正方形的个数依次为 1, 1, 2, 依此判断即可

解答:解:从正面看得到从左往右3列正方形的个数依次为1,1,2, 故选A

点评: 此题考查三视图, 关键是根据三视图分为主视图左视图俯视图, 分别是从物体正面左 面和上面看, 所得到的图形

6(3 分)(2024•哈尔滨)如图,某飞机在空中 A 处探测到它的正下方地平面上目标 C,此时飞行高度 AC=1200m,从飞机上看地平面指挥台 B 的仰角 α =30°,则飞机 A 与指挥台 B 的距离为(



考点:解直角三角形的应用-仰角俯角问题

分析: 首先根据图示,可得 \angle ABC= \angle \alpha=30°,然后在 Rt \triangle ABC 中,用 AC 的长度除以 sin30°,求出飞机 A 与指挥台 B 的距离为多少即可

解答: 解: ∵∠ABC=∠α=30°,

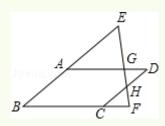
$$\therefore AB = \frac{AC}{\sin 30^{\circ}} = \frac{1200}{\frac{1}{2}} = 2400 \text{ (m)}$$

即飞机 A 与指挥台 B 的距离为 2400m

故选: D

点评: 此题主要考查了解直角三角形的应用- 仰角俯角问题,要熟练掌握,解答此题的关键是要善于读懂题意,把实际问题划归为直角三角形中边角关系问题加以解决

7 (3 分) (2024•哈尔滨) 如图, 四边形 ABCD 是平行四边形, 点 E 在 BA 的延长线上, 点 F 在 BC 的延长线上, 连接 EF, 分别交 AD, CD 于点 G, H, 则下列结论错误的是 ()



A EA_EG BE EF B EG_AG GH GD C AB_BC
AE_CE

D FH_CF EH AD

考点:相似三角形的判定与性质;平行四边形的性质

分析: 根据相似三角形的判定和性质进行判断即可

解答:解::四边形 ABCD 是平行四边形,

 $AD \parallel BF$, BE $\parallel DC$, AD=BC,

...BA_EG EG AG HF FC CF BE EF GH GD EH BC AD

故选 C

点评: 此题考查相似三角形的判定和性质, 关键是根据相似三角形的判定和性质来分析判断

8(3分)(2024•哈尔滨)今年我市计划扩大城区绿地面积,现有一块长方形绿地,它的短 边长为 60m, 若将短边增大到与长边相等(长边不变), 使扩大后的绿地的形状是正方形, ■ 则扩大后的绿地面积比原来增加 1600m^2 设扩大后的正方形绿地边长为 \mathbf{x} \mathbf{m} ,下面所列方程

A x (x-60) = 1600 B x (x+60) = 1600 C 60 (x+60) = 1600 D 60 (x-60) = 1600

考点:由实际问题抽象出一元二次方程

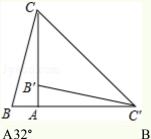
专题:几何图形问题

分析:设扩大后的正方形绿地边长为 xm,根据"扩大后的绿地面积比原来增加 1600m2"建立 方程即可

解答:解:设扩大后的正方形绿地边长为 xm,根据题意得 x^2 - 60x=1600, \mathbb{H} x (x-60) =1600 故选A

点评: 本题考查了由实际问题抽象出一元二次方程, 解题的关键是弄清题意, 并找到等量关 系

9 (3 分) (2024•哈尔滨) 如图,在 Rt△ABC 中,∠BAC=90°,将△ABC 绕点 A 顺时针旋转 90°后得到的 $\triangle AB'C'$ (点 B 的对应点是点 B', 点 C 的对应点是点 C'), 连接 CC'若 ∠CC'B'=32°,则∠B 的大小是()



B64°

C77°

D87°

考点: 旋转的性质

分析: 旋转中心为点 A, CC'为对应点, 可知 AC=AC', 又因为∠CAC'=90°, 根据三角形外角 的性质求出∠C'B'A 的度数, 进而求出∠B 的度数

解答:解:由旋转的性质可知,AC=AC',

"∠CAC'=90°,可知ΔCAC'为等腰直角三角形,则∠CC'A=45°

::∠CC'B'=32°,

 $\therefore \angle C'B'A = \angle C'CA + \angle CC'B' = 45^{\circ} + 32^{\circ} = 77^{\circ}$,

 $:\angle B = \angle C'B'A$,

∴∠B=77°,

故选 C

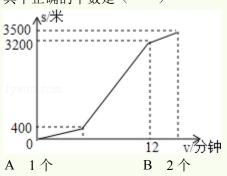
点评: 本题考查了旋转的性质: 旋转前后两图形全等, 即对应角相等, 对应线段相等也考查 了等腰直角三角形的性质

10 (3 分)(2024•哈尔滨)小明家公交车站学校在一条笔直的公路旁(小明家学校到这条公 路的距离忽略不计),一天,小明从家出发去上学,沿这条公路步行到公交车站恰好乘上一 辆公交车,公交车沿这条公路匀速行驶,小明下车时发现还有4分钟上课,于是他沿这条公 路跑步赶到学校(上下车时间忽略不计),小明与家的距离 s(单位:米)与他所用时间 t

(单位:分钟)之间的函数关系如图所示,已知小明从家出发7分钟时与家的距离为1200米,从上公交车到他到达学校共用10分钟,下列说法:

- ①小明从家出发 5 分钟时乘上公交车
- ②公交车的速度为 400 米/分钟
- ③小明下公交车后跑向学校的速度为 100 米/分钟 ④ 小明上课没有迟到

其中正确的个数是(



C 3 个 D 4 个

考点:一次函数的应用

分析: 根据图象可以确定他家与学校的距离, 公交车时间是多少, 他步行的时间和公交车的 速度和小明从家出发到学校所用的时间

解答: 解: ① 小明从家出发乘上公交车的时间为 7- (1200-400) ÷400=5 分钟, ① 正确;

- ②公交车的速度为(3200-1200)÷(12-7)=400米/分钟,②正确;
- (3)小明下公交车后跑向学校的速度为(3500-3200)÷3=100米/分钟,(3)正确;
- (4)上公交车的时间为 12-5=7分钟, 跑步的时间为 10-7=3分钟, 因为 3<4, 小明 上课没有迟到, 4)正确;

故选: D

点评: 本题考查利用函数的图象解决实际问题, 正确理解函数图象横纵坐标表示的意义是解 题的关键,注意,在解答时,单位要统一

二填空题 (每小题 3 分,共计 30 分)

11 (3 分) (2024•哈尔滨) 将 123000000 用科学记数法表示为 123×10⁸

考点:科学记数法-表示较大的数

分析: 科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式,其中 $1 \le |a| < 10$, n 为整数确定 n 的值时,要 看把原数变成 a 时,小数点移动了多少位,n的绝对值与小数点移动的位数相同当原 数绝对值>1时, n是正数; 当原数的绝对值<1时, n是负数

解答:解:将 123000000 用科学记数法表示为: 123×108 故答案为: 123×108

点评: 此题考查科学记数法的表示方法科学记数法的表示形式为 a×10ⁿ 的形式,其中 1≤|a|< 10, n 为整数,表示时关键要正确确定 a 的值以及 n 的值

12 (3 分) (2024•哈尔滨) 在函数 $y = \frac{1-x}{x-2}$ 中,自变量 x 的取值范围是 <u>x≠2</u>

考点:函数自变量的取值范围

分析: 求函数自变量的取值范围, 就是求函数解析式有意义的条件, 分式有意义的条件是: 分母不为0

解答: 解: 要使分式有意义, 即: x-2≠0, 解得: x≠2

故答案为: x≠2

点评:本题主要考查函数自变量的取值范围,考查的知识点为:分式有意义,分母不为0

13 (3 分) (2024•哈尔滨) 计算
$$\sqrt{24}$$
- 3 $\sqrt{\frac{2}{3}}$ =_ $\sqrt{6}$ _

考点:二次根式的加减法

专题: 计算题

分析:原式各项化为最简二次根式,合并即可得到结果

解答: 解: 原式= $2\sqrt{6}$ - $3\times\frac{\sqrt{6}}{3}$ = $2\sqrt{6}$ - $\sqrt{6}$ = $\sqrt{6}$

故答案为: √6

点评: 此题考查了二次根式的加减法, 熟练掌握运算法则是解本题的关键

14 (3 分) (2024•哈尔滨) 把多项式 9a³- ab² 因式分解的结果是 a (3a+b) (3a- b)

考点: 提公因式法与公式法的综合运用

专题: 计算题

分析: 原式提取 a, 再利用平方差公式分解即可

解答: 解: 原式=a (9a²- b²) =a (3a+b) (3a- b), 故答案为: a (3a+b) (3a- b)

点评: 此题考查了提公因式法与公式法的综合运用, 熟练掌握因式分解的方法是解本题的关键

15 (3 分) (2024•哈尔滨) 一个扇形的半径为 3cm, 面积为 π cm², 则此扇形的圆心角为<u>40</u> 度

考点:扇形面积的计算

分析: 设扇形的圆心角是 n°, 根据扇形的面积公式即可得到一个关于 n 的方程, 解方程即可求解

解答:解:设扇形的圆心角是 n°,

根据题意可知: $S = \frac{n\pi 3^2}{360} = \pi$,

解得 n=40°, 故答案为 40

故答案为40

点评: 本题考查了扇形的面积公式,正确理解公式 $S = \frac{n\pi r^2}{360}$ 是解题的关键,此题难度不大

E

以上内容仅为本文档的试下载部分,为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文,请访问:

https://d.book118.com/287200103130006122