# 延庆区 2023-2024学年第一学期期中试卷初三数学

# 考生须知

- 1.本试卷共7页,共三道大题,28道小题,满分100分,考试时间120分钟.
- 2.在试卷和答题卡上正确填写学校名称、姓名和考号.
- 3.试卷答案一律填涂或书写在答题卡上,在试卷上作答无效.
- 4.在答题卡上,选择题、作图题用 2B 铅笔作答,其他试卷用黑色签字笔作答.
- 一、选择题: (共 16 分,每小题 2 分)第 1-8 题均有四个选项,符合题意的选项只有一个.
- 1. 如果 <sup>2x 3y y 0</sup> , 那么下列各式正确的是 ( )
- A.  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3}$  B.  $\frac{2}{y} = \frac{3}{x}$  C.  $\frac{x}{3} = \frac{2}{y}$  D.  $\frac{x}{y} = \frac{2}{3}$
- 2. 将抛物线  $y=2x_2$  平移后得到抛物线  $y=2x_2+1$ ,则平移方式为 ( )
- A. 向左平移1个单位

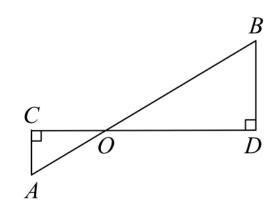
B. 向右平移1个单位

C. 向上平移1个单位

- D. 向下平移 1 个单位
- 3. 函数 y  $\sqrt{1-x}$  中自变量 x 的取值范围是 ( )
- A. x 1 B. x 1 C. x 1 D. x 1

- 4. 已知抛物线 y  $x_2$  2x 经过点  $3, y_1$  ,  $2, y_2$  , 则下列结论正确的是 ( )
- A. y y B. y y D. y y D. y y

- 5. 如图, AB, CD 相交于点O, AC CD, BD CD, 垂足分别为点C, D, 若AC 1, BD 2, OB 4.则 OA 的长为( )

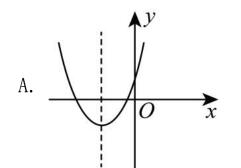


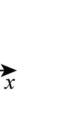
A. 1

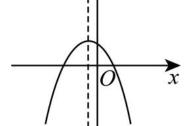
B. 2

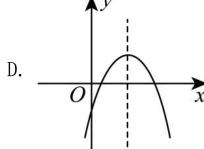
C. 4

- D. 8
- 6. 已知二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 , 其中 b 0, c 0 , 则该函数的图象可能是(

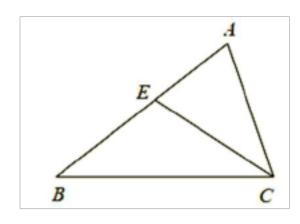






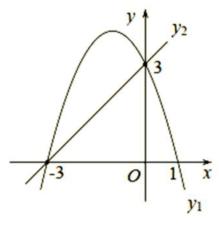


7. 如图,点 E 是 ABC 的边 AB 上一点,要使得  $\triangle ACE$  与 ABC 相似,添加一个条件,不正确的是(



- A. ACE B
- C.  $\frac{AC}{AB}$   $\frac{AE}{AC}$

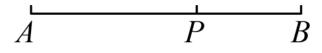
- B. AEC ACB
- D.  $\frac{AC}{AB}$   $\frac{CE}{BC}$
- 8. 二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 与一次函数 y mx n m 0 的图象如图所示,则满足  $ax_2$  bx c mx n 的
- x的取值范围是()



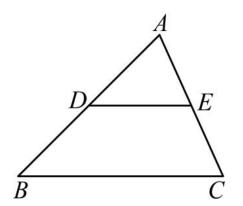
- A. x 3或x 0
- c. 3 x 0

- B. x 3或x 1
- D. 0 x 3
- 二、填空题(共16分,每小题2分)
- 9. 二次函数  $y=-(x+1)_2-2$  的最大值是 . .
- 10. 请写出一个 开口向下, 并且与 y 轴交于点(0,1)的抛物线的表达式\_\_\_\_\_
- 11. 古希腊数学家欧多克索斯发现了黄金分割,即: 如图, 点 P 是线段 AB 上一点 AP BP ),若满足 AP AB ,

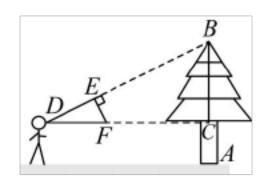
则称点 P 是 AB 的黄金分割点,著名的"断臂维纳斯"便是如此.如图,若 AB 2,则 AP 的长为\_\_\_\_.



- 12. 若抛物线 y x2 3x a与 x轴只有一个交点,则 a的值是\_\_\_\_\_.
- 13. 如图, ABC 中, DE  $/\!\!/$  BC ,  $\frac{AD}{AB}$   $\frac{1}{2}$  . 若 V ADE 的面积为 3,则 ABC 的面积为 \_\_\_\_\_.

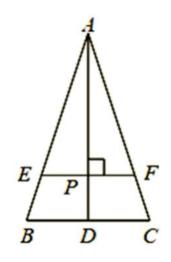


14. 如图,小明同学用自制的直角三角形纸板 DEF 测量树的高度 AB,他调整自己的位置,设法使斜边 DF 保持水平,并且边 DE 与点 B在同一直线上.已知纸板的两条直角边 DE 20cm, EF 10cm,测得边 DF 离地面的高度 AC 1.5m, CD 6m,则树高 AB是\_\_\_\_\_\_m.



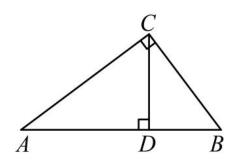
15. 二次函数 y ax2 bx c a 0 图象上部分点的横坐标 x 与纵坐标 y 的对应值如下表:

| X | ••• | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | ••• |
|---|-----|---|---|---|---|---|---|-----|
| у | ••• | 4 | 0 | 2 | 2 | 0 | 4 | ••• |



三、解答题(共68分; 17-20题,每小题5分; 21题6分; 22题5分; 23-25题,每小题6分; 26题5分; 27-28题,每小题7分)

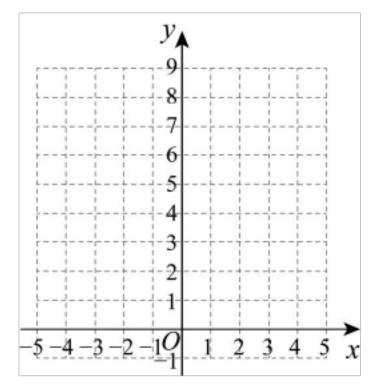
17. 如图, 在Rt△ABC 中, C 90, CD 是斜边 AB 上的高.



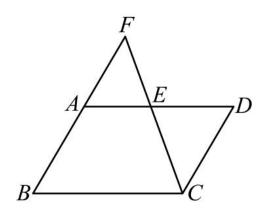
(1) 求证: △ADC ∽△ACB ;

(2) 若 AC 3, AB 4, 求 AD 的长.

18. 在平面直角坐标系中,点A 2,8,B m,2 在二次函数  $y = ax_2 (a^1 0)$ 的图象上.



- (1) 求<sup>m</sup> 的值;
- (2) 求该函数图象的对称轴和顶点坐标;
- (3) 在给出的平面直角坐标系中画出该函数的图象.
- 19. 已知: 二次函数 y x2 4.
- (1) 写出该函数图象的顶点坐标;
- (2) 求该函数图象与坐标轴的交点坐标;
- (3) 直接写出当 x 在什么范围内取值时, y 随 x 的增大而增大?
- 20. 已知: 二次函数 y x2 mx m 1的图象经过 0,5.
- (1) 求此二次函数的表达式;
- (2) 用配方法将其化为 y a x h 2 k 的形式.
- 21. 已知二次函数 y ax<sub>2</sub> bx 3的图象经过 A (1,0), B 2,5.
- (1) 求此二次函数的表达式;
- (2) 画出该函数图象;
- (3) 结合图象,写出当 2 x 2时, <sup>y</sup>的取值范围.
- 22. 如图,点 E 是平行四边形 ABCD 的边 AD 上一点,连接 CE 并延长与 BA 的延长线交于点 F . 写出一对相似三角形并证明.

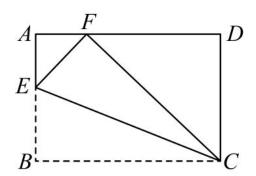


23. 如图, 要围一个矩形菜园 ABCD , 其中一边 AD 是墙, 且 AD 的长不能超过 18 米, 其余的三边 AB , BC , CD 用篱笆, 且这三边的和为 32 米. 设 AB 边的长度为 <sup>x</sup> 米, 矩形 ABCD 的面积为 <sup>y</sup> 平方米.



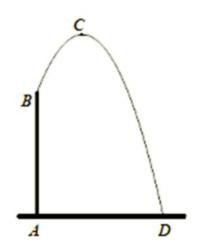
- (1) 求 <sup>y</sup> 与 <sup>x</sup> 之间的函数表达式及自变量 <sup>x</sup> 的取值范围;
- (2) 如果矩形 ABCD 的面积为 96 平方米, 求 AB 边的长.

24. 如图,点 E 是矩形 ABCD 的边 AB 上一点,沿直线 CE 将  $\triangle$  CBE 翻折,使得点 B 落在 AD 边上,记作点 F.



- (1) 求证: △AEF ∽△DFC ;
- (2) 若 $\frac{EF}{FC}$   $\frac{2}{5}$ , 且CD 10, 求BC 的长.

25. 旅游盛夏季,在延庆世园公园妫汭湖畔,上演了名为《世园之心》的音乐喷泉光影秀. 如图,是其中一个喷泉的示意图,喷泉有一个竖直的喷水枪 AB ,喷水口 B 距地面 3 米,喷出的水流的运动路线是抛物线. 如果水流的最高点 C 到喷水枪 AB 所在直线的距离是 1 米,水流的落地点 D 到水枪底部 A 的距离是 3 米. 那么水流最高点 C 与地面的距离是多少米?



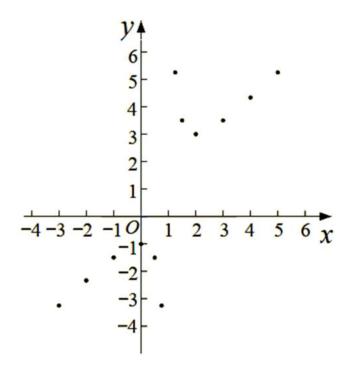
26. 有这样一个问题: 探究函数 y  $\frac{1}{x \ 1}$  x 的图象与性质.

小明根据学习函数的经验,对函数  $\frac{1}{x-1}$  x 的图象与性质进行了探究.

- (1) 函数  $\frac{1}{x-1}$  x 的自变量 x 的取值范围是\_\_\_\_\_;
- (2) 下表是 y 与 x 的几组对应值,请你求 m 的值;

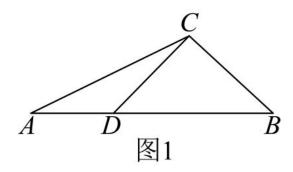
| X | ••• | 3              | 2      | 1             | 0 | $\frac{1}{2}$ | $\frac{3}{4}$  | $\frac{5}{4}$  | $\frac{3}{2}$ | 2 | 3             | 4 |  |
|---|-----|----------------|--------|---------------|---|---------------|----------------|----------------|---------------|---|---------------|---|--|
| у | ••• | $\frac{13}{4}$ | 7<br>3 | $\frac{3}{2}$ | 1 | $\frac{3}{2}$ | $\frac{13}{4}$ | $\frac{21}{4}$ | $\frac{7}{2}$ | 3 | $\frac{7}{2}$ | m |  |

(3) 如图,在平面直角坐标系 x<sup>0</sup>y 中,描出了以上表中各组数值所对应的点,请你画出该函数的图象;

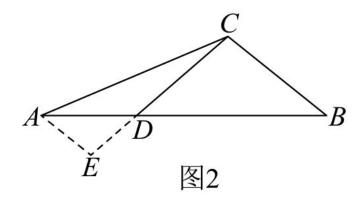


(4) 结合函数的图象,写出该函数的一条性质: \_\_\_\_\_\_.

27. 小明遇到这样一个问题: 如图 1, 在 ABC 中, 点 D 在边 AB 上, 且 ACD 20 , DCB 80 , CD 2  $\sqrt{3}$  , AD : DB 1:2 , 求 AC 的长.

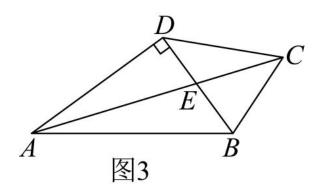


小明发现,过点 A 作 AE  $/\!\!/$  BC ,交 CD 的延长线于点 E ,通过构造  $\triangle$  AEC ,经过推理和计算能够使问题得到解决(如图 2).

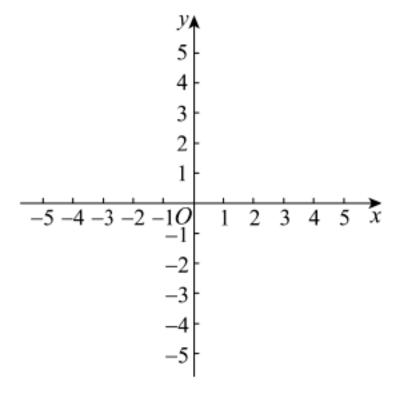


(1) 请回答: CAE 的度数为\_\_\_\_\_; AC 的长为\_\_\_\_\_;

(2) 参考小明思考问题的方法,解决问题:如图 3,在四边形 ABCD 中, AC 与 BD 交于点 E, 且 AD BD, BDC 45, DBC 67.5, EC:AE 1:2, DE 2,求 AB 的长.



28. 在平面直角坐标系 x0y 中,抛物线 y  $x_2$  mx  $\frac{n}{2}$  的对称轴为 x 1.



- (1) 求<sup>m</sup> 的值;
- (2) 若抛物线与  $^{y}$ 轴交于点  $^{C}$  ,其对称轴与  $^{x}$ 轴交于点  $^{A}$  ,当 OAC 是等腰直角三角形时,求  $^{n}$  的值;
- (3) 点 B 的坐标为 4,0 ,若该抛物线与线段 0B 有且只有一个交点,求 n 的取值范围.

# 延庆区 2023-2024学年第一学期期中试卷初三数学

- 一、选择题: (共 16 分,每小题 2 分)第 1-8 题均有四个选项,符合题意的选项只有一个.
- 1. 如果 <sup>2x 3y y 0</sup> , 那么下列各式正确的是 ( )
- A.  $\frac{x}{2} \frac{y}{3}$  B.  $\frac{2}{y} \frac{3}{x}$  C.  $\frac{x}{3} \frac{2}{y}$  D.  $\frac{x}{y} \frac{2}{3}$

### 【答案】B

【分析】根据比例的性质解答即可.

【详解】解: A、由 $\frac{x}{2}$   $\frac{y}{3}$ 可得3x 2y,与已知条件不符,不符合题意;

 $\frac{2}{B}$ 、由 $\frac{3}{x}$ 可得2x 3y,与已知条件相符,符合题意;

C、由 $\frac{x}{3}$   $\frac{2}{y}$  可得 xy 6 ,与已知条件不符,不符合题意;

D、由 $\frac{x}{v}$   $\frac{2}{3}$ 可得3x 2y,与已知条件不符,不符合题意;

故选: B.

【点睛】本题考查了比例的性质,熟知两内项之积等于两外项之积是解题的关键.

2. 将抛物线  $y=2x_2$  平移后得到抛物线  $y=2x_2+1$  ,则平移方式为(

A. 向左平移1个单位

B. 向右平移 1 个单位

C. 向上平移1个单位

D. 向下平移 1 个单位

#### 【答案】C

【分析】根据二次函数图象的平移规律"上加下减,左加右减",将原抛物线以各个选项描述的平移方式进行平移可 以获得不同的解析式,与题目中给出的解析式一致的选项即为正确选项.

【详解】A 选项:将原抛物线向左平移1个单位,平移后的抛物线应为 y=2(x+1)2,故 A 选项错误;

B 选项:将原抛物线向右平移1个单位,平移后的抛物线应为 y=2(x-1)₂,故 B 选项错误;

C 选项:将原抛物线向上平移1个单位,平移后的抛物线应为 y=2x2+1,故 C 选项正确;

D 选项:将原抛物线向下平移 1 个单位,平移后的抛物线应为 v=2 x2-1,故 D 选项错误.

故答案为: C.

【点睛】本题考查了二次函数图象平移的相关知识. 二次函数图象向上或向下平移时,应将平移量以"上加下减"的 方式作为常数项添加到原解析式中;二次函数图象向左或向右平移时,应先以"左加右减"的方式将自变量 x 和平移 量组成一个代数式,再用该代数式替换原解析式中的自变量 x. 要特别注意理解和记忆二次函数图象左右平移时其 解析式的相关变化.

3. 函数 y  $\sqrt{1-x}$  中自变量 x 的取值范围是 (

A. x 1 B. x 1 C. x 1 D. x 1

#### 【答案】A

【分析】根据二次根式有意义的条件计算出 x 的取值.

【详解】解: : 根号下不能为负数,

 $\therefore 0 \quad 1 \quad x$ 

∴ x 1,

故选: A.

【点睛】本题考查函数自变量的取值,二次根式有意义的条件,能够熟练掌握二次根式有意义的条件时解决本题的 关键.

4. 已知抛物线 y  $x_2$  2x 经过点  $3, y_1$  ,  $2, y_2$  , 则下列结论正确的是 ( )

A.  $y_1$   $y_2$  B.  $y_1$   $y_2$ 

C. y y D. y y

### 【答案】C

【分析】分别计算自变量为 3、2 对应的函数值, 然后对各选项进行判断.

【详解】解: 当 x 3 时, y x2 2x 3 2 3 3,

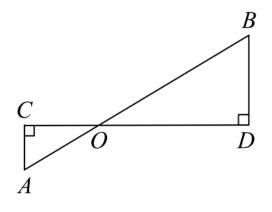
当x 2时,  $y_2$   $x_2$  2x 2 2 2 8,

 $\vdots$  y y.

故选: C.

【点睛】本题考查了二次函数图象上点的坐标特征:二次函数图象上点的坐标满足其解析式.解题的关键是将点的 横坐标代入抛物线的解析式.

5. 如图, AB, CD 相交于点O, AC CD, BD CD, 垂足分别为点C, D, 若AC 1, BD 2, OB 4.则 OA 的长为 ( )



A. 1

B. 2

C. 4

D. 8

#### 【答案】B

CD,BD CD,得 CD D 90,而 AOC BOD,即可根据"两角分别相等的两个三 【分析】由 AC 角形相似"证明  $AOC \hookrightarrow BOD$  ,得 $\frac{OA}{OB}$   $\frac{AC}{BD}$  ,再由 AC 1,BD 2,OB 4,求得 OA 2,于是得到问题的 答案.

【详解】解: : AC CD, BD CD,

C D 90,

AOC BOD ,

 $\triangle AOC \sim \triangle BOD$  ,

OA AC

 $\overline{\text{OB}}$   $\overline{\text{BD}}$ ,

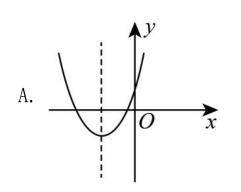
AC 1, BD 2, OB 4,

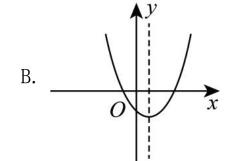
OA 
$$\frac{AC \quad OB}{BD} \quad \frac{1}{2} \quad 2$$
;

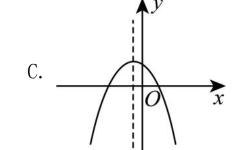
故选: B.

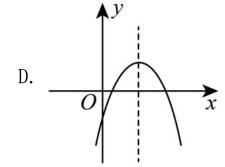
【点睛】此题重点考查相似三角形的判定与性质,证明 AOC ∽ BOD 是解题的关键.

6. 已知二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 , 其中 b 0 , c 0 , 则该函数的图象可能是 ( )









## 【答案】B

【分析】利用排除法,由 c 0 得出抛物线与 y 轴的交点应该在 y 轴的负半轴上,排除 A 选项和 C 选项,根据 B 选项和 D 选项中对称轴 x  $\frac{b}{2a}$  0,得出 a 0,抛物线开口向上,排除 D 选项,即可得出 B 为正确答案.

【详解】解:对于二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 ,

令 x 0,则 y c,

:. 抛物线与 y 轴的交点坐标为 0, c

∵c 0,

- ∴ 抛物线与 y 轴的交点应该在 y 轴的负半轴上,
- ∴可以排除 A 选项和 C 选项;

B 选项和 D 选项中, 抛物线的对称轴 x  $\frac{b}{2a}$  0,

: b 0,

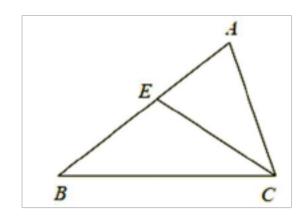
∴a 0,

:. 抛物线开口向上,可以排除 D 选项,

故选: B.

【点睛】本题考查二次函数的图象的性质,熟练掌握二次函数图象与三个系数之间的关系是解题的关键.

7. 如图, 点 E 是 ABC 的边 AB 上一点,要使得  $\triangle$  ACE 与 ABC 相似,添加一个条件,不正确的是( )



A. ACE B

C.  $\frac{AC}{AB}$   $\frac{AE}{AC}$ 

B. AEC ACB

D.  $\frac{AC}{AB}$   $\frac{CE}{BC}$ 

## 【答案】D

【分析】利用相似三角形的判定方法依次判断可求解.

【详解】解: 若 ACE B, A A, 则 ACE ∽ ABC, 故选项 A 不合题意;

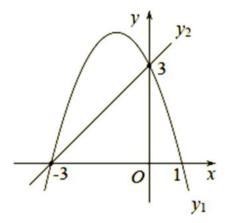
若 AEC ACB, A A,则 ACE ∽ ABC,故选项 B 不合题意;

 $rac{AC}{AB}$   $rac{CE}{BC}$  , 不能证明  $ACE \hookrightarrow ABC$  , 故选项 D 符合题意;

故选: D.

【点睛】本题考查了相似三角形的判定和性质,证明三角形相似是解题的关键.

8. 二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 与一次函数 y mx n m 0 的图象如图所示,则满足  $ax_2$  bx c mx n 的



x的取值范围是()

A. x 3或x 0

B. x 3或x 1

c. 3 x 0

D. 0 x 3

# 【答案】A

【分析】根据函数图象写出二次函数图象在一次函数图象下方部分的 x 的取值范围即可.

【详解】由图可知, x 3或x 0时二次函数图象在一次函数图象下方,

所以,满足ax2 bx c mx n的x的取值范围是 x 3或x 0.

故选: A.

【点睛】本题考查了二次函数与不等式,此类题目,数形结合准确识图是解题的关键.

二、填空题(共16分,每小题2分)

9. 二次函数  $y=-(x+1)_2-2$  的最大值是 .

#### 【答案】-2

【分析】根据二次函数的性质和已知得出最大值即可.

【详解】解: : y= - (x+1) 2 - 2 中 - 1<0,

∴函数的图象开口向下,函数有最大值,

当 x=-1 时,函数的最大值是 -2,

故答案为: -2.

【点睛】本题考查了二次函数的基本性质—最值问题,题目给出的是顶点式,若是一般式则需进行配方化为顶点式或者直接运用顶点公式.

10. 请写出一个 开口向下,并且与 y 轴交于点(0,1)的抛物线的表达式\_\_\_\_\_

【答案】 y x2 2x 1 (答案不唯一)

【分析】根据二次函数的性质, 抛物线开口向下 a<0, 与 y 轴交点的纵坐标即为常数项, 然后写出即可.

【详解】:: 抛物线开口向下,并且与 y 轴交于点(0,1)

- ∴二次函数的一般表达式 y ax2 bx c 中, a<0, c=1,
- ∴二次函数表达式可以为: y x2 2x 1 (答案不唯一).

【点睛】本题考查二次函数的性质,掌握开口方向、与y轴的交点与二次函数二次项系数、常数项的关系是解题的关键.

11. 古希腊数学家欧多克索斯发现了黄金分割,即: 如图,点 P 是线段 AB 上一点(AP BP),若满足 $\frac{BP}{AP}$   $\frac{AP}{AB}$ ,则称点 P 是 AB 的黄金分割点,著名的"断臂维纳斯"便是如此. 如图,若 AB 2,则 AP 的长为\_\_\_\_\_.

$$A \qquad P \qquad B$$

【答案】√5 1## 1 √5

BP AP AP 【分析】根据已知线段的比例关系 AP AB 与已知条件 AB 2,将 BP AB AP 代入转化一元二次方程求解即可.

【详解】:
$$\frac{BP}{AP}$$
  $\frac{AP}{AB}$ , BP AB AP, AB 2

AP 2 AB BP AB AB AP AB 2 AB AP 4 2 AP

即 AP 2 2 AP 4 0

解关于 AP 为未知数的一元二次方程得, AP  $\frac{2\sqrt{2_2 \ 4 \ 1 \ 4}}{2 \ 1}$  1  $\sqrt{5}$ 

舍去负值,得: AP √5 1

故答案为: √5 1

【点睛】本题考查了一元二次方程在几何问题中的应用,解题的关键是将待求的线段转化为求解一元二次方程的问题.

12. 若抛物线 y x2 3x a与 x轴只有一个交点,则 a的值是\_\_\_\_\_.

9【答案】 $\frac{4}{4}$ 

【分析】由题意得 b2 4ac 0,即可求解.

【详解】解:: : 抛物线 y x2 3x a与 x轴只有一个交点,

:: 方程 x2 3x a 0 有两个相等的实数根,

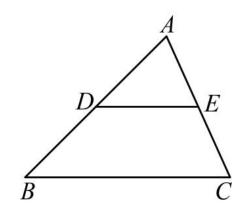
则 b<sub>2</sub> 4ac 3<sub>2</sub> 4a 0,

9

故答案为:  $\frac{1}{4}$ .

【点睛】本题考查二次函数与一元二次方程的关系,解题的关键是理解求二次函数与 x 轴的交点就是求一元二次方程的解.

13. 如图, ABC 中, DE  $/\!\!/$  BC ,  $\frac{AD}{AB}$   $\frac{1}{2}$  . 若 V ADE 的面积为 3,则 ABC 的面积为 \_\_\_\_\_.



#### 【答案】12

【分析】根据  $\triangle$  ADE  $\hookrightarrow$   $\triangle$  ABC 的相似比可得到其面积比等于相似比的平方,即可根据此求得 ABC 的面积.

【详解】解: : DE // BC ,

: ADE B, AED C,

∴ △ADE ∽△ABC ,

$$\therefore \frac{S}{S} \xrightarrow{ADE} \frac{AD}{AB} \xrightarrow{2} , \quad \text{If } \frac{3}{S} \xrightarrow{ABC} \frac{1}{2} \xrightarrow{2} ,$$

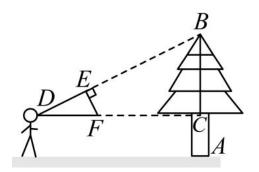
 $\therefore S_{\triangle ABC}$  12.

故答案为: 12.

【点睛】本题考查了相似三角形的判定及性质,相似三角形的面积之比,理解并学会用相似比的求面积比是解题的

#### 关键.

14. 如图,小明同学用自制的直角三角形纸板 DEF 测量树的高度 AB ,他调整自己的位置,设法使斜边 DF 保持水平,并且边 DE 与点 B 在同一直线上.已知纸板的两条直角边 DE  $20\,\mathrm{cm}$  , EF  $10\,\mathrm{cm}$  , 测得边 DF 离地面的高度 AC  $1.5\,\mathrm{m}$  , CD  $6\,\mathrm{m}$  ,则树高 AB 是\_\_\_\_\_\_  $\mathrm{m}$  .



### 【答案】 4.5

【分析】根据相似三角形的判定及性质可得BC 3 (m), 进而可求解.

【详解】解: FED BCD 90,且 D D,

FED ∽ BCD ,

EF DE 0.1 0.2  $\overline{CB}$   $\overline{DC}$ , 即:  $\overline{CB}$   $\overline{6}$ ,

解得: BC 3 (m),

AB BC AC 3 1.5 4.5 (m),

树高 AB 是 4.5m,

故答案为: 4.5.

【点睛】本题考查了相似三角形的判定及性质,熟练掌握其判定及性质是解题的关键.

15. 二次函数 y ax2 bx c a 0 图象上部分点的横坐标 x 与纵坐标 y 的对应值如下表:

| X | ••• | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | ••• |
|---|-----|---|---|---|---|---|---|-----|
| у | ••• | 4 | 0 | 2 | 2 | 0 | 4 | ••• |

给出下面五个结论: ①抛物线的开口向下; ②抛物线的对称轴是直线  $x = \frac{5}{2}$ ; ③二次函数的最小值为 2; ④当 x < 2 时, y 随 x 的增大而减小; ⑤ c 4. 上述结论中,所有正确的结论有\_\_\_\_\_ (填写序号).

#### 【答案】②5##5②

【分析】先根据表格中的数据求得二次函数 y  $ax_2$  bx c a 0 的解析式,然后根据 a 的符号可判断①;由 x  $\frac{b}{2a}$  可判断②;将对称轴 x  $\frac{5}{2}$ 代入二次函数的解析式可判断③;由对称轴两侧的函数增减性可判断④;由已求得的抛物线表达式可判断⑤.

a b c 0 代入抛物线的解析式得: c 4

c 4

:. 抛物线的解析式为: y x2 5x 4.

∵a 1, 抛物线的开口向上, ①错误;

抛物线的对称轴是  $\frac{5}{2}$ , ②正确;

二次函数的最小值是 y  $x^2$  5x 4  $\frac{5}{2}$  5  $\frac{5}{2}$  4  $\frac{9}{4}$ , ③错误;

因拋物线 y  $ax_2$  bx c的对称轴是 x  $\frac{5}{2}$ , 且 a  $\frac{5}{2}$  的,故当 x  $\frac{5}{2}$  时,y 随 x 的增大而减小,在  $\frac{5}{2}$  x

时, y随 x的增大而增大,故④错误;

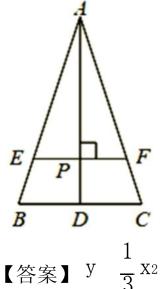
由抛物线的解析式 y x2 5x 4可知, c 4, 故⑤正确.

故正确的结论有: ②⑤.

故答案为: ②⑤.

【点睛】本题考查了求抛物线的解析式、对称轴、最小值、分析二次函数的增减性,解题的关键是熟练掌握二次函 数的相关性质.

16. 如图, 在 ABC 中, AB AC, 点D是BC边的中点, 点P是AD上的动点(不与点A, D重合), 过点P作 AD 与 AB , AC 分别交于点 E , F , AD 3 , BC 2 . 设 AP x , 若 △ AEF 的面积为 y 是 x 的函数 , 则这个函数表达式是 .



【答案】 
$$y = \frac{1}{3}x^2$$

【分析】证明  $AEF \sim ABC$  ,根据相似三角形的面积比等于相似比的平方得出  $\frac{S}{S^{VAFF}}$ 

AC , 点 D 是 BC 边的中点, AB 【详解】

BC , AD

以上内容仅为本文档的试下载部分,为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文,请访问: <a href="https://d.book118.com/49534211203">https://d.book118.com/49534211203</a>
3012013