

南昌二十八中高新实验学校 2024-2025 学年第一学期 10 月月考试题

卷

九年级数学

一、单选题（本大题共 6 小题，每小题 3 分，共计 18 分）

1. 下列方程为一元二次方程的是（ ）

- A. $ax^2 + bx - 1 = 0$ B. $\frac{1}{x^2} - x + 1 = 0$ C. $x^2 + x + 1 = 0$ D. $xy - x = 0$

【答案】C

【解析】

【分析】根据一元二次方程的定义逐项判断即可.

【详解】当 $a = 0$ 时，方程 $ax^2 + bx - 1 = 0$ 不是一元二次方程，所以 A 不符合题意；

因为 $\frac{1}{x^2} - x + 1 = 0$ 不是整式方程，所以 B 不符合题意；

因为 $x^2 + x + 1 = 0$ 符合一元二次方程的定义，所以 C 符合题意；

因为 $xy - x = 0$ 不是一元方程，所以 D 不符合题意.

故选：C.

【点睛】本题主要考查了一元二次方程的判断，掌握定义是解题的关键. 即只含有一个未知数，并且未知数的最高次数是 2 的整式方程是一元二次方程.

2. 已知二次函数 $y = (2 - a)x^2$ 的图象开口向下，则 a 的取值范围是（ ）

- A. $a = 2$ B. $a \neq 2$ C. $a < 2$ D. $a > 2$

【答案】D

【解析】

【分析】本题考查二次函数的图像和性质，二次函数 $y = ax^2 (a \neq 0)$ 中，当 $a > 0$ 时开口向上，当 $a < 0$ 时开口向下，据此解答即可.

【详解】解：∵二次函数 $y = (2 - a)x^2$ 的图象开口向下，

$$\therefore 2 - a < 0,$$

$$\therefore a > 2,$$

故答案为：D.

3. 用配方法解一元二次方程 $x^2 - 6x + 8 = 0$ ，配方后得到的方程是（ ）

- A. $(x+6)^2 = 28$ B. $(x-6)^2 = 28$ C. $(x+3)^2 = 1$ D. $(x-3)^2 = 1$

【答案】D

【解析】

【分析】方程两边同时加上一次项系数一半的平方即 $\left(\frac{-6}{2}\right)^2$ 计算即可.

【详解】 $\because x^2 - 6x + 8 = 0,$

$$\therefore x^2 - 6x + 8 + \left(\frac{-6}{2}\right)^2 = \left(\frac{-6}{2}\right)^2,$$

$$\therefore x^2 - 6x + (-3)^2 = 9 - 8,$$

$$\therefore (x-3)^2 = 1,$$

故选 D.

【点睛】本题考查了配方法，熟练掌握配方法的基本步骤是解题的关键.

4. 某商品原价为 289 元，经连续两次降价后售价为 256 元，设平均每次降价的百分率为 x ，则下面所列方程正确的是（ ）

A. $289(1-2x) = 256$

B. $289(1-x)^2 = 256$

C. $256(1-2x) = 289$

D. $256(1-x)^2 = 289$

【答案】B

【解析】

【分析】本题考查平均增长率问题，设平均每次降价的百分率为 x ，由原价为 289 元，经连续两次降价后售价为 256 元，列一元二次方程即可得到答案，读懂题意，掌握平均增长率问题的解法是解决问题的关键.

【详解】解：设平均每次降价的百分率为 x ，由题意可得 $289(1-x)^2 = 256,$

故选：B.

5. 二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的顶点坐标是 $(-1, 3)$ ，与 x 轴的交点是 $(2, 0)$ ，则另一个交点为（ ）

A. $(0, -3)$

B. $(-3, 0)$

C. $(-4, 0)$

D. $(-2, 0)$

【答案】C

【解析】

【分析】根据顶点坐标可得抛物线的对称轴，再由抛物线的轴对称性即可求得答案.

【详解】 \because 二次函数 $y=ax^2+bx+c$ 的顶点坐标是 $(-1, 3)$,

∴抛物线的对称轴为 $x=-1$,

∴抛物线与 x 轴的一个交点是 $(2, 0)$,

∴抛物线与 x 轴的另一个交点是 $(-4, 0)$,

故选 C.

【点睛】 本题考查了二次函数图象的轴对称性, 熟练掌握抛物线与 x 轴的交点关于抛物线的对称轴对称是解题的关键.

6. 抛物线 $y=x^2-2x-1$ 上有点 $P(-1, y_1)$ 和 $Q(m, y_2)$, 若 $y_1>y_2$, 则 m 的取值范围为 ()

A. $m>-1$

B. $m<-1$

C. $-1<m<3$

D. $-1\leq m<3$

【答案】 C

【解析】

【分析】 求出二次函数的对称轴, 再比较 P 、 Q 两点的位置, 即可得出正确答案.

【详解】 ∵ $a=1>0$,

∴抛物线开口向上,

∴函数对称轴为 $x=-\frac{-1}{2\times 1}=1$,

∴当 $y_1>y_2$ 时,

① $Q(m, y_2)$ 在对称轴右侧时, $1\leq m<3$;

② $Q(m, y_2)$ 在对称轴左侧时, $-1<m<1$,

综上, m 的取值范围是 $-1<m<3$,

故选 C.

【点睛】 考查了二次函数图象上点的坐标特征, 要熟悉二次函数的性质及二次函数的图象.

二、填空题 (本大题共 6 小题, 每小题 3 分, 共计 18 分)

7. 当 $m =$ _____ 时, $y = (m-1)x^{|m|+1}$ 是二次函数.

【答案】 -1

【解析】

【分析】 本题考查二次函数的定义, 根据二次函数的定义可得 $|m|+1=2$, $m-1\neq 0$, 再求解即可.

【详解】 解: 由题意, 得 $|m|+1=2$, $m-1\neq 0$,

解得 $m = -1$,

即当 $m = -1$ 时, $y = (m-1)x^{|m|+1}$ 是二次函数,

故答案为: -1 .

8. 将二次函数 $y = -5x^2$ 的图象先向左平移 2 个单位，再向下平移 5 个单位，则函数关系式是_____.

【答案】 $y = -5(x+2)^2 - 5$

【解析】

【分析】 本题主要考查二次函数的图象与几何变换，熟知“上加下减，左加右减”的原则是解答此题的关键.

【详解】 解：∵二次函数 $y = -5x^2$ 的图象先向左平移 2 个单位，再向下平移 5 个单位，

∴所得图象的函数表达式为 $y = -5(x+2)^2 - 5$ ，

故答案为： $y = -5(x+2)^2 - 5$.

9. 已知 a, b 是关于 x 的方程 $x^2 + 3x - 2010 = 0$ 的两根，则 $a^2 - a - 4b$ 的值是_____.

【答案】 2022

【解析】

【分析】 先根据一元二次方程的解得到 $a^2 + 3a - 2010 = 0$ ，则 $a^2 + 3a = 2010$ ，所以原式可化简为 $2010 - 4(a+b)$ ，然后利用根与系数的关系求解.

【详解】 解：∵ a 是关于 x 的方程 $x^2 + 3x - 2010 = 0$ 的根，

∴ $a^2 + 3a - 2010 = 0$ ，

∴ $a^2 + 3a = 2010$ ，即 $a^2 = 2010 - 3a$ ，

∴ $a^2 - a - 4b = 2010 - 3a - a - 4b = 2010 - 4(a+b)$ ，

∵ a 与 b 是关于 x 的方程 $x^2 + 3x - 2010 = 0$ 的两根，

∴ $a + b = -3$ ，

∴原式 = $2010 - 4 \times (-3) = 2022$.

故答案为：2022.

【点睛】 本题考查了根与系数的关系：若 x_1, x_2 是一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$ 的两根时， $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$ ， $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$. 也考查了一元二次方程的解，熟练掌握一元二次方程根与系数的关系是解题关键.

10. 若关于 x 的方程 $x^2 + (k-2)x + k^2 = 0$ 的两根互为倒数，则 $k =$ _____.

【答案】 -1

【解析】

【详解】 $x_1x_2 = k^2 = 1, k = \pm 1$. $k = 1$ 时, $\Delta < 0$,

舍去. 所以 $k = -1$.

11. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 中, 函数 y 与自变量 x 的部分对应值如下表:

x	...	-1	0	1	2	3	...
y	...	10	5	2	1	2	...

则当 $y < 5$ 时, x 的取值范围是_____.

【答案】 $0 < x < 4$ 或 $x > 4$

【解析】

【分析】 本题主要考查了二次函数的性质, 根据表格数据可知: 利用二次函数的对称性判断出对称轴 $x = 2$, 在对称轴的左边 y 随着 x 的增大而减小, 在对称轴的右边 y 随着 x 的增大而增大, 进一步得出 $x = 4$ 时, $y = 5$, 然后写出 $y < 5$ 时, x 的取值范围即可.

【详解】 解: 由表格可知, $x = 1$ 和 $x = 3$ 时的函数值相同,

\therefore 对称轴为直线 $x = \frac{1+3}{2} = 2$,

\therefore 当 $x = 2$ 时的函数值小于 $x = 1$ 时的函数值,

\therefore 二次函数开口向上,

\therefore 在对称轴由此 y 随 x 增大而增大, 在对称轴左侧, y 随 x 增大而减小,

$\therefore x = 0$ 时, $y = 5$,

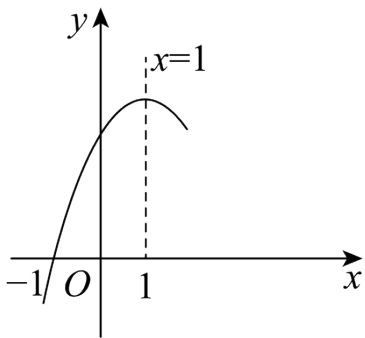
$\therefore x = 4$ 时, $y = 5$,

\therefore 当 $y < 5$ 时, x 的取值范围是 $0 < x < 4$,

故答案为: $0 < x < 4$.

12. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 的图象的一部分如图所示, 已知图象经过点 $(-1, 0)$, 其对称轴为直线 $x = 1$. 下列结论: ① $abc < 0$; ② $b^2 - 4ac < 0$; ③ $8a + c < 0$; ④ $9a + 3b + 2c < 0$; ⑤ 点

$C(x_1, y_1)$ 、 $D(x_2, y_2)$ 是抛物线上的两点, 若 $x_1 < x_2$, 则 $y_1 < y_2$; ⑥ 若抛物线经过点 $(-3, n)$, 则关于 x 的一元二次方程 $ax^2 + bx + c - n = 0 (a \neq 0)$ 的两根分别为 $x_1 = -3, x_2 = 5$. 其中正确的有_____ (填序号).



【答案】①③⑥

【解析】

【分析】本题考查了二次函数图象与系数的关系，解题关键是根据二次函数图象，确定字母系数的符号和相关式子；根据二次函数图象的性质，逐项判断即可.

【详解】解：由所给函数图象可知，

抛物线开口向下， $a < 0$ ，

因为抛物线的对称轴为直线 $x = 1$ ，

所以 $-\frac{b}{2a} = 1$ ，即 $b = -2a > 0$ ，

\because 抛物线与 y 轴交点在正半轴，

$\therefore c > 0$

所以 $abc < 0$.

故①正确.

因为抛物线与 x 轴有两个不同的交点，

所以 $b^2 - 4ac > 0$.

故②错误.

由函数图象可知，

当 $x = -2$ 时，函数值小于零，

则 $4a - 2b + c < 0$.

又因为抛物线的对称轴为直线 $x = 1$ ，

所以 $-\frac{b}{2a} = 1$ ，

即 $b = -2a$ ，

所以 $4a - 2(-2a) + c < 0$ ，

即 $8a + c < 0$.

故③正确.

因为抛物线与 x 轴的一个交点坐标为 $(-1, 0)$ ，且对称轴为直线 $x = 1$ ，

所以抛物线与 x 轴的另一个交点坐标为 $(3, 0)$ ，

则 $9a + 3b + c = 0$ 。

又因为 $c > 0$ ，

所以 $9a + 3b + 2c > 0$ 。

故④错误。

当点 $C(x_1, y_1)$ 、 $D(x_2, y_2)$ 在抛物线对称轴的右侧时，

因为抛物线开口向下，

所以在对称轴右侧的部分， y 随 x 的增大而减小，

即 $x_1 < x_2$ 时， $y_1 > y_2$ 。

故⑤错误。

方程 $ax^2 + bx + c - n = 0 (a \neq 0)$ 的根可看成函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象与直线 $y = n$ 的交点的横坐标，

因为抛物线经过点 $(-3, n)$ ，

所以函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象与直线 $y = n$ 的一个交点的横坐标为 -3 。

又因为抛物线的对称轴为直线 $x = 1$ ，

所以函数 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象与直线 $y = n$ 的另一个交点的横坐标为 5 ，

所以关于 x 的一元二次方程 $ax^2 + bx + c - n = 0 (a \neq 0)$ 的两根分别为 $x_1 = -3, x_2 = 5$ 。

故⑥正确。

故答案为：①③⑥。

三、解答题（本大题共 5 小题，每小题 6 分，共计 30 分）

13. 解下列方程：

(1) $x^2 - 4x - 5 = 0$ ；

(2) $3x(x+1) = 2x+2$ 。

【答案】 (1) $x_1 = 5, x_2 = -1$

(2) $x_1 = -1, x_2 = \frac{2}{3}$

【解析】

【分析】

本题主要考查了解一元二次方程，解一元二次方程的方法有：公式法、因式分解法、配方法、直接开平方法，选择合适的方法进行计算是解此题的关键。

(1) 利用因式分解法计算即可；

(2) 利用因式分解法计算即可。

【小问 1 详解】

$$\text{解： } \mathbb{Q} \ x^2 - 4x - 5 = 0,$$

$$\therefore (x-5)(x+1) = 0,$$

$$\therefore x-5=0 \text{ 或 } x+1=0,$$

$$\therefore x_1=5, \ x_2=-1;$$

【小问 2 详解】

$$\text{解： } \mathbb{Q} \ 3x(x+1) = 2x+2,$$

$$\therefore 3x(x+1) = 2(x+1),$$

$$\therefore 3x(x+1) - 2(x+1) = 0,$$

$$\therefore (x+1)(3x-2) = 0,$$

$$\therefore x+1=0 \text{ 或 } 3x-2=0,$$

$$\therefore x_1=-1, \ x_2=\frac{2}{3}.$$

14. 已知抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象顶点为 $(-2, 3)$ ，且过 $(-1, 5)$ ，试求 a 、 b 、 c 的值。

【答案】 $a = 2, \ b = 8, \ c = 11$

【解析】

【分析】 由题意设出抛物线为 $y = a(x+2)^2 + 3$ ，把 $(-1, 5)$ 代入即可求出；本题主要考查二次函数的解析式，熟练掌握待定系数法是解题的关键。

【详解】 解：由题意设抛物线为 $y = a(x+2)^2 + 3$ ；

把 $(-1, 5)$ 代入，得：

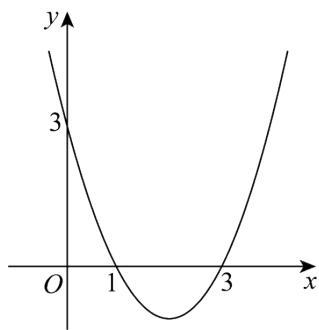
$$a + 3 = 5$$

解得： $a = 2$

$$\therefore y = 2(x+2)^2 + 3 = 2x^2 + 8x + 11$$

$$\therefore a = 2, \ b = 8, \ c = 11$$

15. 如图，利用函数 $y = x^2 - 4x + 3$ 的图象，解决下列问题：



(1) 当 y 随 x 的增大而减小时, x 的取值范围是_____;

(2) 当 $-1 < x < 4$ 时, y 的取值范围是_____;

(3) 当 $y \geq 3$ 时, x 的取值范围是_____.

【答案】(1) $x < 2$

(2) $-1 \leq y < 8$

(3) $x \leq 0$ 或 $x \geq 4$

【解析】

【分析】 本题考查了二次函数的图象与性质, 掌握数形结合的数学思想是解题关键.

(1) 根据图象求出对称轴即可求解;

(2) 求出当 $-1 < x < 4$ 时, y 的最大值和最小值即可求解;

(3) 求出 $y = 3$ 时的 x 的值, 即可求解.

【小问 1 详解】

解: 由图象可得:

函数 $y = x^2 - 4x + 3$ 的对称轴为: 直线 $x = \frac{1+3}{2} = 2$

\because 抛物线开口向上,

\therefore 当 $x < 2$ 时, y 随 x 的增大而减小;

故答案为: $x < 2$;

【小问 2 详解】

解: 当 $x = -1$ 时, $y = (-1)^2 - 4 \times (-1) + 3 = 8$;

当 $x = 4$ 时, $y = 4^2 - 4 \times 4 + 3 = 3$;

当 $x = 2$ 时, $y = 2^2 - 4 \times 2 + 3 = -1$;

\therefore 当 $-1 < x < 4$ 时, $-1 \leq y < 8$;

故答案为: $-1 \leq y < 8$;

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/386155211231011005>