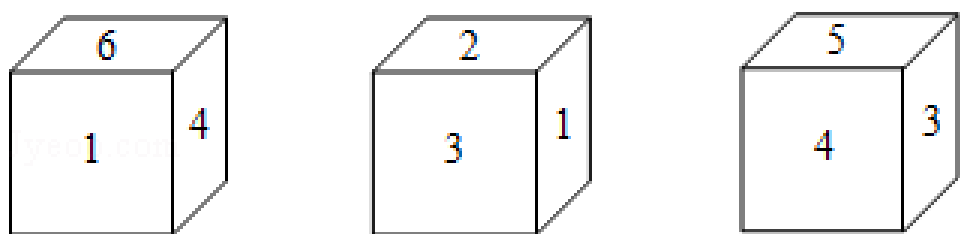


2014 年湖南省长沙一中自主招生招生考试数学试卷

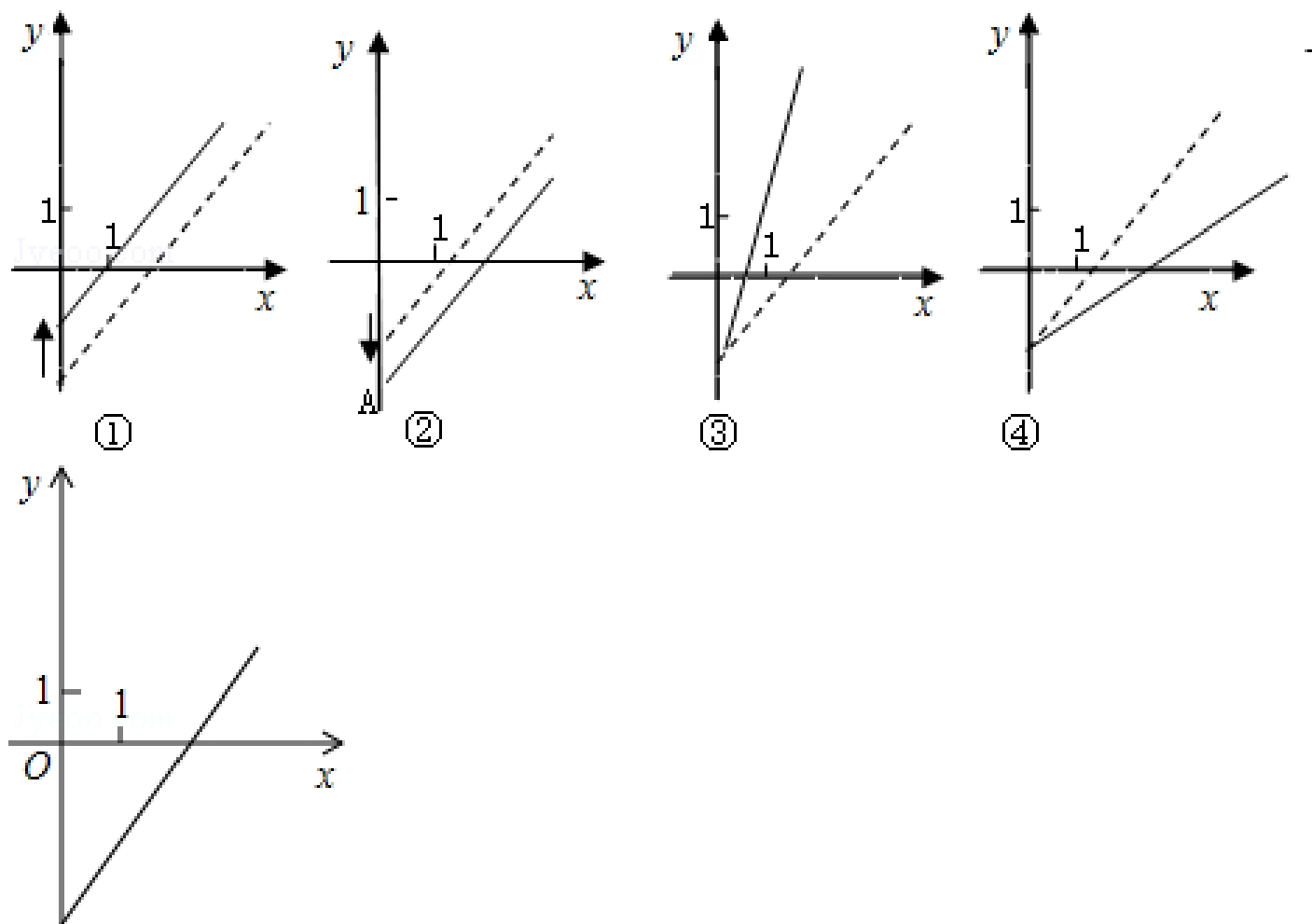
一、选择题（每小题 5 分，共 30 分。每小题均给出了 A、B、C、D 的四个选项，其中有且只有一个选项是正确的，不填、多填或错填均得 0 分）

1. (5 分) 有一正方体，六个面上分别写有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6，有三个人从不同的角度观察的结果如图。如果记 6 的对面的数字为 a ，2 的对面的数字为 b ，那么 $a b$ 的值为 ()



A. 3 B. 7 C. 8 D. 11

2. (5 分) 如图是某条公共汽车线路收支差额 y 与乘客量 x 的图象（收支差额=车票收入 - 支出费用）。由于目前本条线路亏损，公司有关人员提出两条建议：建议（1）是不改变车票价格，减少支出费用；建议（2）是不改变支出费用，提高车票价格。下面给出四个图象（如图所示）则 ()



- A. ①反映了建议（2），③反映了建议（1）
- B. ①反映了建议（1），③反映了建议（2）
- C. ②反映了建议（1），④反映了建议（2）
- D. ④反映了建议（1），②反映了建议（2）

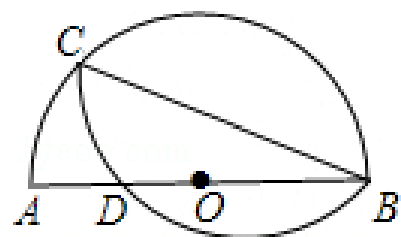
3. (5分) 已知函数 $y=3-(x-m)(x-n)$, 并且 a, b 是方程 $3-(x-m)(x-n)=0$ 的两个根, 则实数 m, n, a, b 的大小关系可能是 ()

A. $m < n < b < a$ B. $m < a < n < b$ C. $a < m < b < n$ D. $a < m < n < b$

4. (5分) 记 $S_n = a_1 a_2 \cdots a_n$, 令 $T_n = \frac{S_1 + S_2 + \cdots + S_n}{n}$, 称 T_n 为 a_1, a_2, \dots, a_n 这列数的理想数. 已知 a_1, a_2, \dots, a_{500} 的理想数为 2004, 那么 $8, a_1, a_2, \dots, a_{500}$ 的理想数为 ()

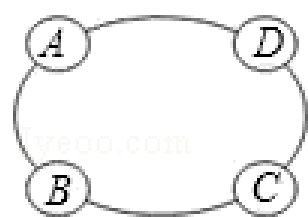
A. 2004 B. 2006 C. 2008 D. 2010

5. (5分) 以半圆中的一条弦 BC (非直径) 为对称轴将弧 BC 折叠后与直径 AB 交于点 D , 若 $\frac{AD}{DB} = \frac{2}{3}$, 且 $AB=10$, 则 CB 的长为 ()



A. $4\sqrt{5}$ B. $4\sqrt{3}$ C. $4\sqrt{2}$ D. 4

6. (5分) 某汽车维修公司的维修点环形分布如图. 公司在年初分配给 A、B、C、D 四个维修点某种配件各 50 件. 在使用前发现需将 A、B、C、D 四个维修点的这批配件分别调整为 40、45、54、61 件, 但调整只能在相邻维修点之间进行. 那么要完成上述调整, 最少的调动件次 (n 件配件从一个维修点调整到相邻维修点的调动件次为 n) 为 ()



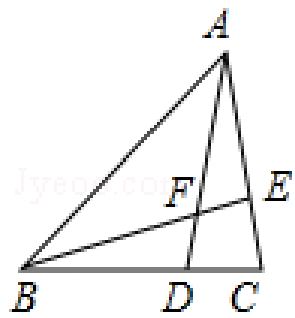
A. 15 B. 16 C. 17 D. 18

二、填空题 (每小题 6 分, 共 48 分)

7. (6分) 若 x 表示不超过 x 的最大整数 (如 $[\pi]=3$, $[-2\frac{2}{3}]=-3$ 等), 则

$$\left[\frac{1}{2-\sqrt{1 \times 2}}\right] + \left[\frac{1}{3-\sqrt{2 \times 3}}\right] + \cdots + \left[\frac{1}{2001-\sqrt{2000 \times 2001}}\right] = \underline{\hspace{2cm}}.$$

8. (6分) 在 $\triangle ABC$ 中, D, E 分别是 BC, AC 上的点, $AE=2CE$, $BD=2CD$, AD, BE 交于点 F , 若 $S_{\triangle ABC}=3$, 则四边形 $DCEF$ 的面积为 .

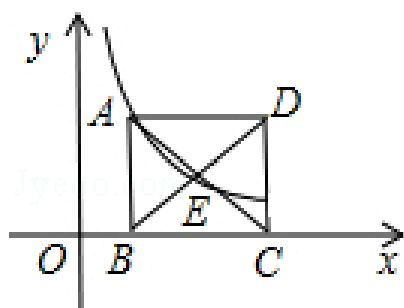


9. (6分) 有红、黄、蓝三种颜色的旗帜各三面，在每种颜色的旗帜上分别标有号码 1、2、3，现任意抽取 3 面，它们的颜色与号码均不相同的概率是_____.

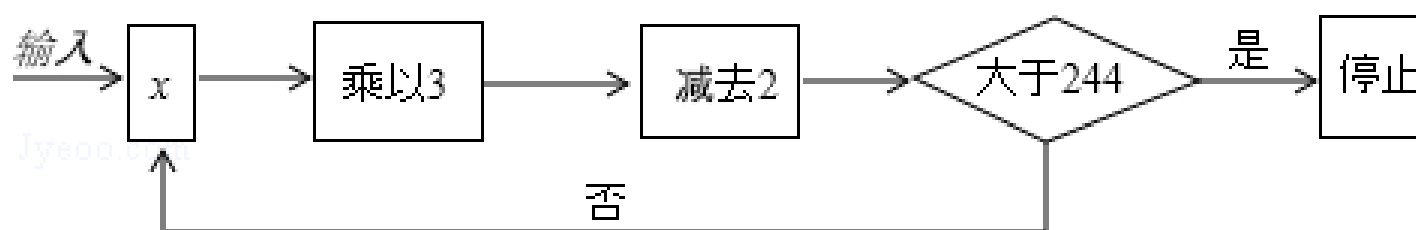
10. (6分) 已知抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2 + bx$ 经过点 A (4, 0). 设点 C (1, -3), 请在抛物线的对称轴上确定一点 D, 使得 AD - CD 的值最大, 则 D 点的坐标为_____.

11. (6分) 三角形纸片内有 100 个点, 连同三角形的顶点共 103 个点, 其中任意三点都不共线. 现以这些点为顶点作三角形, 并把纸片剪成小三角形, 则这样的三角形的个数为_____.

12. (6分) 如图, 已知点 (1, 3) 在函数 $y = \frac{k}{x} (x > 0)$ 的图象上. 正方形 ABCD 的边 BC 在 x 轴上, 点 E 是对角线 BD 的中点, 函数 $y = \frac{k}{x} (x > 0)$ 的图象又经过 A、E 两点, 则点 E 的横坐标为_____.

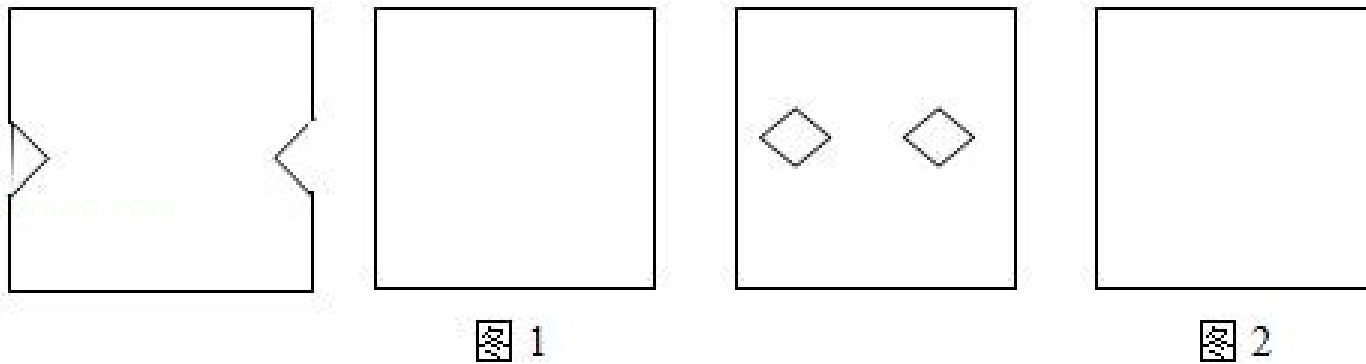


13. (6分) 按下列程序进行运算 (如图)



规定: 程序运行到 判断结果是否大于 244 为一次运算. 若 $x=5$, 则运算进行几次才停止; 若运算进行了 5 次才停止, 则 x 的取值范围是_____.

14. (6分) 给你两张白纸一把剪刀. 你的任务是: 用剪刀剪出下面给定的两个图案, 你可以将纸片任意折叠, 但只能沿直线剪一刀, 要得到下面两个图案, 在不实际折叠的情况下, 想象一下, 该如何折叠? 用虚线画出折痕, 用实线画出剪的这一刀 (分别在旁边的白纸上画出来)



三、解答题（本大题共 5 小题，12' 12' 14' 18' 16'=72'）

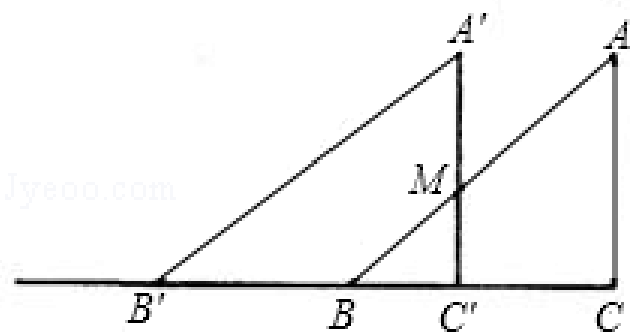
15.（12 分）已知：如图，在 $Rt\triangle ABC$ 中，斜边 $AB=5$ 厘米， $BC=a$ 厘米， $AC=b$ 厘米， $a>b$ ，且 a 、 b 是方程 $x^2 - (m-1)x + m-4=0$ 的两根，

(1) 求 a 和 b 的值；

(2) $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 开始时完全重合，然后让 $\triangle ABC$ 固定不动，将 $\triangle A'B'C'$ 以 1 厘米/秒的速度沿 BC 所在的直线向左移动。

i) 设 x 秒后 $\triangle A'B'C'$ 与 $\triangle ABC$ 的重叠部分的面积为 y 平方厘米，求 y 与 x 之间的函数关系式，并写出 x 的取值范围；

ii) 几秒后重叠部分的面积等于 $\frac{3}{8}$ 平方厘米？

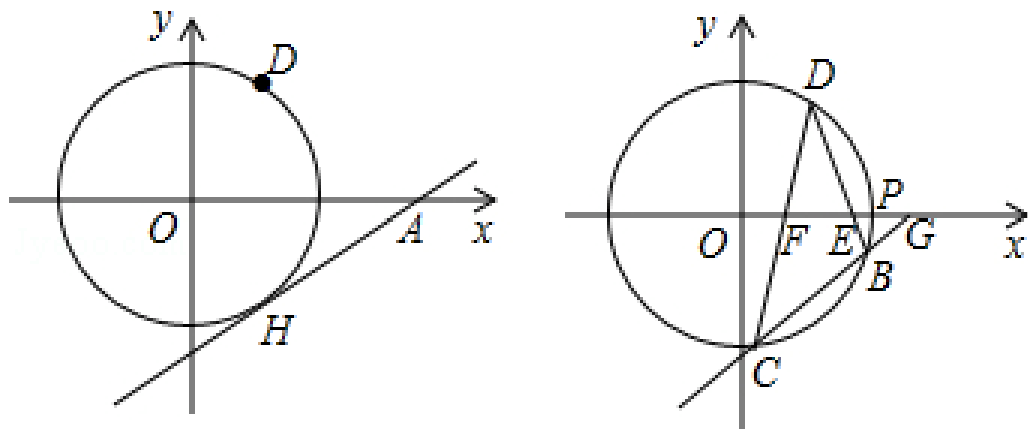


16.（12 分）已知 $\odot O$ 过点 $D(3, 4)$ ，点 H 与点 D 关于 x 轴对称，过 H 作 $\odot O$ 的切线交 x 轴于点 A 。

(1) 求直线 HA 的函数解析式；

(2) 求 $\sin \angle HAO$ 的值；

(3) 如图，设 $\odot O$ 与 x 轴正半轴交点为 P ，点 E 、 F 是线段 OP 上的动点（与点 P 不重合），连接并延长 DE 、 DF 交 $\odot O$ 于点 B 、 C ，直线 BC 交 x 轴于点 G ，若 $\triangle DEF$ 是以 EF 为底的等腰三角形，试探索 $\sin \angle CGO$ 的大小怎样变化，请说明理由。



17. (14分) 青海玉树发生 7.1 级强震, 为使人民的生命财产损失降到最低, 部队官兵发扬了连续作战的作风. 刚回营地的两个抢险分队又接到救灾命令: 一分队立即出发前往距营地 30 千米的 A 镇, 二分队因疲劳可在营地休息 a ($0 \leq a \leq 3$) 小时再往 A 镇参加救灾. 一分队出发后得知, 唯一通往 A 镇的道路在离营地 10 千米处发生塌方, 塌方地形复杂, 必须由一分队用 1 小时打通道路. 已知一分队的行进速度为 b 千米/时, 二分队的行进速度为 $(4a)$ 千米/时.

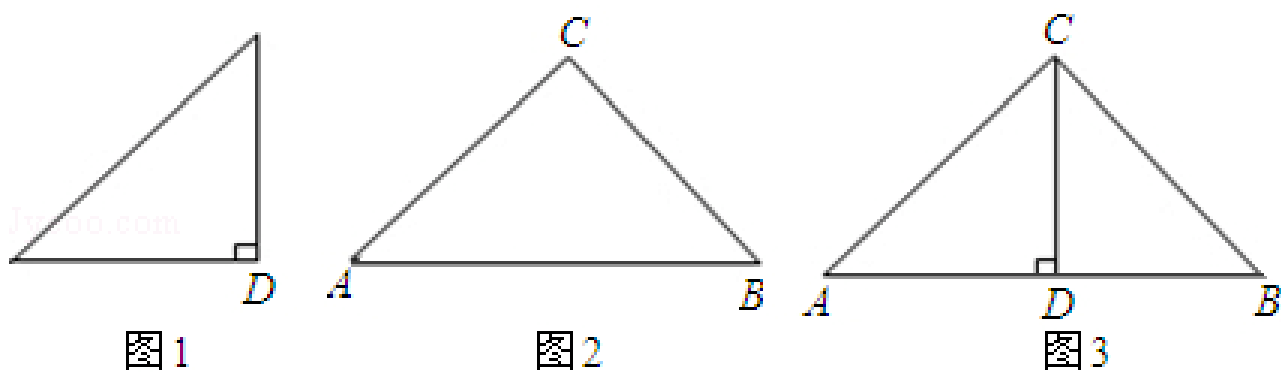
(1) 若二分队在营地不休息, 问要使二分队在最短时间内赶到 A 镇, 一分队的行进速度至少为多少千米/时?

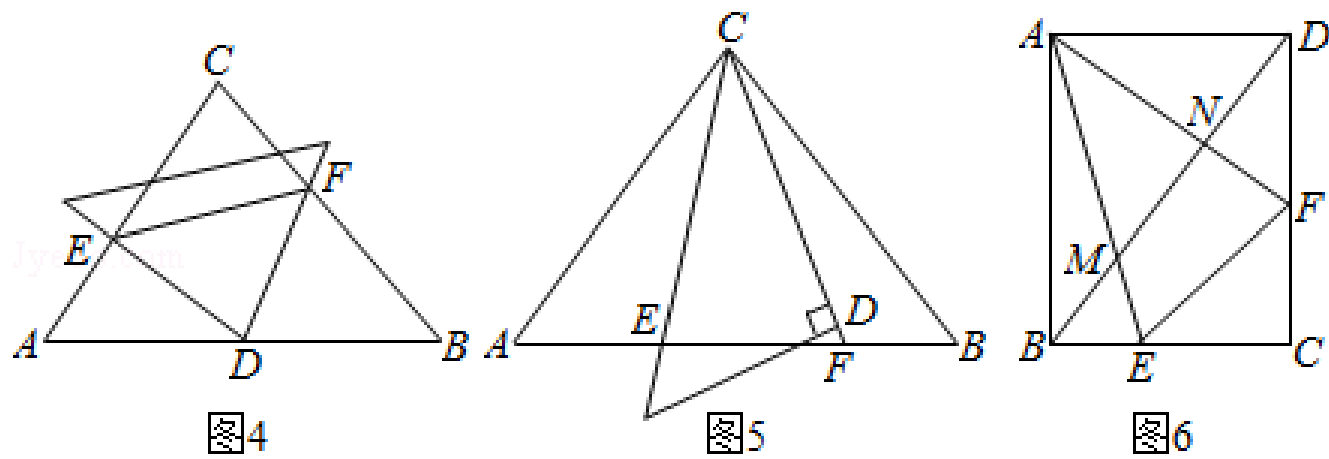
(2) 若 $b=4$ 千米/时, 二分队和一分队同时赶到 A 镇, 二分队应在营地休息几小时?

18. (18分) 如图 1、2 是两个相似比为 $1: \sqrt{2}$ 的等腰直角三角形, 将两个三角形如图 3 放置, 小直角三角形的斜边与大直角三角形的一直角边重合.

(1) 在图 3 中, 绕点 D 旋转小直角三角形, 使两直角边分别与 AC、BC 交于点 E, F, 如图 4. 求证: $AE^2 + BF^2 = EF^2$;

(2) 若在图 3 中, 绕点 C 旋转小直角三角形, 使它的斜边和 CD 延长线分别与 AB 交于点 E、F, 如图 5, 此时结论 $AE^2 + BF^2 = EF^2$ 是否仍然成立? 若成立, 请给出证明; 若不成立, 请说明理由.

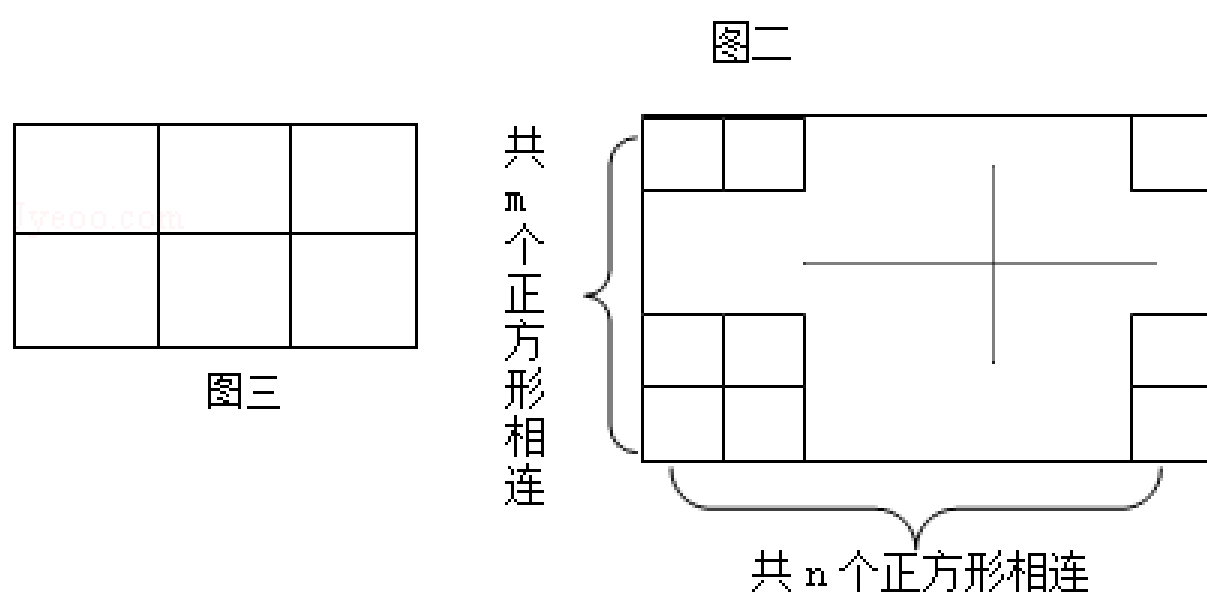
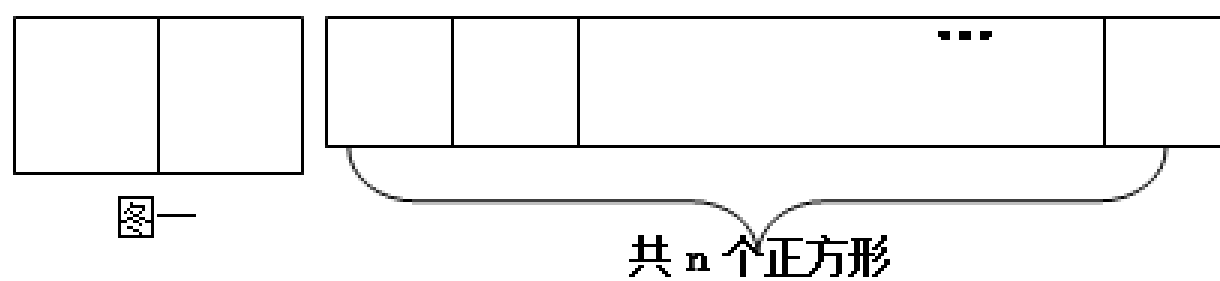




(3) 如图 6, 在正方形 $ABCD$ 中, E 、 F 分别是边 BC 、 CD 上的点, 满足 $\triangle CEF$ 的周长等于正方形 $ABCD$ 的周长的一半, AE 、 AF 分别与对角线 BD 交于 M 、 N , 试问线段 BM 、 MN 、 DN 能否构成三角形的三边长? 若能, 指出三角形的形状, 并给出证明; 若不能, 请说明理由.

19. (16 分) 定义: 在平面内, 我们把既有大小又有方向的量叫做平面向量. 平面向量可以用有向线段表示, 有向线段的长度表示向量的大小, 有向线段的方向表示向量的方向. 其中大小相等, 方向相同的向量叫做相等向量.

如以正方形 $ABCD$ 的四个顶点中某一点为起点, 另一个顶点为终点作向量, 可以作出 8 个不同的向量: \vec{AB} 、 \vec{BA} 、 \vec{AC} 、 \vec{CA} 、 \vec{AD} 、 \vec{DA} 、 \vec{BD} 、 \vec{DB} (由于 \vec{AB} 和 \vec{DC} 是相等向量, 因此只算一个).



(1) 作两个相邻的正方形 (如图一). 以其中的一个顶点为起点, 另一个顶点为终点作向量, 可以作出不同向量的个数记为 $f(2)$, 试求 $f(2)$ 的值;

(2) 作 n 个相邻的正方形 (如图二) 一字型 排开. 以其中的一个顶点为起点,

另一个顶点为终点作向量，可以作出不同向量的个数记为 $f(n)$ ，试求 $f(n)$ 的值；

(3) 作 2×3 个相邻的正方形（如图三）排开。以其中的一个顶点为起点，另一个顶点为终点作向量，可以作出不同向量的个数记为 $f(2 \times 3)$ ，试求 $f(2 \times 3)$ 的值；

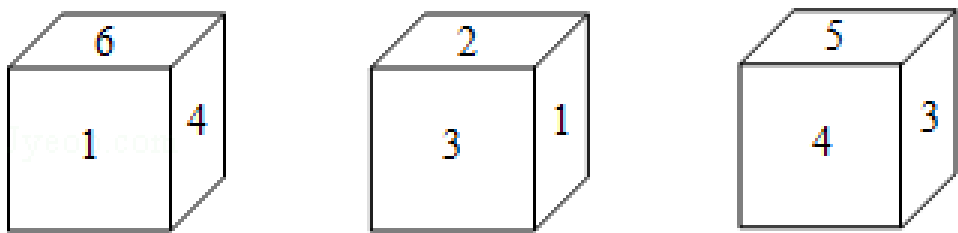
(4) 作 $m \times n$ 个相邻的正方形（如图四）排开。以其中的一个顶点为起点，另一个顶点为终点作向量，可以作出不同向量的个数记为 $f(m \times n)$ ，试求 $f(m \times n)$ 的值。

2014 年湖南省长沙一中自主招生考试数学试卷

参考答案与试题解析

一、选择题（每小题 5 分，共 30 分．每小题均给出了 A、B、C、D 的四个选项，其中有且只有一个选项是正确的，不填、多填或错填均得 0 分）

1. (5 分) 有一正方体，六个面上分别写有数字 1, 2, 3, 4, 5, 6，有三个人从不同的角度观察的结果如图．如果记 6 的对面的数字为 a ，2 的对面的数字为 b ，那么 $a b$ 的值为 ()



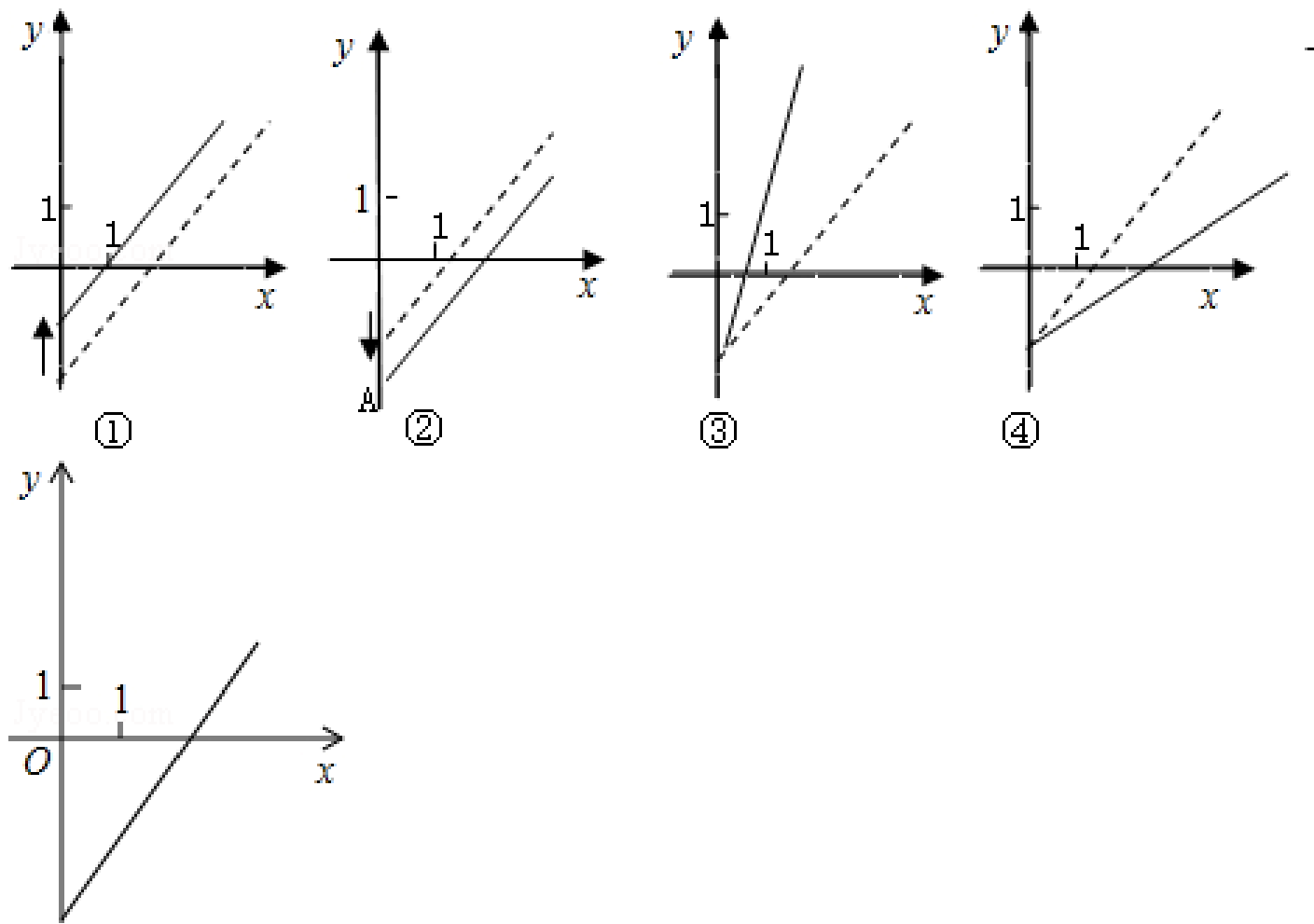
A. 3 B. 7 C. 8 D. 11

【分析】由图一和图二可看出 1 的对面的数字是 5；再由图二和图三可看出 3 的对面的数字是 6，从而 2 的对面的数字是 4.

【解答】解：从 3 个小立方体上的数可知，
与写有数字 1 的面相邻的面上数字是 2, 3, 4, 6，
所以数字 1 面对数字 5，
同理，立方体面上数字 3 对 6.
故立方体面上数字 2 对 4.
则 $a=3$, $b=4$ ，
那么 $a b=3 \times 4=12$.
故选：B.

【点评】本题考查灵活运用正方体的相对面解答问题，立意新颖，是一道不错的题．解题的关键是按照相邻和所给图形得到相对面的数字.

2. (5 分) 如图是某条公共汽车线路收支差额 y 与乘客量 x 的图象（收支差额=车票收入 - 支出费用）. 由于目前本条线路亏损，公司有关人员提出两条建议：建议（1）是不改变车票价格，减少支出费用；建议（2）是不改变支出费用，提高车票价格. 下面给出四个图象（如图所示）则 ()



- A. ①反映了建议 (2), ③反映了建议 (1)
 B. ①反映了建议 (1), ③反映了建议 (2)
 C. ②反映了建议 (1), ④反映了建议 (2)
 D. ④反映了建议 (1), ②反映了建议 (2)

【分析】 观察函数图象可知, 函数的横坐标表示乘客量, 纵坐标表示收支差额, 根据题意得: (1) 不改变车票价格, 减少支出费用, 则收支差额变大,

【解答】 解: \because 建议 (1) 是不改变车票价格, 减少支出费用; 也就是 y 增大, 车票价格不变, 即平行于原图象,

\therefore ①反映了建议 (1),

\because 建议 (2) 是不改变支出费用, 提高车票价格, 也就是图形增大倾斜度, 提高价格,

\therefore ③反映了建议 (2).

故选: B.

【点评】 此题主要考查了函数图象的性质, 读函数的图象时首先要理解横纵坐标表示的含义, 理解问题叙述的过程是做题的关键.

3. (5 分) 已知函数 $y=3-(x-m)(x-n)$, 并且 a, b 是方程 $3-(x-m)(x-n)=0$ 的两个根, 则实数 m, n, a, b 的大小关系可能是 ()

- A. $m < n < b < a$ B. $m < a < n < b$ C. $a < m < b < n$ D. $a < m < n < b$

【分析】 首先把方程化为一般形式，由于 a, b 是方程的解，根据根与系数的关系即可得到 m, n, a, b 之间的关系，然后对四者之间的大小关系进行讨论即可判断。

【解答】 解：由 $3 - (x - m)(x - n) = 0$ 变形得 $(x - m)(x - n) = 3$ ，
 $\therefore x - m > 0, x - n > 0$ 或 $x - m < 0, x - n < 0$ ，
 $\therefore x > m, x > n$ 或 $x < m, x < n$ ，
 $\therefore a, b$ 是方程的两个根，将 a, b 代入，得： $a > m, a > n, b < m, b < n$ 或 $a < m, a < n, b > m, b > n$ ，
 观察选项可知： $a < b, m < n$ ，只有 D 可能成立。
 故选：D。

【点评】 本题考查了一元二次方程的根与系数之间的关系，难度较大，关键是对 m, n, a, b 大小关系的讨论是此题的难点。

4. (5分) 记 $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$ ，令 $T_n = \frac{S_1 + S_2 + \dots + S_n}{n}$ ，称 T_n 为 a_1, a_2, \dots, a_n 这列数的理想数。已知 a_1, a_2, \dots, a_{500} 的理想数为 2004，那么 $8, a_1, a_2, \dots, a_{500}$ 的理想数为 ()
 A. 2004 B. 2006 C. 2008 D. 2010

【分析】 本题需先根据 $T_n = \frac{S_1 + S_2 + \dots + S_n}{n}$ 得出 $n \times T_n = (S_1 + S_2 + \dots + S_n)$ ，再根据 a_1, a_2, \dots, a_{500} 的理想数为 2004，得出 T_{500} 的值，再设出新的理想数为 T_x ，列出式子，把得数代入，即可求出结果。

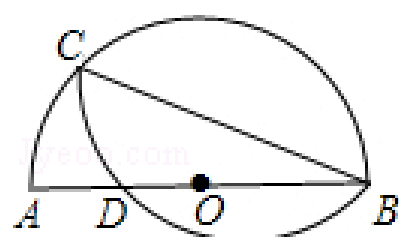
【解答】 解： $\because T_n = \frac{S_1 + S_2 + \dots + S_n}{n}$
 $\therefore n \times T_n = (S_1 + S_2 + \dots + S_n)$
 $T_{500} = 2004$
 设新的理想数为 T_x
 $501 \times T_x = 8 \times 501 + 500 \times T_{500}$
 $T_x = (8 \times 501 + 500 \times T_{500}) \div 501$
 $= \frac{8 \times 501 + 500 \times 2004}{501}$
 $= 8 + 500 \times 4$

=2008

故选：C.

【点评】本题主要考查了有理数的混合运算，在解题时要根据题意找出关系是解题的关键.

5. (5分) 以半圆中的一条弦 BC (非直径) 为对称轴将弧 BC 折叠后与直径 AB 交于点 D, 若 $\frac{AD}{DB} = \frac{2}{3}$, 且 AB=10, 则 CB 的长为 ()



A. $4\sqrt{5}$ B. $4\sqrt{3}$ C. $4\sqrt{2}$ D. 4

【分析】作 AB 关于直线 BC 的对称线段 A'B 交半圆于 D, 连接 AC、CA, 构造全等三角形, 然后利用勾股定理、割线定理解答.

【解答】解: 如图, 若 $\frac{AD}{DB} = \frac{2}{3}$, 且 AB=10,

$\therefore AD=4, BD=6,$

作 AB 关于直线 BC 的对称线段 A'B 交半圆于 D, 连接 AC、CA, 可得 A、C、A' 三点共线,

\therefore 线段 A'B 与线段 AB 关于直线 BC 对称,

$\therefore AB=A'B$

$\therefore AC=A'C, AD=A'D, \therefore AB=AB=10$

而 A'C A' A=A'D 即 A'A CB 2A' C=10=40.

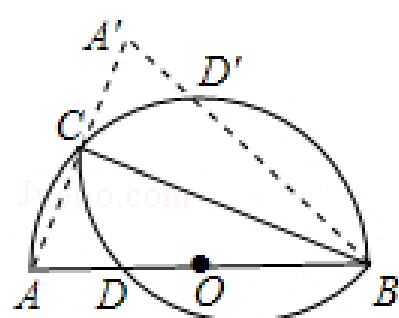
则 $A'^2=20,$

又 $\therefore A'^2=A'B^2 - CB^2,$

$\therefore 20=100 - CB^2,$

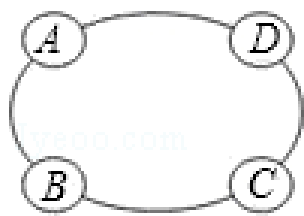
$\therefore CB=4\sqrt{5}.$

故选：A.



【点评】此题将翻折变换、勾股定理、割线定理相结合，考查了同学们的综合应用能力，要善于观察图形特点，然后做出解答。

6. (5分) 某汽车维修公司的维修点环形分布如图. 公司在年初分配给 A、B、C、D 四个维修点某种配件各 50 件. 在使用前发现需将 A、B、C、D 四个维修点的这批配件分别调整为 40、45、54、61 件, 但调整只能在相邻维修点之间进行. 那么要完成上述调整, 最少的调动件次 (n 件配件从一个维修点调整到相邻维修点的调动件次为 n) 为 ()



A. 15 B. 16 C. 17 D. 18

【分析】现根据题意设未知数, 再根据公司在年初分配给 A、B、C、D 四个维修点某种配件各 50 件, 在使用前发现需将 A、B、C、D 四个维修点的这批配件分别调整为 40, 45, 54, 61 件, 但调整只能在相邻维修点之间进行列方程组求解.

【解答】解: 设 A 到 B 调 x_1 件, B 到 C 调 x_2 件, C 到 D 调 x_3 件, D 到 A 调 x_4 件, 这里若 x_i ($i=1, 2, 3, 4$) 为负数, 则表明调动方向改变.

$$\text{则由题意得: } \begin{cases} 50 - x_1 + x_4 = 40 \\ 50 + x_1 - x_2 = 45 \\ 50 + x_2 - x_3 = 54 \\ 50 + x_3 - x_4 = 61 \end{cases}$$

$$\text{解得: } \begin{cases} x_2 = x_1 + 5 \\ x_3 = x_1 + 1 \\ x_4 = x_1 - 10 \end{cases}$$

则调动总件数为 $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = x_1 + x_1 + 5 + x_1 + 1 + x_1 - 10$,

它的最小值为 16.

故选: B.

【点评】本题考查的是多元一次方程组, 解答此题的关键是分别设出 A 到 B 调 x_1 件, B 到 C 调 x_2 件, C 到 D 调 x_3 件, D 到 A 调 x_4 件, 再根据 A、B、C、D 四个维修点的这批配件分别调整为 40, 45, 54, 61 件列出方程组, 求出未知数的值.

二、填空题（每小题 6 分，共 48 分）

7. (6 分) 若 x 表示不超过 x 的最大整数（如 $[\pi]=3$, $[-2\frac{2}{3}]=-3$ 等），则

$$[\frac{1}{2-\sqrt{1\times 2}}] + [\frac{1}{3-\sqrt{2\times 3}}] + \cdots + [\frac{1}{2001-\sqrt{2000\times 2001}}] = \underline{2000}.$$

【分析】根据 x 表示不超过 x 的最大整数， $\frac{1}{2-\sqrt{1\times 2}} = \frac{2+\sqrt{2}}{2} = 1\frac{\sqrt{2}}{2} = 1$,

$$\frac{1}{3-\sqrt{2\times 3}} = \frac{3+\sqrt{6}}{3} = 1,$$

$$\frac{1}{2001-\sqrt{2000\times 2001}} = \frac{2001+\sqrt{2000\times 2001}}{2001} = 1, \text{ 从而得出答案.}$$

【解答】解：∵ x 表示不超过 x 的最大整数，

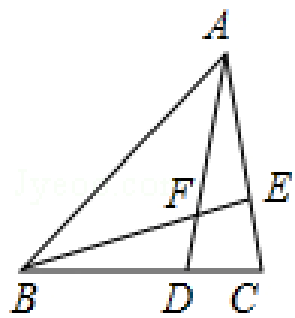
$$\begin{aligned} & \therefore [\frac{1}{2-\sqrt{1\times 2}}] + [\frac{1}{3-\sqrt{2\times 3}}] + \cdots + [\frac{1}{2001-\sqrt{2000\times 2001}}] \\ &= \frac{2+\sqrt{2}}{2} \quad \frac{3+\sqrt{6}}{3} \quad \frac{2001+\sqrt{2000\times 2001}}{2001}, \\ &= 1\frac{\sqrt{2}}{2} \quad 1\frac{\sqrt{6}}{3} \quad 1\frac{\sqrt{2000\times 2001}}{2001}, \\ &= 1 \quad 1 \quad 1, \\ &= 2000. \end{aligned}$$

故答案为：2000.

【点评】此题主要考查了取整函数的性质，得出 $\frac{1}{2-\sqrt{1\times 2}} = \frac{2+\sqrt{2}}{2} = 1\frac{\sqrt{2}}{2} = 1$

等，是解决问题的关键.

8. (6 分) 在 $\triangle ABC$ 中，D、E 分别是 BC、AC 上的点，AE=2CE，BD=2CD，AD、BE 交于点 F，若 $S_{\triangle ABC}=3$ ，则四边形 DCEF 的面积为 $\underline{\frac{1}{2}}$.



【分析】连接 DE，根据相似三角形的判定定理得出 $\triangle DCE \sim \triangle ABC$ ，进而判断出 $AB \parallel CD$ 、 $\triangle DEF \sim \triangle ABF$ ，再根据相似三角形的性质即可进行解答.

【解答】解：连接 DE，

∵ AE=2CE，BD=2CD，

$$\therefore \frac{CE}{CA} = \frac{CD}{CB}, \text{ 且夹角 } \angle C \text{ 为公共角,}$$

$$\therefore \triangle DCE \sim \triangle ABC,$$

$$\therefore \angle CED = \angle CAB,$$

$$\therefore AB \parallel DE,$$

$$\therefore \triangle CDE \sim \triangle CBA,$$

$$\therefore \frac{DE}{AB} = \frac{EC}{AC} = \frac{1}{3},$$

$$\therefore \frac{S_{\triangle CDE}}{S_{\triangle CBA}} = \frac{1}{9},$$

$$\because S_{\triangle ABC} = 3,$$

$$\therefore S_{\triangle CDE} = 3 \times \frac{1}{9} = \frac{1}{3},$$

$$\text{且 } \angle EDA = \angle BAD, \angle BED = \angle ABE,$$

$$\therefore \triangle DEF \sim \triangle ABF,$$

$$\therefore \frac{EF}{BF} = \frac{DE}{AB} = \frac{1}{3},$$

$$\therefore \text{设 } S_{\triangle DEF} = x, \text{ 则 } S_{\triangle AEF} = S_{\triangle BDF} = 3x, S_{\triangle ABF} = 9x,$$

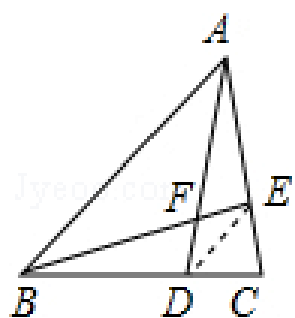
$$\therefore x + 3x + 3x + 9x = 3 - \frac{1}{3},$$

$$\text{解得: } x = \frac{1}{6},$$

$$\therefore S_{\triangle DEF} = \frac{1}{6},$$

$$\therefore S_{\triangle DEF} : S_{\triangle CDE} = \frac{1}{6} : \frac{1}{3} = \frac{1}{2}.$$

$$\text{故答案为: } \frac{1}{2}.$$



【点评】 本题考查的是面积及等积变换，解答此题的关键是作出辅助线，构造出相似三角形，利用相似三角形的性质性质进行解答。

9. (6分) 有红、黄、蓝三种颜色的旗帜各三面，在每种颜色的旗帜上分别标有

号码 1、2、3，现任意抽取 3 面，它们的颜色与号码均不相同的概率是 $\frac{1}{14}$ 。

【分析】 抽取 3 面旗，总共的情况计算思路为：第一面旗有 9 种，第二面有 (9 - 1) 即 8 种，第三面有 (9 - 1 - 1) 即 7 种，则总的情况有 9 乘以 8 乘以 7 等于 504 种；

要求颜色和号码都不同的情况计算思路为：第一面旗还是有 9 种情况；第二面旗的情况为：除去第一面已选的颜色外，还剩另外 2 种颜色本来是 6 种情况，但是第一面旗肯定能确定一个号码，所以剩下的 2 种颜色中与第一面旗选的号码必须不一样，则选了第一面旗后，第二面旗的选择就只有 4 种情况了；而第一面旗和第二面旗选定后，第三面旗就已经确定唯一了，即轮到第三面旗的时候就没了选了，前面 2 面旗已经把颜色和号码都定死了。

【解答】 解：根据乘法公式可知：

任意抽取 3 面旗，一共有 $9 \times 8 \times 7 = 504$ 种情况，

三面旗颜色与号码都不一样的情况一共有 $9 \times 4 \times 1 = 36$ 种情况 \therefore 它们的颜色与号码均不相同的概率是 $\frac{36}{504} = \frac{1}{14}$ 。

故答案为： $\frac{1}{14}$ 。

【点评】 此题考查了利用乘法公式求概率。解题的关键是求得总共的情况数与要求颜色和号码都不同的情况数。

10. (6 分) 已知抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2 + bx$ 经过点 A (4, 0)。设点 C (1, -3)，请在抛物线的对称轴上确定一点 D，使得 AD - CD 的值最大，则 D 点的坐标为 (2, -6)。

【分析】 首先利用待定系数法求得抛物线的解析式，然后可求得抛物线的对称轴方程 $x=2$ ，又由作点 C 关于 $x=2$ 的对称点 C'，直线 AC' 与 $x=2$ 的交点即为 D，求得直线 AC' 的解析式，即可求得答案。

【解答】 解： \because 抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2 + bx$ 经过点 A (4, 0)，

$$\therefore \frac{1}{2} \times 4^2 + 4b = 0,$$

$$\therefore b = -2,$$

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/556030103033011004>