

# 精品学习资源复习备考宝典

——考前迅速提升——

(辅导资料、习题资源、知识点训练等)

## 2023 届高三数学题型分类专项（椭圆的简单几何性质）练习

### 题型一 利用椭圆的标准方程研究几何性质

1. 已知椭圆  $C: \frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{3} = 1$  的右焦点为  $F$ ，直线  $l$  经过椭圆右焦点  $F$ ，交椭圆  $C$  于  $P$ 、 $Q$  两点（点  $P$  在第二象限），若点  $Q$  关于  $x$  轴对称点为  $Q'$ ，且满足  $PQ \perp FQ'$ ，求直线  $l$  的方程是\_\_\_\_\_.
2. 已知椭圆  $G: \frac{x^2}{6} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  ( $0 < b < \sqrt{6}$ ) 左、右焦点分别为  $F_1, F_2$ ，短轴的两个端点分别为  $B_1, B_2$ ，点  $P$  在椭圆  $C$  上，且满足  $|PF_1| + |PF_2| = |PB_1| + |PB_2|$ ，当  $m$  变化时，给出下列四个命题：① 点  $P$  的轨迹关于  $y$  轴对称；② 存在  $m$  使得椭圆  $C$  上满足条件的点  $P$  仅有两个；③  $|OP|$  的最小值为 2；④  $|OP|$  最大值为  $\sqrt{6}$ ，其中正确命题的序号是\_\_.
3. 若椭圆焦距为 8，焦点在  $x$  轴上，一个焦点与短轴两个端点的连线互相垂直，则椭圆的标准方程为\_\_\_\_\_.
4. 求椭圆  $9x^2 + 16y^2 = 144$  的长轴长、短轴长、离心率、焦点坐标和顶点坐标.

### 题型二 根据几何性质求椭圆的方程

5. 已知椭圆  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{m^2} = 1 (m > 0)$  的左焦点为  $F(-3, 0)$ ，则  $m =$  ( )  
A. 9                      B. 4                      C. 3                      D. 2
6. (多选) 若椭圆  $C_1: \frac{x^2}{a_1^2} + \frac{y^2}{b_1^2} = 1 (a_1 > b_1 > 0)$  和椭圆  $C_2: \frac{x^2}{a_2^2} + \frac{y^2}{b_2^2} = 1 (a_2 > b_2 > 0)$  的离心率相同，且  $a_1 > a_2$ ，则下列结论正确的是 ( )  
A. 椭圆  $C_1$  和椭圆  $C_2$  一定没有公共点                      B.  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2}$   
C.  $a_1^2 - a_2^2 < b_1^2 - b_2^2$                       D.  $a_1 - a_2 < b_1 - b_2$
7. 求与椭圆  $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$  有相同焦点，且过点  $(3, \sqrt{15})$  的椭圆的标准方程.
8. 已知椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的离心率  $e = \frac{\sqrt{2}}{2}$ ，且由椭圆上顶点、右焦点及坐标原点构成的三角形面积为 2.  
(I) 求椭圆  $C$  的方程；  
(II) 已知  $P(0, 2)$ ，过点  $Q(-1, -2)$  作直线  $l$  交椭圆  $C$  于  $A$ 、 $B$  两点(异于  $P$ )，直线  $PA$ 、 $PB$  的斜率分别为  $k_1$ 、 $k_2$ 。试问  $k_1 + k_2$  是否为定值？若是，请求出此定值，若不是，请说明理由.

### 题型三 求椭圆的离心率或离心率的取值范围

9. 在  $Rt\triangle ABC$  中,  $|AB|=|AC|=1$ , 如果一个椭圆通过  $A, B$  两点, 它的一个焦点为点  $C$ , 另一个焦点在  $AB$  上, 则这个椭圆的离心率  $e = ( )$

- A.  $\sqrt{3}-\sqrt{2}$       B.  $\sqrt{2}-1$       C.  $\sqrt{3}-1$       D.  $\sqrt{6}-\sqrt{3}$

10. 已知  $O$  为坐标原点,  $F$  是椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的左焦点,  $A, B$  分别为椭圆  $C$  的左、右顶点,  $P$  为椭圆  $C$  上一点, 且  $PF \perp x$  轴. 过点  $A$  的直线  $l$  与线段  $PF$  交于点  $M$ , 与  $y$  轴交于点  $E$ . 若直线  $BM$  经过  $OE$  的中点, 则椭圆  $C$  的离心率为  $( )$

- A.  $\frac{1}{3}$       B.  $\frac{1}{2}$       C.  $\frac{2}{3}$       D.  $\frac{3}{4}$

11. 已知椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的左焦点为  $F(-c, 0)$ , 上顶点为  $A(0, b)$ , 直线  $x = -$

$\frac{a^2}{c}$  上存在一点  $P$  满足  $(\overrightarrow{FP} + \overrightarrow{FA}) \cdot \overrightarrow{AP} = 0$ , 则椭圆的离心率的取值范围为  $( )$

- A.  $[\frac{1}{2}, 1)$       B.  $[\frac{\sqrt{2}}{2}, 1)$       C.  $[\frac{\sqrt{5}-1}{2}, 1)$       D.  $(0, \frac{\sqrt{2}}{2}]$

### 题型四 点和椭圆的位置关系

12. 若点  $P(a, 1)$  在椭圆  $\frac{x^2}{2} + \frac{y^2}{3} = 1$  的外部, 则  $a$  的取值范围为  $( )$

- A.  $(-\frac{2\sqrt{3}}{3}, \frac{2\sqrt{3}}{3})$       B.  $(\frac{2\sqrt{3}}{3}, +\infty) \cup (-\infty, -\frac{2\sqrt{3}}{3})$

- C.  $(\frac{4}{3}, +\infty)$       D.  $(-\infty, -\frac{4}{3})$

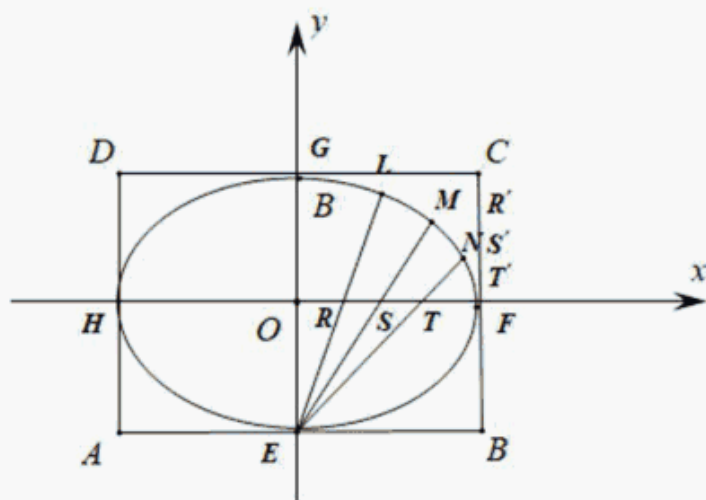
13. 点  $A(a, 1)$  在椭圆  $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{2} = 1$  的内部, 则  $a$  的取值范围是  $( )$

- A.  $(-\infty, -\sqrt{2}) \cup (\sqrt{2}, +\infty)$       B.  $(-\sqrt{2}, \sqrt{2})$       C.  $[-\sqrt{2}, \sqrt{2}]$       D.  $(-2, 2)$

14. 已知点  $(3, 2)$  在椭圆  $\frac{x^2}{m} + \frac{y^2}{n} = 1 (m > 0, n > 0)$  上, 则点  $(-3, 3)$  与椭圆的位置关系是\_\_\_\_\_.

15. 如图, 矩形  $ABCD$  中,  $|AB|=2a, |BC|=2b (a > b > 0)$ .  $E, F, G, H$  分别是矩形四条边的中点,  $R, S, T$  是线段  $OF$  的四等分点,  $R', S', T'$  是线段  $CF$  的四等分点. 证明直线  $ER$  与  $GR', ES$  与  $GS', ET$

与  $GT'$  的交点  $L, M, N$  都在椭圆  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  上.



### 题型五 由椭圆的离心率求参数的取值范围

16. 椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{3} = 1 (a > 0)$  的焦点在  $x$  轴上, 其离心率为  $\frac{1}{2}$  则椭圆  $C$  的长轴长为 ( )
- A. 2                      B.  $2\sqrt{3}$                       C. 4                      D. 8
17. 设  $e$  是椭圆  $\frac{x^2}{k} + \frac{y^2}{4} = 1$  的离心率, 且  $e \in \left(\frac{1}{2}, 1\right)$ , 则实数  $k$  的取值范围是
- A.  $(0, 3)$                       B.  $\left(3, \frac{16}{3}\right)$
- C.  $(0, 2)$                       D.  $(0, 3) \cup \left(\frac{16}{3}, +\infty\right)$
18. 已知椭圆  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  离心率的最小值为  $\frac{2}{3}$ , 其左、右焦点分别为  $F_1, F_2$ , 若  $P$  是椭圆上位于  $y$  轴右侧的一点, 则  $\frac{|PF_1|}{|PF_2|} =$  \_\_\_\_\_.
19. 若椭圆  $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{m} = 1$  的焦点在  $y$  轴上, 离心率为  $\frac{2}{3}$ , 则  $m =$  \_\_\_\_\_.

### 题型六 弦长及中点弦问题

20. 过点  $M(-2, 0)$  的直线  $l$  与椭圆  $x^2 + 2y^2 = 4$  交于  $P_1, P_2$  两点, 设线段  $P_1P_2$  的中点为  $P$ . 若直线  $l$  的斜率为  $k_1 (k_1 \neq 0)$ , 直线  $OP$  的斜率为  $k_2$ , 则  $k_1k_2$  等于 ( )
- A. -2                      B. 2
- C.  $\frac{1}{2}$                       D.  $-\frac{1}{2}$
21. 已知椭圆  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{4} = 1$  上一点到椭圆两焦点的距离之和为  $4\sqrt{2}$ .
- (1) 求  $a$  的值及椭圆的离心率;
  - (2) 顺次连结椭圆的顶点得到菱形  $A_1B_1A_2B_2$ , 求该菱形的内切圆方程;
  - (3) 直线  $l$  与 (2) 中的圆相切并交椭圆于  $A, B$  两点, 求  $|AB|$  的取值范围.

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/467164035152006121>