

$P(\text{拒绝}H_0 | H_0 \text{为真})$



所以本检验的拒绝域为

① 0:

U 检验法



# U 检验法 ( $\sigma^2$ 已知)

原假设	备择假设	检验统计量及其 $H_0$ 为真时的分布	拒绝域
$H_0$	$H_1$		
$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$		
$\mu \geq \mu_0$	$\mu < \mu_0$		
$\mu \leq \mu_0$	$\mu > \mu_0$		



# T 检验法 ( $\sigma^2$ 未知)

原假设 $H_0$	备择假设 $H_1$	检验统计量及其 $H_0$ 为真时的分布	拒绝域
$\mu = \mu_0$	$\mu \neq \mu_0$		
$\mu \geq \mu_0$	$\mu < \mu_0$		
$\mu \leq \mu_0$	$\mu > \mu_0$		



**例1** 某厂生产小型马达，说明书上写着：这种小型马达在正常负载下平均消耗电流不会超过0.8 安培.

现随机抽取16台马达试验，求得平均消耗电流为 0.92 安培，消耗电流的标准差为0.32安培.

假设马达所消耗的电流服从正态分布，取显著性水平为 $\alpha = 0.05$ ，问根据这个样本，能否否定厂方的断言？

**解** 根据题意待检假设可设为



$$H_0: \mu \leq 0.8; \quad H_1: \mu > 0.8$$

$\sigma$  未知, 故选检验统计量:

查表得  $t_{0.05}(15) = 1.753$ , 故拒绝域为

现

故接受原假设, 即不能否定厂方断言.



解二  $H_0: \mu \geq 0.8$  ;  $H_1: \mu < 0.8$

选用统计量:

查表得  $t_{0.05}(15) = 1.753$ , 故拒绝域

现

故接受原假设, 即否定厂方断言.



由例1可见：对问题的提法不同(把哪个假设作为原假设)，统计检验的结果也会不同。

上述两种解法的立场不同，因此得到不同的结论。

第一种假设是不轻易否定厂方的结论；

第二种假设是不轻易相信厂方的结论。



由于假设检验是控制犯第一类错误的概率，使得拒绝原假设 $H_0$ 的决策变得比较慎重，也就是 $H_0$ 得到特别的保护。因而，通常把有把握的，经验的结论作为原假设，或者尽量使后果严重的错误成为第一类错误。





(2) 关于  $\sigma^2$  的检验

## 检验法

原假设 $H_0$	备择假设 $H_1$	检验统计量及其在 $H_0$ 为真时的分布	拒绝域
$\sigma^2 = \sigma_0^2$	$\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	( $\mu$ 已知 )	
$\sigma^2 \geq \sigma_0^2$	$\sigma^2 < \sigma_0^2$		
$\sigma^2 \leq \sigma_0^2$	$\sigma^2 > \sigma_0^2$		



原假设 $H_0$	备择假设 $H_1$	检验统计量及其在 $H_0$ 为真时的分布	拒绝域
$\sigma^2 = \sigma_0^2$	$\sigma^2 \neq \sigma_0^2$	( $\mu$ 未知)	
$\sigma^2 \geq \sigma_0^2$	$\sigma^2 < \sigma_0^2$		
$\sigma^2 \leq \sigma_0^2$	$\sigma^2 > \sigma_0^2$		



**例2**

某汽车配件厂在新工艺下对加工好的25个活塞的直径进行测量,得样本方差 $S^2=0.00066$ .已知老工艺生产的活塞直径的方差为0.00040.问进一步改革的方向应如何? (P.244 例6)

**解** 一般进行工艺改革时,若指标的方差显著增大,则改革需朝相反方向进行以减少方差;若方差变化不显著,则需试行别的改革方案.



# 设测量值

需考察改革后活塞直径的方差是否不大于改革前的方差？故待检验假设可设为：

$$H_0 : \sigma^2 \leq 0.00040 ; H_1 : \sigma^2 > 0.00040.$$

此时可采用效果相同的单边假设检验

$$H_0 : \sigma^2 = 0.00040 ; H_1 : \sigma^2 > 0.00040.$$



取统计  
量  
拒绝域 $\mathfrak{R}_\alpha$

落在 $\mathfrak{R}_0$ 内, 故拒绝 $H_0$ . 即改革后的方差显著大于改革前, 因此下一步的改革应朝相反方向进行.



## ● 两个正态总体

设  $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ ,  $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$

两样本  $X_1, \dots, X_n$  相互独立,  $Y_1, \dots, Y_m$

显著性水平  $\alpha$   
 样本值  $(X_1, X_2, \dots, X_n)$ ,  $(Y_1, Y_2, \dots, Y_m)$



# (1) 关于均值差 $\mu_1 - \mu_2$ 的检验 15

原假设 $H_0$	备择假设 $H_1$	检验统计量及其在 $H_0$ 为真时的分布	拒绝域
$\mu_1 - \mu_2 = \delta$	$\mu_1 - \mu_2 \neq \delta$		
$\mu_1 - \mu_2 \geq \delta$	$\mu_1 - \mu_2 < \delta$		
$\mu_1 - \mu_2 \leq \delta$	$\mu_1 - \mu_2 > \delta$		
		( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ 已知)	



以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/725040122232011233>