

紫荆中学 2024 年高考第四次模拟考试试题（卷）

高三数学

命题人：高三数学备课组

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 已知集合 $A = \{-1, 1, 2, 4\}$, $B = \{x \mid |x-1| \leq 1\}$, 则 $A \cap B = (\quad)$
- A. $\{-1, 2\}$ B. $\{1, 2\}$ C. $\{1, 4\}$ D. $\{-1, 4\}$
2. $(2+2i)(1-2i) = (\quad)$
- A. $-2+4i$ B. $-2-4i$ C. $6+2i$ D. $6-2i$
3. 已知圆锥的底面半径为 $\sqrt{2}$, 其侧面展开图为一个半圆, 则该圆锥的母线长为 (\quad)
- A. 2 B. $2\sqrt{2}$ C. 4 D. $4\sqrt{2}$
4. 若 $\tan \theta = -2$, 则 $\frac{\sin \theta (1 + \sin 2\theta)}{\sin \theta + \cos \theta} = (\quad)$
- A. $-\frac{6}{5}$ B. $-\frac{2}{5}$ C. $\frac{2}{5}$ D. $\frac{6}{5}$
5. 设 $x \in \mathbf{R}$, 则“ $\sin x = 1$ ”是“ $\cos x = 0$ ”的 (\quad)
- A. 充分不必要条件 B. 必要不充分条件 C. 充分必要条件 D. 既不充分也不必要条件
6. 已知数列 $\{a_n\}$, 若 $a_{n+1} = a_n + a_{n+2} (n \in \mathbf{N}^*)$, 则称数列 $\{a_n\}$ 为“凸数列”. 已知数列 $\{b_n\}$ 为“凸数列”, 且 $b_1 = 1, b_2 = -2$, 则 $\{b_n\}$ 的前 2024 项的和为 (\quad)
- A. 0 B. 1 C. -5 D. -1
7. 已知两个不等的正实数 x, y 满足 $\ln \frac{x}{y} = \frac{x-y}{xy}$, 则下列结论一定正确的是 (\quad)
- A. $x+y=1$ B. $xy=1$
- C. $x+y>2$ D. $x+y>3$
8. 正四面体 $ABCD$ 的棱长为 1, 点 P 是该正四面体内切球球面上的动点, 当 $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PD}$ 取得最小值时, 点 P 到 AD 的距离为 (\quad)
- A. $\frac{3\sqrt{2}-\sqrt{6}}{12}$ B. $\frac{\sqrt{6}-\sqrt{3}}{12}$ C. $\frac{2\sqrt{2}-\sqrt{3}}{12}$ D. $\frac{\sqrt{2}}{4}$

二、选择题 本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。在每小题给出的选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得 5 分，部分选对的得 2 分，有选错的得 0 分。

9. 已知函数 $f(x) = \sin(2x + \varphi)$ ($0 < \varphi < \pi$) 的图像关于点 $\left(\frac{2\pi}{3}, 0\right)$ 中心对称, 则 ()

A. $f(x)$ 在区间 $\left(0, \frac{5\pi}{12}\right)$ 单调递减

B. $f(x)$ 在区间 $\left(-\frac{\pi}{12}, \frac{11\pi}{12}\right)$ 有两个极值点

C. 直线 $x = \frac{7\pi}{6}$ 是曲线 $y = f(x)$ 的对称轴

D. 直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{2} - x$ 是曲线 $y = f(x)$ 的切线

10. 已知正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$, 则 ()

A. 直线 BC_1 与 DA_1 所成的角为 90°

B. 直线 BC_1 与 CA_1 所成的角为 90°

C. 直线 BC_1 与平面 BB_1D_1D 所成的角为 45°

D. 直线 BC_1 与平面 $ABCD$ 所成的角为 45°

11. 已知直线 $l: ax + by - r^2 = 0$ 与圆 $C: x^2 + y^2 = r^2$, 点 $A(a, b)$, 则下列说法正确的是

()

A. 若点 A 在圆 C 上, 则直线 l 与圆 C 相切

B. 若点 A 在圆 C 内, 则直线 l 与圆 C 相离

C. 若点 A 在圆 C 外, 则直线 l 与圆 C 相离

D. 若点 A 在直线 l 上, 则直线 l 与圆 C 相切

12. 已知 O 为坐标原点, 点 $P_1(\cos \alpha, \sin \alpha)$, $P_2(\cos \beta, -\sin \beta)$,

$P_3(\cos(\alpha + \beta), \sin(\alpha + \beta))$, $A(1, 0)$, 则 ()

A. $|\vec{OP}_1| = |\vec{OP}_2|$

B. $|\vec{AP}_1| = |\vec{AP}_2|$

C. $\vec{OA} \cdot \vec{OP}_3 = \vec{OP}_1 \cdot \vec{OP}_2$

D. $\vec{OA} \cdot \vec{OP}_1 = \vec{OP}_2 \cdot \vec{OP}_3$

三、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分.

13. 已知函数 $f(x) = x^3(a \cdot 2^x - 2^{-x})$ 是偶函数, 则 $a =$ _____.

14. 已知 $\{a_n\}$ 为等比数列, $a_2 a_4 a_5 = a_3 a_6$, $a_9 a_{10} = -8$, 则 $a_7 =$ _____.

15. 函数 $f(x) = |2x - 1| - 2 \ln x$ 的最小值为 _____.

16. 在 $\triangle ABC$ 中, $\angle BAC = 60^\circ$, $AB = 2$, $BC = \sqrt{6}$, $\angle BAC$ 的角平分线交 BC 于 D , 则 $AD =$ _____.

四、解答题: 本题共 6 小题, 共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

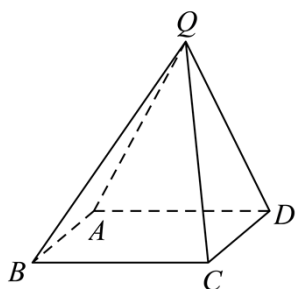
17. 在 $\triangle ABC$ 中, 角 A 、 B 、 C 所对的边长分别为 a 、 b 、 c , $b = a + 1$, $c = a + 2$.

- (1) 若 $2\sin C = 3\sin A$, 求 $\triangle ABC$ 的面积;
- (2) 是否存在正整数 a , 使得 $\triangle ABC$ 为钝角三角形? 若存在, 求出 a 的值; 若不存在, 说明理由.

18. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 1$, $a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 1, n \text{ 为奇数,} \\ a_n + 2, n \text{ 为偶数.} \end{cases}$

- (1) 记 $b_n = a_{2n}$, 写出 b_1, b_2 , 并求数列 $\{b_n\}$ 的通项公式;
- (2) 求 $\{a_n\}$ 的前 20 项和.

19. 在四棱锥 $Q-ABCD$ 中, 底面 $ABCD$ 是正方形, 若 $AD = 2, QD = QA = \sqrt{5}, QC = 3$.



- (1) 证明: 平面 $QAD \perp$ 平面 $ABCD$;
- (2) 求二面角 $B-QD-A$ 的平面角的余弦值.

20. 已知椭圆的一个顶点 $A(0, -1)$, 焦点在 x 轴上, 离心率为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$.

- (1) 求椭圆的标准方程;
- (2) 设直线 $y = kx + m (k \neq 0)$ 与椭圆交于不同的两点 M, N . 当 $|AM| = |AN|$ 时, 求 m 的取值范围.

21. 某冰糖橙是甜橙的一种, 以味甜皮薄著称. 该橙按照等级可分为四类: 珍品、特级、优级和一级. 某采购商打算订购一批橙子销往省外, 并从采购的这批橙子中随机抽取 100 箱 (每箱有 5kg), 利用橙子的等级分类标准得到的数据如下表:

等级	珍品	特级	优级	一级
箱数	40	30	10	20

(1) 若将频率作为概率, 从这 100 箱橙子中有放回地随机抽取 4 箱, 求恰好有 2 箱是一级品的概率;

(2) 利用样本估计总体, 果园老板提出两种方案供采购商参考: 方案一: 不分等级出售, 价格为 27 元/kg; 方案二: 分等级出售, 橙子价格如下表.

等级	珍品	特级	优级	一级

价格/(元kg)	36	30	24	18
----------	----	----	----	----

从采购商的角度考虑，应该采用哪种方案？

(3)用分层随机抽样的方法从这 100 箱橙子中抽取 10 箱，再从抽取的 10 箱中随机抽取 3 箱， X 表示抽取的珍品的箱数，求 X 的分布列及均值 $E(X)$.

22. 已知函数 $f(x) = x \ln x$.

(1)判断 $f(x)$ 的单调性；

(2)设方程 $f(x) - 2x + 1 = 0$ 的两个根分别为 x_1, x_2 ，求证： $x_1 + x_2 > 2e$.

1. B

【分析】方法一：求出集合 B 后可求 $A \cap B$.

【详解】[方法一]：直接法

因为 $B = \{x | 0 \leq x \leq 2\}$ ，故 $A \cap B = \{1, 2\}$ ，故选：B.

[方法二]：【最优解】代入排除法

$x = -1$ 代入集合 $B = \{x | |x - 1| \leq 1\}$ ，可得 $2 \leq 1$ ，不满足，排除 A、D；

$x = 4$ 代入集合 $B = \{x | |x - 1| \leq 1\}$ ，可得 $3 \leq 1$ ，不满足，排除 C.

故选：B.

【整体点评】方法一：直接解不等式，利用交集运算求出，是通性通法；

方法二：根据选择题特征，利用特殊值代入验证，是该题的最优解.

2. D

【分析】利用复数的乘法可求 $(2 + 2i)(1 - 2i)$.

【详解】 $(2 + 2i)(1 - 2i) = 2 + 4 - 4i + 2i = 6 - 2i$ ，

故选：D.

3. B

【分析】设圆锥的母线长为 l ，根据圆锥底面圆的周长等于扇形的弧长可求得 l 的值，即为所求.

【详解】设圆锥的母线长为 l ，由于圆锥底面圆的周长等于扇形的弧长，则 $\pi l = 2\pi \times \sqrt{2}$ ，解得 $l = 2\sqrt{2}$.

故选：B.

4. C

【分析】将式子先利用二倍角公式和平方关系配方化简，然后增添分母 $(1 = \sin^2 \theta + \cos^2 \theta)$ ，进行齐次化处理，化为正切的表达式，代入 $\tan \theta = -2$ 即可得到结果.

【详解】将式子进行齐次化处理得：

$$\frac{\sin \theta (1 + \sin 2\theta)}{\sin \theta + \cos \theta} = \frac{\sin \theta (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta + 2 \sin \theta \cos \theta)}{\sin \theta + \cos \theta} = \sin \theta (\sin \theta + \cos \theta)$$

$$= \frac{\sin \theta (\sin \theta + \cos \theta)}{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta} = \frac{\tan^2 \theta + \tan \theta}{1 + \tan^2 \theta} = \frac{4-2}{1+4} = \frac{2}{5}.$$

故选：C.

【点睛】易错点睛：本题如果利用 $\tan \theta = -2$ ，求出 $\sin \theta, \cos \theta$ 的值，可能还需要分象限讨论其正负，通过齐次化处理，可以避开了这一讨论.

5. A

【分析】由三角函数的性质结合充分条件、必要条件的定义即可得解.

【详解】因为 $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$ 可得：

当 $\sin x = 1$ 时， $\cos x = 0$ ，充分性成立；

当 $\cos x = 0$ 时， $\sin x = \pm 1$ ，必要性不成立；

所以当 $x \in \mathbf{R}$ ， $\sin x = 1$ 是 $\cos x = 0$ 的充分不必要条件.

故选：A.

6. D

【分析】根据 $b_{n+2} = b_{n+1} - b_n$ ，递推出数列 $\{b_n\}$ 是以 6 为周期的周期数列求解.

【详解】解：因为 $b_{n+2} = b_{n+1} - b_n$ ，所以 $b_3 = b_2 - b_1 = -2 - 1 = -3, b_4 = b_3 - b_2 = -3 - (-2) = -1$ ，

$b_5 = b_4 - b_3 = -1 - (-3) = 2, b_6 = b_5 - b_4 = 2 - (-1) = 3, b_7 = b_6 - b_5 = 3 - 2 = 1$ ，

则数列 $\{b_n\}$ 是以 6 为周期的周期数列，又 $S_6 = 1 - 2 - 3 - 1 + 2 + 3 = 0$ ，

所以 $S_{2024} = S_{337 \times 6 + 2} = b_1 + b_2 = -1$ ，

故选：D

7. C

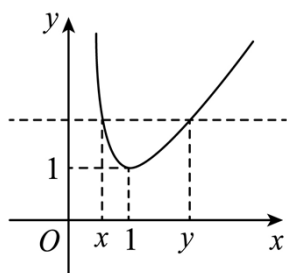
【分析】先化简已知式，构造函数 $f(x) = \ln x + \frac{1}{x}$ ($x > 0$)，并利用导数研究函数性质，画出图象，再利用图象得到 x, y 范围，结合特殊值计算排除错误选项，研究极值点偏移得到答案即可.

【详解】因为 $\ln \frac{x}{y} = \frac{x-y}{xy}$ ，所以 $\ln x - \ln y = \frac{1}{y} - \frac{1}{x}$ ，即 $\ln x + \frac{1}{x} = \ln y + \frac{1}{y}$ ，

令函数 $f(x) = \ln x + \frac{1}{x}$ ， $x > 0$ ，则 $f'(x) = \frac{1}{x} - \frac{1}{x^2} = \frac{x-1}{x^2}$ ，

$x \in (0, 1)$ 时 $f'(x) < 0$ ， $f(x)$ 单调递减， $x \in (1, +\infty)$ 时 $f'(x) > 0$ ， $f(x)$ 单调递增.

函数 $f(x)$ 在 $x = 1$ 处取得极小值 $f(1) = 1$ ，如图所示：



依题意 $f(x) = f(y)$, $x \neq y$, 不妨设 $x < y$, 由图象可知, $0 < x < 1 < y$, 故 $x + y > 1$, A 错误;

假设 $xy = 1$ 成立, 可取 $x = \frac{1}{2}, y = 2$, 则 $f(x) = f\left(\frac{1}{2}\right) = 2 - \ln 2, f(y) = f(2) = \frac{1}{2} + \ln 2$, 易见不

满足题意 $f(x) = f(y)$, 即 B 不正确;

如图取 $1 < y \leq 2$ 时, 设 $f(x) = f(y) = t$, 则由 $0 < x < 1$ 知, 可有 $x + y \leq 3$, 故 D 错误;

由函数 $f(x) = \ln x + \frac{1}{x}$ ($x > 0$) 中, $0 < x < 1$ 时, $f(x) \in (1, +\infty)$, $x > 1$ 时, $f(x) \in (1, +\infty)$,

可知 $f(x) = f(y)$, $x \neq y$ 时极值点 $x = 1$ 左偏, 即 $2 \times 1 < x + y$, 即 $x + y > 2$ 一定成立, C 正确.

故选: C.

【点睛】关键点点睛:

本题的解题关键在于构造函数关系 $f(x) = \ln x + \frac{1}{x}$ ($x > 0$), 并研究其单调性和极值点, 结合图象判断极值点的偏移情况, 即突破难点.

8. A

【分析】根据正四面体的体积可求出内切球的半径, 取 AD 的中点为 E , $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PD} = \overrightarrow{PE}^2 - \frac{1}{4}$, 可得当 PE 的长度最小时, $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PD}$ 取得最小值, 求出球心 O 到点 E 的距离 d , 可得点 P 到 AD 的距离为 $d - r$.

【详解】因为四面体 $ABCD$ 是棱长为 1 的正四面体,

所以其体积为 $\frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 1 \times 1 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{\sqrt{6}}{3} = \frac{\sqrt{2}}{12}$.

设正四面体 $ABCD$ 内切球的半径为 r ,

则 $4 \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 1 \times 1 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \times r = \frac{\sqrt{2}}{12}$, 得 $r = \frac{\sqrt{6}}{12}$.

如图, 取 AD 的中点为 E , 则 $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PD} = (\overrightarrow{PE} + \overrightarrow{EA}) \cdot (\overrightarrow{PE} + \overrightarrow{ED})$

$= \overrightarrow{PE}^2 + \overrightarrow{PE} \cdot (\overrightarrow{EA} + \overrightarrow{ED}) + \overrightarrow{EA} \cdot \overrightarrow{ED} = \overrightarrow{PE}^2 - \frac{1}{4}$.

显然, 当 PE 的长度最小时, $\overrightarrow{PA} \cdot \overrightarrow{PD}$ 取得最小值.

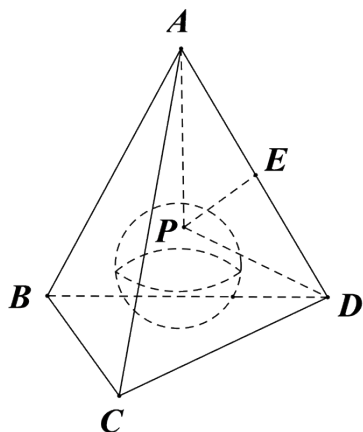
设正四面体内切球的球心为 O , 可求得 $OA = OD = \frac{\sqrt{6}}{4}$.

因为球心 O 到点 E 的距离 $d = \sqrt{PA^2 - AE^2} = \sqrt{\left(\frac{\sqrt{6}}{4}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{2}}{4}$,

所以球 O 上的点 P 到点 E 的最小距离为 $d - r = \frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{\sqrt{6}}{12} = \frac{3\sqrt{2} - \sqrt{6}}{12}$,

即当 $\overline{PA} \cdot \overline{PD}$ 取得最小值时, 点 P 到 AD 的距离为 $\frac{3\sqrt{2} - \sqrt{6}}{12}$.

故选: A.



【点睛】 关键点睛: 本题考查几何体的内切球问题, 解题的关键是先根据正四面体的体积可求出内切球的半径, 得出点 P 到 AD 的距离为球心 O 到点 E 的距离减去半径.

9. AD

【分析】 根据三角函数的性质逐个判断各选项, 即可解出.

【详解】 由题意得: $f\left(\frac{2\pi}{3}\right) = \sin\left(\frac{4\pi}{3} + \varphi\right) = 0$, 所以 $\frac{4\pi}{3} + \varphi = k\pi$, $k \in \mathbf{Z}$,

即 $\varphi = -\frac{4\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$,

又 $0 < \varphi < \pi$, 所以 $k = 2$ 时, $\varphi = \frac{2\pi}{3}$, 故 $f(x) = \sin\left(2x + \frac{2\pi}{3}\right)$.

对 A, 当 $x \in \left(0, \frac{5\pi}{12}\right)$ 时, $2x + \frac{2\pi}{3} \in \left(\frac{2\pi}{3}, \frac{3\pi}{2}\right)$, 由正弦函数 $y = \sin u$ 图象知 $y = f(x)$ 在 $\left(0, \frac{5\pi}{12}\right)$ 上是单调递减;

对 B, 当 $x \in \left(-\frac{\pi}{12}, \frac{11\pi}{12}\right)$ 时, $2x + \frac{2\pi}{3} \in \left(\frac{\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}\right)$, 由正弦函数 $y = \sin u$ 图象知 $y = f(x)$ 只有 1 个极值点, 由 $2x + \frac{2\pi}{3} = \frac{3\pi}{2}$, 解得 $x = \frac{5\pi}{12}$, 即 $x = \frac{5\pi}{12}$ 为函数的唯一极值点;

对 C, 当 $x = \frac{7\pi}{6}$ 时, $2x + \frac{2\pi}{3} = 3\pi$, $f\left(\frac{7\pi}{6}\right) = 0$, 直线 $x = \frac{7\pi}{6}$ 不是对称轴;

对 D, 由 $y' = 2\cos\left(2x + \frac{2\pi}{3}\right) = -1$ 得: $\cos\left(2x + \frac{2\pi}{3}\right) = -\frac{1}{2}$,

解得 $2x + \frac{2\pi}{3} = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi$ 或 $2x + \frac{2\pi}{3} = \frac{4\pi}{3} + 2k\pi, k \in \mathbf{Z}$,

从而得: $x = k\pi$ 或 $x = \frac{\pi}{3} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$,

所以函数 $y = f(x)$ 在点 $\left(0, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 处的切线斜率为 $k = y'|_{x=0} = 2 \cos \frac{2\pi}{3} = -1$,

切线方程为: $y - \frac{\sqrt{3}}{2} = -(x - 0)$ 即 $y = \frac{\sqrt{3}}{2} - x$.

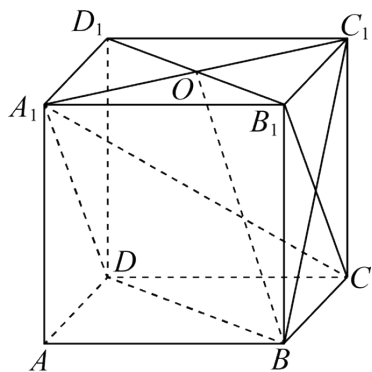
故选: AD.

10. ABD

【分析】数形结合, 依次对所给选项进行判断即可.

【详解】如图, 连接 B_1C 、 BC_1 , 因为 $DA_1 // B_1C$, 所以直线 BC_1 与 B_1C 所成的角即为直线 BC_1 与 DA_1 所成的角,

因为四边形 BB_1C_1C 为正方形, 则 $B_1C \perp BC_1$, 故直线 BC_1 与 DA_1 所成的角为 90° , A 正确;



连接 A_1C , 因为 $A_1B_1 \perp$ 平面 BB_1C_1C , $BC_1 \subset$ 平面 BB_1C_1C , 则 $A_1B_1 \perp BC_1$,

因为 $B_1C \perp BC_1$, $A_1B_1 \cap B_1C = B_1$, 所以 $BC_1 \perp$ 平面 A_1B_1C ,

又 $A_1C \subset$ 平面 A_1B_1C , 所以 $BC_1 \perp CA_1$, 故 B 正确;

连接 A_1C_1 , 设 $A_1C_1 \cap B_1D_1 = O$, 连接 BO ,

因为 $BB_1 \perp$ 平面 $A_1B_1C_1D_1$, $C_1O \subset$ 平面 $A_1B_1C_1D_1$, 则 $C_1O \perp B_1B$,

因为 $C_1O \perp B_1D_1$, $B_1D_1 \cap B_1B = B_1$, 所以 $C_1O \perp$ 平面 BB_1D_1D ,

所以 $\angle C_1BO$ 为直线 BC_1 与平面 BB_1D_1D 所成的角,

设正方体棱长为1, 则 $C_1O = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $BC_1 = \sqrt{2}$, $\sin \angle C_1BO = \frac{C_1O}{BC_1} = \frac{1}{2}$,

所以, 直线 BC_1 与平面 BB_1D_1D 所成的角为 30° , 故 C 错误;

因为 $C_1C \perp$ 平面 $ABCD$, 所以 $\angle C_1BC$ 为直线 BC_1 与平面 $ABCD$ 所成的角, 易得

$\angle C_1BC = 45^\circ$, 故 D 正确.

故选: ABD

11. ABD

【分析】转化点与圆、点与直线的位置关系为 $a^2 + b^2, r^2$ 的大小关系, 结合点到直线的距离及直线与圆的位置关系即可得解.

【详解】圆心 $C(0,0)$ 到直线 l 的距离 $d = \frac{r^2}{\sqrt{a^2 + b^2}}$,

若点 $A(a,b)$ 在圆 C 上, 则 $a^2 + b^2 = r^2$, 所以 $d = \frac{r^2}{\sqrt{a^2 + b^2}} = |r|$,

则直线 l 与圆 C 相切, 故 A 正确;

若点 $A(a,b)$ 在圆 C 内, 则 $a^2 + b^2 < r^2$, 所以 $d = \frac{r^2}{\sqrt{a^2 + b^2}} > |r|$,

则直线 l 与圆 C 相离, 故 B 正确;

若点 $A(a,b)$ 在圆 C 外, 则 $a^2 + b^2 > r^2$, 所以 $d = \frac{r^2}{\sqrt{a^2 + b^2}} < |r|$,

则直线 l 与圆 C 相交, 故 C 错误;

若点 $A(a,b)$ 在直线 l 上, 则 $a^2 + b^2 - r^2 = 0$ 即 $a^2 + b^2 = r^2$,

所以 $d = \frac{r^2}{\sqrt{a^2 + b^2}} = |r|$, 直线 l 与圆 C 相切, 故 D 正确.

故选: ABD.

12. AC

【分析】A、B 写出 \vec{OP}_1 , \vec{OP}_2 , \vec{AP}_1 , \vec{AP}_2 的坐标, 利用坐标公式求模, 即可判断正误; C、D 根据向量的坐标, 应用向量数量积的坐标表示及两角和差公式化简, 即可判断正误.

【详解】A: $\vec{OP}_1 = (\cos \alpha, \sin \alpha)$, $\vec{OP}_2 = (\cos \beta, -\sin \beta)$, 所以 $|\vec{OP}_1| = \sqrt{\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha} = 1$,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。

如要下载或阅读全文，请访问：

<https://d.book118.com/645033143031011221>