

2023 年北京市中考数学试卷

考生须知

1. 本试卷共 6 页，共两部分，三道大题，28 道小题。满分 100 分。考试时间 120 分钟。
2. 在试卷和草稿纸上准确填写姓名、准考证号、考场号和座位号。
3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。
4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。
5. 考试结束，将本试卷、答案卡和草稿纸一并交回。

第一部分 选择题

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）

第 1—8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

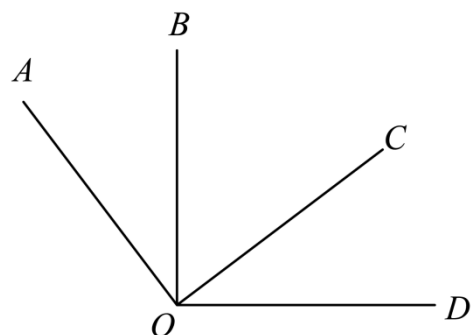
1. 截至 2023 年 6 月 11 日 17 时，全国冬小麦收款 2.39 亿亩，进度过七成半，将 239000000 用科学记数法表示应为（ ）

- A. 23.9×10^7 B. 2.39×10^8 C. 2.39×10^9 D. 0.239×10^9

2. 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是（ ）



3. 如图， $\angle AOC = \angle BOD = 90^\circ$ ， $\angle AOD = 126^\circ$ ，则 $\angle BOC$ 的大小为（ ）



- A. 36° B. 44° C. 54° D. 63°

4. 已知 $a - 1 > 0$ ，则下列结论正确的是（ ）

- A. $-1 < -a < a < 1$ B. $-a < -1 < 1 < a$
 C. $-a < -1 < a < 1$ D. $-1 < -a < 1 < a$

5. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 3x + m = 0$ 有两个相等的实数根，则实数 m 的值为（ ）

- A. -9 B. $-\frac{9}{4}$ C. $\frac{9}{4}$ D. 9

6. 十二边形的外角和为（ ）

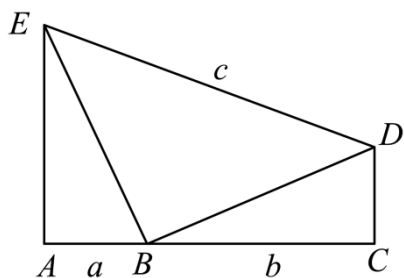
- A. 30° B. 150° C. 360° D. 1800°

7. 先后两次抛掷同一枚质地均匀的硬币，则第一次正面向上、第二次反面向上的概率是 ()

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{3}{4}$

8. 如图，点 A, B, C 在同一条线上，点 B 在点 A, C 之间，点 D, E 在直线 AC 同侧， $AB < BC$ ， $\angle A = \angle C = 90^\circ$ ， $\triangle EAB \cong \triangle BCD$ ，连接 DE ，设 $AB = a$ ， $BC = b$ ， $DE = c$ ，给出下面三个结论：①

$a + b < c$ ；② $a + b > \sqrt{a^2 + b^2}$ ；③ $\sqrt{2}(a + b) > c$ ；



上述结论中，所有正确结论的序号是 ()

- A. ①② B. ①③ C. ②③ D. ①②③

第二部分 非选择题

二、填空题 (共 16 分，每题 2 分)

9. 若代数式 $\frac{5}{x-2}$ 有意义，则实数 x 的取值范围是_____.

10. 分解因式： $x^2y - y^3 =$ _____.

11. 方程 $\frac{3}{5x+1} = \frac{1}{2x}$ 的解为_____.

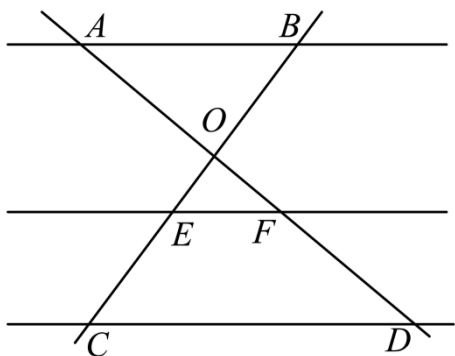
12. 在平面直角坐标系 xOy 中，若函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 的图象经过点 $A(-3, 2)$ 和 $B(m, -2)$ ，则 m 的值为_____.

13. 某厂生产了 1000 只灯泡.为了解这 1000 只灯泡的使用寿命，从中随机抽取了 50 只灯泡进行检测，获得了它们的使用寿命 (单位：小时)，数据整理如下：

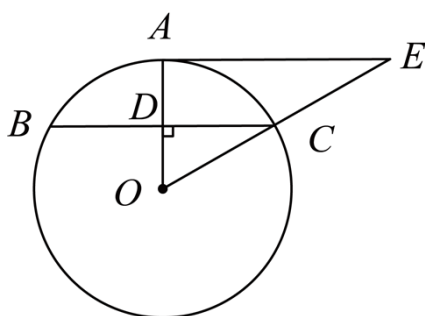
使用寿命	$x < 1000$	$1000 \leq x < 1600$	$1600 \leq x < 2200$	$2200 \leq x < 2800$	$x \geq 2800$
灯泡只数	5	10	12	17	6

根据以上数据，估计这 1000 只灯泡中使用寿命不小于 2200 小时的灯泡的数量为_____只.

14. 如图，直线 AD, BC 交于点 O ， $AB \parallel EF \parallel CD$.若 $AO = 2$ ， $OF = 1$ ， $FD = 2$.则 $\frac{BE}{EC}$ 的值为_____.



15. 如图， OA 是 $\odot O$ 的半径， BC 是 $\odot O$ 的弦， $OA \perp BC$ 于点 D ， AE 是 $\odot O$ 的切线， AE 交 OC 的延长线于点 E 。若 $\angle AOC = 45^\circ$ ， $BC = 2$ ，则线段 AE 的长为_____。



16. 学校组织学生参加木艺艺术品加工劳动实践活动。已知某木艺艺术品加工完成共需 A, B, C, D, E, F, G 七道工序，加工要求如下：

- ①工序 C, D 须在工序 A 完成后进行，工序 E 须在工序 B, D 都完成后进行，工序 F 须在工序 C, D 都完成后进行；
- ②一道工序只能由一名学生完成，此工序完成后该学生才能进行其他工序；
- ③各道工序所需时间如下表所示：

工序	A	B	C	D	E	F	G
所需时间/分钟	9	9	7	9	7	10	2

在不考虑其他因素的前提下，若由一名学生单独完成此木艺艺术品的加工，则需要_____分钟；若由两名学生合作完成此木艺艺术品的加工，则最少需要_____分钟。

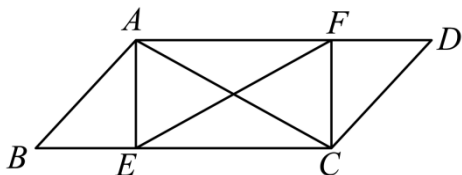
三、解答题（共 68 分，第 17—19 题，每题 5 分，第 20—21 题，每题 6 分，第 22—23 题，每题 5 分，第 24 题 6 分，第 25 题 5 分，第 26 题 6 分；第 27—28 题，每题 7 分）解答应写出文字说明、演算步骤或证明过程。

17. 计算： $4\sin 60^\circ + \left(\frac{1}{3}\right)^{-1} + |-2| - \sqrt{12}$ 。

18. 解不等式组:
$$\begin{cases} x > \frac{x+2}{3} \\ 5x-3 < 5+x \end{cases}$$

19. 已知 $x+2y-1=0$, 求代数式 $\frac{2x+4y}{x^2+4xy+4y^2}$ 的值.

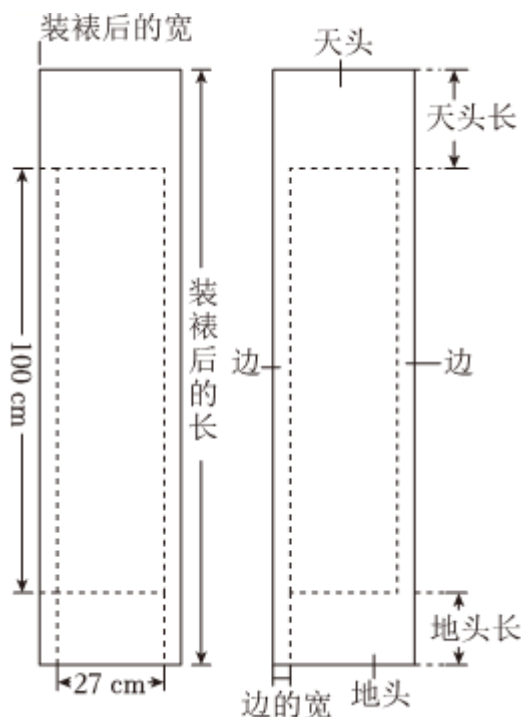
20. 如图, 在 $\square ABCD$ 中, 点 E, F 分别在 BC, AD 上, $BE=DF, AC=EF$.



(1) 求证: 四边形 $AECF$ 是矩形;

(2) $AE=BE, AB=2, \tan \angle ACB = \frac{1}{2}$, 求 BC 的长.

21. 对联是中华传统文化的瑰宝, 对联装裱后, 如图所示, 上、下空白处分别称为天头和地头, 左、右空白处统称为边. 一般情况下, 天头长与地头长的比是 $6:4$, 左、右边的宽相等, 均为天头长与地头长的和的 $\frac{1}{10}$. 某人要装裱一幅对联, 对联的长为 100cm , 宽为 27cm . 若要求装裱后的长是装裱后的宽的 4 倍, 求边的宽和天头长. (书法作品选自《启功法书》)



22. 在平面直角坐标系 xOy 中, 函数 $y=kx+b(k \neq 0)$ 的图象经过点 $A(0,1)$ 和 $B(1,2)$, 与过点 $(0,4)$ 且平行于 x 轴的线交于点 C .

(1) 求该函数的解析式及点 C 的坐标;

(2) 当 $x < 3$ 时, 对于 x 的每一个值, 函数 $y = \frac{2}{3}x + n$ 的值大于函数 $y = kx + b (k \neq 0)$ 的值且小于 4, 直接写出 n 的值.

23. 某校舞蹈队共 16 名学生, 测量并获取了所有学生的身高 (单位: cm), 数据整理如下:

a. 16 名学生的身高:

161, 162, 162, 164, 165, 165, 165, 166,

166, 167, 168, 168, 170, 172, 172, 175

b. 16 名学生的身高的平均数、中位数、众数:

平均数	中位数	众数
166.75	m	n

(1) 写出表中 m, n 的值;

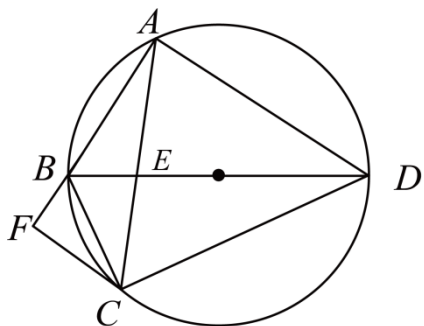
(2) 对于不同组的学生, 如果一组学生的身高的方差越小, 则认为该组舞台呈现效果越好. 据此推断:

在下列两组学生中, 舞台呈现效果更好的是_____ (填“甲组”或“乙组”);

甲组学生的身高	162	165	165	166	166
乙组学生的身高	161	162	164	165	175

(3) 该舞蹈队要选五名学生参加比赛. 已确定三名学生参赛, 他们的身高分别为 168, 168, 172, 他们的身高的方差为 $\frac{32}{9}$. 在选另外两名学生时, 首先要求所选的两名学生与已确定的三名学生所组成的五名学生的身高的方差小于 $\frac{32}{9}$, 其次要求所选的两名学生与已确定的三名学生所组成的五名学生的身高的平均数尽可能大, 则选出的另外两名学生的身高分别为_____和_____.

24. 如图, 圆内接四边形 $ABCD$ 的对角线 AC, BD 交于点 E , BD 平分 $\angle ABC$, $\angle BAC = \angle ADB$.



(1) 求证 DB 平分 $\angle ADC$, 并求 $\angle BAD$ 的大小;

(2) 过点 C 作 $CF \parallel AD$ 交 AB 的延长线于点 F . 若 $AC = AD$, $BF = 2$, 求此圆半径的长.

25. 某小组研究了清洗某种含污物品的节约用水策略. 部分内容如下.

每次清洗 1 个单位质量的该种含污物品, 清洗前的清洁度均为 0.800 要求清洗后的清洁度为 0.990

方案一: 采用一次清洗的方式.

结果: 当用水量为 19 个单位质量时, 清洗后测得的清洁度为 0.990.

方案二: 采用两次清洗的方式.

记第一次用水量为 x_1 个单位质量, 第二次用水量为 x_2 个单位质量, 总用水量为 $(x_1 + x_2)$ 个单位质量, 两次清洗后测得的清洁度为 C . 记录的部分实验数据如下:

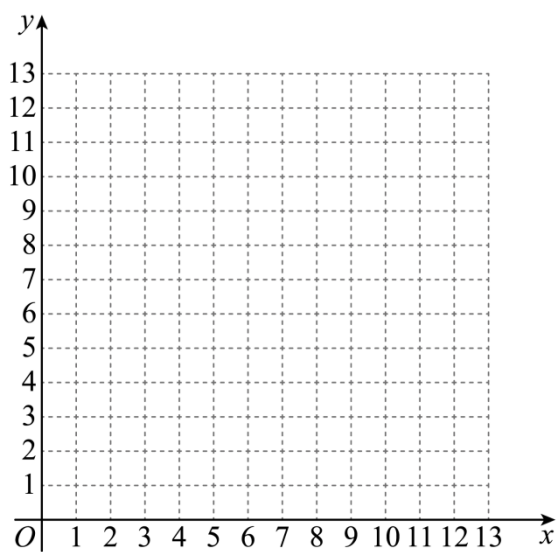
x_1	11.0	9.0	9.0	7.0	5.5	4.5	3.5	3.0	3.0	2.0	1.0
x_2	0.8	1.0	1.3	1.9	2.6	3.2	4.3	4.0	5.0	7.1	11.5
$x_1 + x_2$	11.8	10.0	10.3	8.9	8.1	7.7	7.8	7.0	8.0	9.1	12.5
C	0.990	0.989	0.990	0.990	0.990	0.990	0.990	0.988	0.990	0.990	0.990

对以上实验数据进行分析, 补充完成以下内容.

(I) 选出 C 是 0.990 的所有数据组, 并划“√”;

(II) 通过分析 (I) 中选出的数据, 发现可以用函数刻画第一次用水量 x_1 和总用水量 $x_1 + x_2$ 之间的关系,

在平面直角坐标系 xOy 中画出此函数的图象;



结果: 结合实验数据, 利用所画的函数图象可以推断, 当第一次用水量约为_____个单位质量 (精确到个位) 时, 总用水量最小.

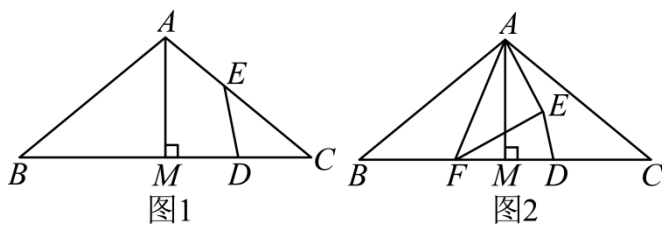
根据以上实验数据和结果，解决下列问题：

- (1) 当采用两次清洗的方式并使总用水量最小时，与采用一次清洗的方式相比、可节水约_____个单位质量（结果保留小数点后一位）；
- (2) 当采用两次清洗的方式时，若第一次用水量为 6 个单位质量，总用水量为 7.5 个单位质量，则清洗后的清洁度 C _____ 0.990（填 “>” “=” 或 “<”）.

26. 在平面直角坐标系 xOy 中， $M(x_1, y_1)$ ， $N(x_2, y_2)$ 是抛物线 $y = ax^2 + bx + c (a > 0)$ 上任意两点，设抛物线的对称轴为 $x = t$.

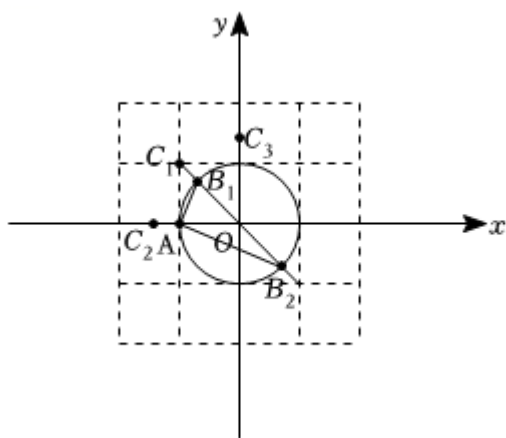
- (1) 若对于 $x_1 = 1$ ， $x_2 = 2$ 有 $y_1 = y_2$ ，求 t 的值；
- (2) 若对于 $0 < x_1 < 1$ ， $1 < x_2 < 2$ ，都有 $y_1 < y_2$ ，求 t 的取值范围.

27. 在 $\triangle ABC$ 中、 $\angle B = \angle C = \alpha (0^\circ < \alpha < 45^\circ)$ ， $AM \perp BC$ 于点 M ， D 是线段 MC 上的动点（不与点 M ， C 重合），将线段 DM 绕点 D 顺时针旋转 2α 得到线段 DE .



- (1) 如图 1，当点 E 在线段 AC 上时，求证： D 是 MC 的中点；
- (2) 如图 2，若在线段 BM 上存在点 F （不与点 B ， M 重合）满足 $DF = DC$ ，连接 AE ， EF ，直接写出 $\angle AEF$ 的大小，并证明.

28. 在平面直角坐标系 xOy 中， $\odot O$ 的半径为 1. 对于 $\odot O$ 的弦 AB 和 $\odot O$ 外一点 C 给出如下定义：若直线 CA ， CB 中一条经过点 O ，另一条是 $\odot O$ 的切线，则称点 C 是弦 AB 的“关联点”.



- (1) 如图，点 $A(-1,0)$ ， $B_1\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2}\right)$ ， $B_2\left(\frac{\sqrt{2}}{2}, -\frac{\sqrt{2}}{2}\right)$

①在点 $C_1(-1,1)$, $C_2(-\sqrt{2},0)$, $C_3(0,\sqrt{2})$ 中, 弦 AB_1 的“关联点”是_____.

②若点 C 是弦 AB_2 的“关联点”, 直接写出 OC 的长;

(2) 已知点 $M(0,3)$, $N\left(\frac{6\sqrt{5}}{5},0\right)$. 对于线段 MN 上一点 S , 存在 $\odot O$ 的弦 PQ , 使得点 S 是弦 PQ 的“关联点”, 记 PQ 的长为 t , 当点 S 在线段 MN 上运动时, 直接写出 t 的取值范围.

2023 年北京市中考数学试卷

考生须知

1. 本试卷共 6 页，共两部分，三道大题，28 道小题。满分 100 分。考试时间 120 分钟。
2. 在试卷和草稿纸上准确填写姓名、准考证号、考场号和座位号。
3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。
4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。
5. 考试结束，将本试卷、答案卡和草稿纸一并交回。

第一部分 选择题

一、选择题（共 16 分，每题 2 分）

第 1—8 题均有四个选项，符合题意的选项只有一个。

1. 截至 2023 年 6 月 11 日 17 时，全国冬小麦收款 2.39 亿亩，进度过七成半，将 239000000 用科学记数法表示应为（ ）

- A. 23.9×10^7 B. 2.39×10^8 C. 2.39×10^9 D. 0.239×10^9

【答案】B

【解析】

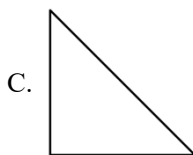
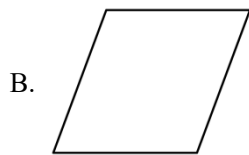
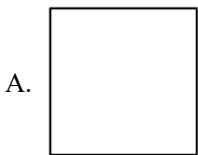
【分析】用科学记数法表示绝对值较大的数时，一般形式为 $a \times 10^n$ ，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为整数，且 n 比原来的整数位数少 1，据此判断即可。

【详解】解： $239000000 = 2.39 \times 10^8$ ，

故选：B.

【点睛】本题考查了科学记数法的表示方法，用科学记数法表示绝对值较大的数时，一般形式为 $a \times 10^n$ ，其中 $1 \leq |a| < 10$ ， n 为整数，且 n 比原来的整数位数少 1，解题的关键是要正确确定 a 和 n 的值。

2. 下列图形中，既是轴对称图形又是中心对称图形的是（ ）



【答案】A

【解析】

【分析】根据轴对称图形，中心对称图形的定义进行判断即可。

【详解】解：A 既是轴对称图形又是中心对称图形，故符合要求；

B 不是轴对称图形，是中心对称图形，故不符合要求；

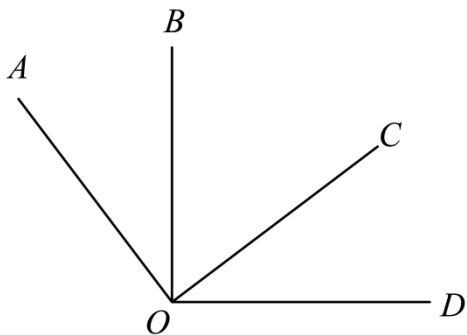
C 是轴对称图形，不是中心对称图形，故不符合要求；

D 是轴对称图形，不是中心对称图形，故不符合要求；

故选：A.

【点睛】 本题考查了轴对称图形，中心对称图形，解题的关键在于熟练掌握：在平面内，把一个图形绕着某个点旋转 180° ，如果旋转后的图形能与原来的图形重合，那么这个图形叫做中心对称图形；在平面内，一个图形沿一条直线折叠，直线两旁的部分能够完全重合的图形叫做轴对称图形.

3. 如图， $\angle AOC = \angle BOD = 90^\circ$ ， $\angle AOD = 126^\circ$ ，则 $\angle BOC$ 的大小为（ ）



A. 36°

B. 44°

C. 54°

D. 63°

【答案】 C

【解析】

【分析】 由 $\angle AOC = \angle BOD = 90^\circ$ ， $\angle AOD = 126^\circ$ ，可求出 $\angle COD$ 的度数，再根据角与角之间的关系求解.

【详解】 $\because \angle AOC = 90^\circ$ ， $\angle AOD = 126^\circ$ ，

$\therefore \angle COD = \angle AOD - \angle AOC = 36^\circ$ ，

$\because \angle BOD = 90^\circ$ ，

$\therefore \angle BOC = \angle BOD - \angle COD = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ$.

故选：C.

【点睛】 本题考查的知识点是角的计算，注意此题的解题技巧：两个直角相加和 $\angle AOD$ 相比，多加了 $\angle BOC$.

4. 已知 $a - 1 > 0$ ，则下列结论正确的是（ ）

A. $-1 < -a < a < 1$

B. $-a < -1 < 1 < a$

C. $-a < -1 < a < 1$

D. $-1 < -a < 1 < a$

【答案】 B

【解析】

【分析】 由 $a - 1 > 0$ 可得 $a > 1$ ，则 $a > 0$ ，根据不等式的性质求解即可.

【详解】解： $a-1>0$ 得 $a>1$ ，则 $a>0$ ，

$$\therefore -a < -1,$$

$$\therefore -a < -1 < 1 < a,$$

故选：B.

【点睛】本题考查了不等式的性质，注意：当不等式两边同时乘以一个负数，则不等式的符号需要改变.

5. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 3x + m = 0$ 有两个相等的实数根，则实数 m 的值为 ()

- A. -9 B. $-\frac{9}{4}$ C. $\frac{9}{4}$ D. 9

【答案】C

【解析】

【分析】根据一元二次方程有两个相等的实数根，可得 $\Delta = 0$ ，进而即可求解.

【详解】解： \because 关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 3x + m = 0$ 有两个相等的实数根，

$$\therefore \Delta = b^2 - 4ac = 9 - 4m = 0.$$

$$\text{解得： } m = \frac{9}{4}.$$

故选：C.

【点睛】本题考查了一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \neq 0$, a, b, c 为常数) 的根的判别式

$\Delta = b^2 - 4ac$ ，理解根的判别式对应的根的三种情况是解题的关键. 当 $\Delta > 0$ 时，方程有两个不相等的实数根；当 $\Delta = 0$ 时，方程有两个相等的实数根；当 $\Delta < 0$ 时，方程没有实数根.

6. 十二边形的外角和为 ()

- A. 30° B. 150° C. 360° D. 1800°

【答案】C

【解析】

【分析】根据多边形的外角和为 360° 进行解答即可.

【详解】解： \because 多边形的外角和为 360°

$$\therefore \text{十二边形的外角和是 } 360^\circ.$$

故选：C.

【点睛】本题考查多边形的内角和与外角和的求法，掌握多边形的外角和为 360° 是解题的关键.

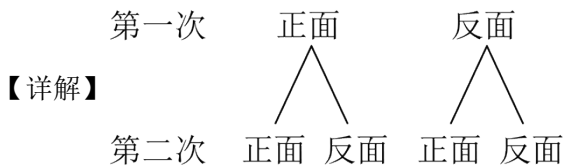
7. 先后两次抛掷同一枚质地均匀的硬币，则第一次正面向上、第二次反面向上的概率是 ()

- A. $\frac{1}{4}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{3}{4}$

【答案】A

【解析】

【分析】整个实验分两步完成，每步有两个等可能结果，用列表法或树状图工具辅助处理.

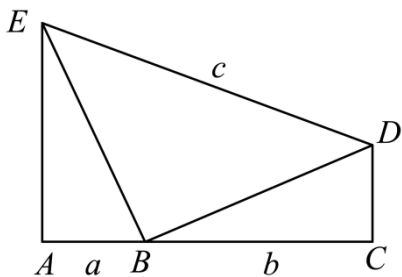


如图，所有结果有 4 种，满足要求的结果有 1 种，故概率为 $\frac{1}{4}$.

故选：A

【点睛】本题考查概率的计算，运用树状图或列表工具是解题的关键.

8. 如图，点 A 、 B 、 C 在同一条线上，点 B 在点 A 、 C 之间，点 D 、 E 在直线 AC 同侧， $AB < BC$ ， $\angle A = \angle C = 90^\circ$ ， $\triangle EAB \cong \triangle BCD$ ，连接 DE ，设 $AB = a$ ， $BC = b$ ， $DE = c$ ，给出下面三个结论：① $a + b < c$ ；② $a + b > \sqrt{a^2 + b^2}$ ；③ $\sqrt{2}(a + b) > c$ ；



上述结论中，所有正确结论的序号是（ ）

A. ①②

B. ①③

C. ②③

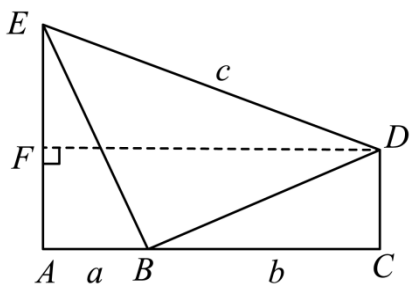
D. ①②③

【答案】D

【解析】

【分析】如图，过 D 作 $DF \perp AE$ 于 F ，则四边形 $ACDF$ 是矩形，则 $DF = AC = a + b$ ，由 $DF < DE$ ，可得 $a + b < c$ ，进而可判断①的正误；由 $\triangle EAB \cong \triangle BCD$ ，可得 $BE = BD$ ， $CD = AB = a$ ， $AE = BC = b$ ， $\angle ABE = \angle CDB$ ，则 $\angle EBD = 90^\circ$ ， $\triangle BDE$ 是等腰直角三角形，由勾股定理得， $BE = \sqrt{AB^2 + AE^2} = \sqrt{a^2 + b^2}$ ，由 $AB + AE > BE$ ，可得 $a + b > \sqrt{a^2 + b^2}$ ，进而可判断②的正误；由勾股定理得 $DE^2 = BD^2 + BE^2$ ，即 $c^2 = 2(a^2 + b^2)$ ，则 $c = \sqrt{2} \times \sqrt{a^2 + b^2} < \sqrt{2}(a + b)$ ，进而可判断③的正误.

【详解】解：如图，过 D 作 $DF \perp AE$ 于 F ，则四边形 $ACDF$ 是矩形，



$$\therefore DF = AC = a + b,$$

$$\therefore DF < DE,$$

$\therefore a + b < c$, ①正确, 故符合要求;

$$\therefore \triangle EAB \cong \triangle BCD,$$

$$\therefore BE = BD, CD = AB = a, AE = BC = b, \angle ABE = \angle CDB,$$

$$\therefore \angle CBD + \angle CDB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle CBD + \angle ABE = 90^\circ, \angle EBD = 90^\circ,$$

$\therefore \triangle BDE$ 是等腰直角三角形,

$$\text{由勾股定理得, } BE = \sqrt{AB^2 + AE^2} = \sqrt{a^2 + b^2},$$

$$\therefore AB + AE > BE,$$

$$\therefore a + b > \sqrt{a^2 + b^2}, \text{ ②正确, 故符合要求;}$$

$$\text{由勾股定理得 } DE^2 = BD^2 + BE^2, \text{ 即 } c^2 = 2(a^2 + b^2),$$

$$\therefore c = \sqrt{2} \times \sqrt{a^2 + b^2} < \sqrt{2}(a + b), \text{ ③正确, 故符合要求;}$$

故选: D.

【点睛】 本题考查了矩形的判定与性质, 全等三角形的性质, 勾股定理, 等腰三角形的判定, 不等式的性质, 三角形的三边关系等知识. 解题的关键在于对知识的熟练掌握与灵活运用.

第二部分 非选择题

二、填空题 (共 16 分, 每题 2 分)

9. 若代数式 $\frac{5}{x-2}$ 有意义, 则实数 x 的取值范围是_____.

【答案】 $x \neq 2$

【解析】

【分析】 根据分式有意义的条件列不等式求解即可.

【详解】 解: 若代数式 $\frac{5}{x-2}$ 有意义, 则 $x-2 \neq 0$,

解得: $x \neq 2$,

故答案为： $x \neq 2$.

【点睛】 本题考查了分式有意义的条件，熟知分式有意义，分母不为零是解题的关键.

10. 分解因式： $x^2y - y^3 =$ _____.

【答案】 $y(x+y)(x-y)$

【解析】

【详解】 试题分析： 原式提公因式得： $y(x^2 - y^2) = y(x+y)(x-y)$

考点： 分解因式

点评： 本题难度中等， 主要考查学生对多项式提公因式分解因式等知识点的掌握. 需要运用平方差公式.

11. 方程 $\frac{3}{5x+1} = \frac{1}{2x}$ 的解为_____.

【答案】 $x = 1$

【解析】

【分析】 方程两边同时乘以 $2x(5x+1)$ 化为整式方程， 解整式方程即可， 最后要检验.

【详解】 解： 方程两边同时乘以 $2x(5x+1)$ ， 得 $6x = 5x+1$ ，

解得： $x = 1$ ，

经检验， $x = 1$ 是原方程的解，

故答案为： $x = 1$.

【点睛】 本题考查了解分式方程， 熟练掌握解分式方程的步骤是解题的关键.

12. 在平面直角坐标系 xOy 中， 若函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 的图象经过点 $A(-3, 2)$ 和 $B(m, -2)$ ， 则 m 的值为_____.

【答案】 3

【解析】

【分析】 先把点 A 坐标代入求出反比例函数解析式， 再把点 B 代入即可求出 m 的值.

【详解】 解： \because 函数 $y = \frac{k}{x} (k \neq 0)$ 的图象经过点 $A(-3, 2)$ 和 $B(m, -2)$

\therefore 把点 $A(-3, 2)$ 代入得 $k = -3 \times 2 = -6$ ，

\therefore 反比例函数解析式为 $y = \frac{-6}{x}$ ，

把点 $B(m, -2)$ 代入得： $-2 = \frac{-6}{m}$ ，

解得： $m = 3$ ，

故答案为：3.

【点睛】本题考查了待定系数法求反比例函数解析式，反比例函数图象上点的坐标特征，熟知反比例函数图象上的点的坐标一定满足函数解析式是解题的关键.

13. 某厂生产了 1000 只灯泡.为了解这 1000 只灯泡的使用寿命，从中随机抽取了 50 只灯泡进行检测，获得了它们的使用寿命（单位：小时），数据整理如下：

使用寿命	$x < 1000$	$1000 \leq x < 1600$	$1600 \leq x < 2200$	$2200 \leq x < 2800$	$x \geq 2800$
灯泡只数	5	10	12	17	6

根据以上数据，估计这 1000 只灯泡中使用寿命不小于 2200 小时的灯泡的数量为_____只.

【答案】460

【解析】

【分析】用 1000 乘以抽查的灯泡中使用寿命不小于 2200 小时的灯泡所占的比例即可.

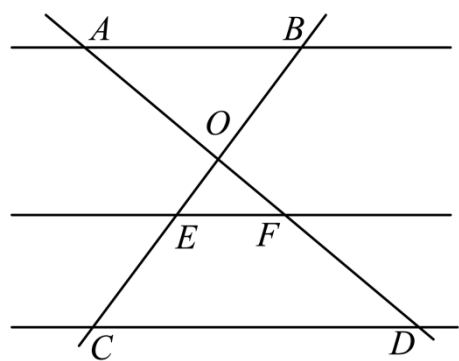
【详解】解：估计这 1000 只灯泡中使用寿命不小于 2200 小时的灯泡的数量为 $1000 \times \frac{17+6}{50} = 460$

(只),

故答案为：460.

【点睛】本题考查了用样本估计总体，用样本估计总体时，样本容量越大，样本对总体的估计也就越精确.

14. 如图，直线 AD ， BC 交于点 O ， $AB \parallel EF \parallel CD$.若 $AO = 2$ ， $OF = 1$ ， $FD = 2$.则 $\frac{BE}{EC}$ 的值为_____.



【答案】 $\frac{3}{2}$

【解析】

【分析】由平行线分线段成比例可得， $\frac{BO}{OE} = \frac{AO}{OF} = \frac{2}{1}$ ， $\frac{OE}{EC} = \frac{OF}{FD} = \frac{1}{2}$ ，得出 $BO = 2OE$ ，

$$EC = 2OE, \text{ 从而 } \frac{BE}{EC} = \frac{2OE + OE}{2OE} = \frac{3}{2}.$$

【详解】 $\because AB \parallel EF \parallel CD, AO = 2, OF = 1,$

$$\therefore \frac{BO}{OE} = \frac{AO}{OF} = \frac{2}{1},$$

$$\therefore BO = 2OE,$$

$$\therefore \frac{OE}{EC} = \frac{OF}{FD} = \frac{1}{2},$$

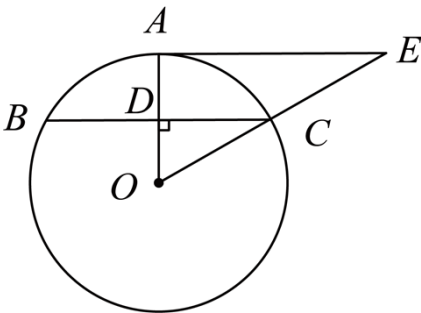
$$\therefore EC = 2OE,$$

$$\therefore \frac{BE}{EC} = \frac{2OE + OE}{2OE} = \frac{3}{2};$$

故答案为: $\frac{3}{2}$.

【点睛】本题考查了平行线分线段成比例的知识点, 根据平行线分线段成比例找出线段之间的关系是解决本题的关键.

15. 如图, OA 是 $\odot O$ 的半径, BC 是 $\odot O$ 的弦, $OA \perp BC$ 于点 D , AE 是 $\odot O$ 的切线, AE 交 OC 的延长线于点 E . 若 $\angle AOC = 45^\circ$, $BC = 2$, 则线段 AE 的长为_____.



【答案】 $\sqrt{2}$

【解析】

【分析】根据 $OA \perp BC$, 得出 $\angle ODC = 90^\circ$, $DC = \frac{1}{2}BC = 1$, 根据等腰直角三角形的性质得出 $OC = \sqrt{2}DC = \sqrt{2}$, 即 $OA = OC = \sqrt{2}$, 根据 $\angle OAE = 90^\circ$, $\angle AOC = 45^\circ$, 得出 $\triangle AOE$ 为等腰直角三角形, 即可得出 $AE = OA = \sqrt{2}$.

【详解】解: $\because OA \perp BC,$

$$\therefore \angle ODC = 90^\circ, DC = \frac{1}{2}BC = 1.$$

$$\because \angle AOC = 45^\circ,$$

$\therefore \triangle ODC$ 为等腰直角三角形,

$$\therefore OC = \sqrt{2}DC = \sqrt{2},$$

$$\therefore OA = OC = \sqrt{2}.$$

$\because AE$ 是 $\odot O$ 的切线,

$$\therefore \angle OAE = 90^\circ,$$

$$\because \angle AOC = 45^\circ,$$

$\therefore \triangle AOE$ 为等腰直角三角形,

$$\therefore AE = OA = \sqrt{2}.$$

故答案为: $\sqrt{2}$.

【点睛】 本题主要考查了垂径定理, 等腰直角三角形的判定和性质, 切线的性质, 解题的关键是熟练掌握垂径定理, 得出 $DC = \frac{1}{2}BC = 1$.

16. 学校组织学生参加木艺艺术品加工劳动实践活动. 已知某木艺艺术品加工完成共需 A, B, C, D, E, F, G 七道工序, 加工要求如下:

① 工序 C, D 须在工序 A 完成后进行, 工序 E 须在工序 B, D 都完成后进行, 工序 F 须在工序 C, D 都完成后进行;

② 一道工序只能由一名学生完成, 此工序完成后该学生才能进行其他工序;

③ 各道工序所需时间如下表所示:

工序	A	B	C	D	E	F	G
所需时间/分钟	9	9	7	9	7	10	2

在不考虑其他因素的前提下, 若由一名学生单独完成此木艺艺术品的加工, 则需要_____分钟; 若由两名学生合作完成此木艺艺术品的加工, 则最少需要_____分钟.

【答案】 ①. 53 ②. 28

【解析】

【分析】 将所有工序需要的时间相加即可得出由一名学生单独完成需要的时间; 假设这两名学生为甲、乙, 根据加工要求可知甲学生做工序 A , 乙学生同时做工序 B ; 然后甲学生做工序 D , 乙学生同时做工序 C , 乙学生工序 C 完成后接着做工序 G ; 最后甲学生做工序 E , 乙学生同时做工序 F , 然后可得答案.

【详解】 解: 由题意得: $9+9+7+9+7+10+2=53$ (分钟),

即由一名学生单独完成此木艺艺术品的加工, 需要 53 分钟;

假设这两名学生为甲、乙,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/716230150124010050>