考试备考资料

(习题试卷、考点)

2021 年湖南省长沙市中考数学试卷

-,	选择题	(共1	2 小题,	每小题 3	分,	满分	36分)
----	-----	-----	-------	-------	----	----	-----	---

1. (3分)(2021•长沙)下列实数中,为无理数的是()

A.
$$0_{\circ}$$
 2

B.
$$\frac{1}{2}$$

C.
$$\sqrt{2}$$

A.
$$x^3 + x = x^4$$

B.
$$(x^2)^{-3}=x^6$$

C.
$$3x - 2x = 1$$

A.
$$x^3+x=x^4$$
 B. $(x^2)^3=x^6$ C. $3x-2x=1$ D. $(a-b)^2=a^2-b^2$

3. (3分)(2021•长沙) 2021年,长沙地铁2号线的开通运营,极大地缓解了城市中心的交 通压力,为我市再次获评"中国最具幸福感城市"提供了有力支撑,据统计,长沙地铁2号线 每天承动力约为 185000 人次,则数据 185000 用科学记数法表示为()

A. 1.
$$85 \times 10^5$$
 B. 1. 85×10^4 C. 1. 8×10^5 D. $18. 5 \times 10^4$

4. (3分)(2021•长沙)下列图形中,是轴对称图形,但不是中心对称图形的是(













5. (3 分) (2021·长沙) 下列命题中, 为真命题的是 ()

A. 六边形的内角和为 360 度 B. 多边形的外角和与边数有关

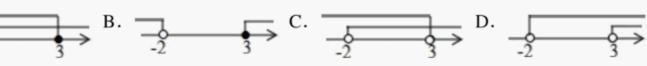
C. 矩形的对角线互相垂直

D. 三角形两边的和大于第三边

6. (3 分) (2021•长沙) 在数轴上表示不等式组 $\begin{cases} 2+x>0 \\ 2x-6 \leqslant 0 \end{cases}$ 的解集,正确的是(









7. (3分)(2021•长沙)一家鞋店在一段时间内销售了某种女鞋30双,各种尺码鞋的销售 量如下表所示, 你认为商家更应该关注鞋子尺码的()

尺码/cm	22	22。 5	23	23。5	24	24。 5	25
销售量/双	4	6	6	10	2	1	1

A. 平均数

B. 中位数

C. 众数

D. 方差

8. (3分)(2021•长沙)下列说法中正确的是(

A. "打开电视机,正在播放《动物世界》"是必然事件

某种彩票的中奖概率为 $\frac{1}{1000}$, 说明每买 1000 张, 一定有一张中奖

2021年湖南省长沙市中考(数学)真题试卷 考前备考突击冲刺学习资料(习题或知识点总结)

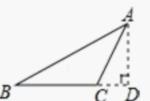
C.	抛掷一枚质地均匀的硬币一次,	出现正面朝上的概率为13
----	----------------	--------------

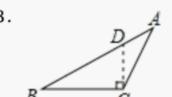
D. 想了解长沙市所有城镇居民的人均年收入水平, 宜采用抽样调查

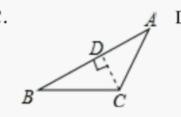
9. (3 分) (2021•长沙) 一次函数 y= - 2x+1 的图象不经过(

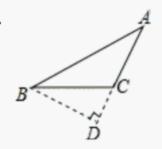
- A. 第一象限
- B. 第二象限 C. 第三象限 D. 第四象限
- 10. (3分)(2021•长沙)如图,过△ABC的顶点A,作BC边上的高,以下作法正确的是



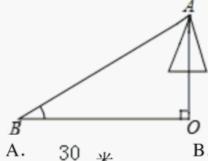








11. (3分)(2021•长沙)如图,为测量一棵与地面垂直的树 OA 的高度,在距离树的底端 30 米的 B 处,测得树顶 A 的仰角∠ ABO 为 α ,则树 OA 的高度为()



- B. 30sinα 米
- C. 30tanα 米D. 30cosα 米
- 12. (3分)(2021•长沙)长沙红星大市场某种高端品牌的家用电器,若按标价打八折销售 该电器一件,则可获利润 500 元,其利润率为 20%. 现如果按同一标价打九折销售该电器 一件,那么获得的纯利润为()
- A. 562。5 元 B. 875 元 C. 550 元

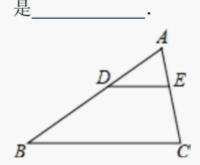
- D. 750 元

二、填空题(共6小题,每小题3分,满分18分)

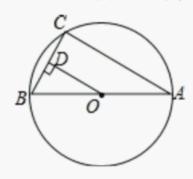
- 13. (3分)(2021•长沙)一个不透明的袋子中只装有3个黑球,2个白球,这些球的形状、 大小、质地等完全相同,即除颜色外无其他差别.在看不到球的条件下,随机从袋中摸出1 个球,则摸出白球的概率是
- (结果保留 π). 14. (3 分)(2021•长沙)圆心角是 60°且半径为 2 的扇形面积为
- 15. (3 分) (2021•长沙) 把 $\frac{2}{\sqrt{2}}$ + $\sqrt{2}$ 进行化简,得到的最简结果是_____ (结果保留 根号).

2021 年湖南省长沙市中考(数学) 真题试卷 考前备考突击冲刺学习资料(习题或知识点总结)

17. (3分) (2021•长沙) 如图, 在△ ABC 中, DE || BC, <u>AD</u> = 1, DE=6, 则 BC 的长



18. (3 分) (2021•长沙) 如图, AB 是⊙O 的直径, 点 C 是⊙O 上的一点, 若 BC=6, AB=10, OD ⊥ BC 于点 D, 则 OD 的长为_____.



三、解答题(共8小题,第19、20题每小题6分,第21、22题每小题6分,第23、24题每小题6分,第25、26题每小题6分,满分66分。解答应写出必要的文字说明,证明过程或演算步骤)

19. (6分) (2021•长沙) 计算:
$$(\frac{1}{2})^{-1} + 4\cos 60^{\circ} - |-3| + \sqrt{9}$$
.

20. (6 分) (2021•长沙) 先化简,再求值: (x+y) (x - y) - x (x+y) +2xy, 其中 x= (3 - π) ⁰, y=2.

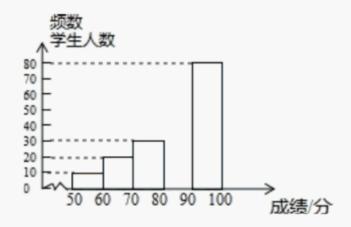
21. (8分)(2021•长沙)中华文明,源远流长:中华汉字,寓意深广,为了传承优秀传统文化,某校团委组织了一次全校3000名学生参加的"汉字听写"大赛,赛后发现所有参赛学生的成绩均不低于50分.为了更好地了解本次大赛的成绩分布情况,随机抽取了其中200名学生的成绩(成绩 x 取整数,总分100分)作为样本进行整理,得到下列不完整的统计图表:

成绩 x/分	频数	频率
50≤x<60	10	0。 05
$60 \le x < 70$	20	0。10
70≤x<80	30	b
80≤x<90	a	0。30
90≤x≤100	80	0。40

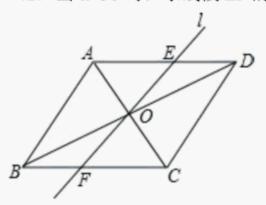
请根据所给信息,解答下列问题:

- (1) a=_____; b=_____;
- (2) 请补全频数分布直方图;
- (3) 这次比赛成绩的中位数会落在_____分数段;

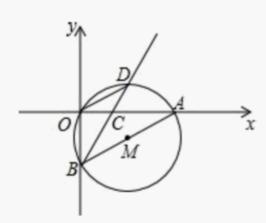
(4) 若成绩在 90 分以上(包括 90 分)的为"优"等,则该校参加这次比赛的 3000 名学生中成绩"优"等约有多少人?



- 22. $(8 \, f)$ $(2021 \circ \text{长沙})$ 如图,在菱形 ABCD 中,AB=2, \angle ABC=60°,对角线 AC、BD 相交于点 O,将对角线 AC 所在的直线绕点 O 顺时针旋转角 α $(0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ})$ 后得直线 1,直线 1 与 AD、BC 两边分别相交于点 E 和点 F.
- (1) 求证: Δ AOE≌ Δ COF;
- (2) 当 α=30°时, 求线段 EF 的长度.



- 23. (9分)(2021•长沙)现代互联网技术的广泛应用,催生了快递行业的高度发展,据调查,长沙市某家小型"大学生自主创业"的快递公司,今年三月份与五月份完成投递的快递总件数分别为10万件和12。1万件,现假定该公司每月投递的快递总件数的增长率相同.
- (1) 求该快递公司投递总件数的月平均增长率;
- (2) 如果平均每人每月最多可投递 0。6万件,那么该公司现有的 21 名快递投递业务员能否完成今年 6月份的快递投递任务?如果不能,请问至少需要增加几名业务员?
- 24. $(9 \, \, \, \, \, \,)$ $(2021 \, \bullet \, \, \, \, \, \, \,)$ 如图,在直角坐标系中, \odot M 经过原点 O (0,0),点 A $(\sqrt{6},0)$ 与点 B $(0,-\sqrt{2})$,点 D 在劣弧 \widehat{OA} 上,连接 BD 交 x 轴于点 C,且 \angle COD= \angle CBO.
 - (1) 求⊙M 的半径;
 - (2) 求证: BD 平分∠ ABO;
- (3) 在线段 BD 的延长线上找一点 E, 使得直线 AE 恰好为 \odot M 的切线,求此时点 E 的坐标.

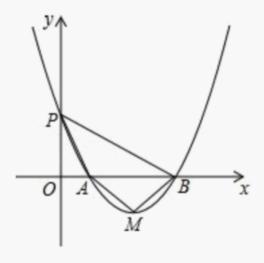


25. (10 分)(2021•长沙)在直角坐标系中,我们不妨将横坐标,纵坐标均为整数的点称之为"中国结".

- (1) 求函数 y= $\sqrt{3}$ x+2 的图象上所有"中国结"的坐标;
- (2) 若函数 $y=\frac{k}{x}$ ($k\neq 0$, k 为常数) 的图象上有且只有两个"中国结",试求出常数 k 的值与相应"中国结"的坐标:
- (3)若二次函数 $y=(k^2-3k+2)$ $x^2+(2k^2-4k+1)$ $x+k^2-k$ (k 为常数)的图象与 x 轴相交得到两个不同的"中国结",试问该函数的图象与 x 轴所围成的平面图形中(含边界),一共包含有多少个"中国结"?

26. $(10 \, \text{分})$ $(2021 \bullet \text{长沙})$ 若关于 x 的二次函数 y=ax²+bx+c (a>0, c>0, a, b, c 是常数) 与 x 轴交于两个不同的点 A $(x_1, 0)$, B $(x_2, 0)$ $(0 < x_1 < x_2)$, 与 y 轴交于点 P,其图象顶点为点 M,点 O 为坐标原点.

- (1) 当 $x_1=c=2$, $a=\frac{1}{3}$ 时,求 x_2 与 b 的值;
- (2) 当 x₁=2c 时, 试问Δ ABM 能否为等边三角形? 判断并证明你的结论;
- (3) 当 x_1 =mc(m>0)时,记 Δ MAB, Δ PAB 的面积分别为 S_1 , S_2 ,若 Δ BPO \sim Δ PAO,且 S_1 = S_2 ,求 m 的值.



2021 年湖南省长沙市中考数学试卷

参考答案与试题解析

一、选择题(共12小题,每小题3分,满分36分)

1. (3分)(2021•长沙)下列实数中,为无理数的是()

B.
$$\frac{1}{2}$$

C.
$$\sqrt{2}$$

考点: 无理数.

分析: 有理数能写成有限小数和无限循环小数,而无理数只能写成无限不循环小数,据此判 断出无理数有哪些即可.

解答:解:: -5是整数,

- :: 5 是有理数:
- ∵ 0。2 是有限小数,
- ∴ 0。2 是有理数;
- $: \frac{1}{2} = 0.5, 0.5$ 是有限小数,
- $\frac{1}{2}$ 是有理数;
- $\because \sqrt{2}$ =1.414⋯ 是无限不循环小数,
- ∴ √**2**是无理数.

故选: C.

点评: 此题主要考查了无理数和有理数的特征和区别, 要熟练掌握, 解答此题的关键是要明 确:有理数能写成有限小数和无限循环小数,而无理数只能写成无限不循环小数.

2. (3分)(2021•长沙)下列运算中,正确的是()

A.
$$x^3 + x = x^4$$

$$\mathbf{p} = (\mathbf{y}^2)^{3} - \mathbf{y}^{2}$$

C.
$$3x - 2x = 1$$

A.
$$x^3+x=x^4$$
 B. $(x^2)^3=x^6$ C. $3x-2x=1$ D. $(a-b)^2=a^2-b^2$

考点: 幂的乘方与积的乘方; 合并同类项; 完全平方公式.

分析:根据同类项、幂的乘方和完全平方公式计算即可.

解答: 解: $A \times x^3 = x$ 不能合并, 错误;

B、 (x^2) ³= x^6 , 正确;

C、3x - 2x=x, 错误:

D、 $(a-b)^2=a^2-2ab+b^2$,错误:

故选 B

点评: 此题考查同类项、幂的乘方和完全平方公式, 关键是根据法则进行计算.

3. (3分)(2021•长沙) 2021年,长沙地铁2号线的开通运营,极大地缓解了城市中心的交 通压力,为我市再次获评"中国最具幸福感城市"提供了有力支撑,据统计,长沙地铁2号线 每天承动力约为 185000 人次,则数据 185000 用科学记数法表示为()

A.
$$1.85 \times 10^5$$
 B. 1.85×10^4 C. 1.8×10^5 D. 18.5×10^4

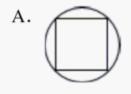
考点: 科学记数法-表示较大的数.

分析: 科学记数法的表示形式为 $a \times 10^n$ 的形式,其中 $1 \le |a| < 10$, n 为整数.确定 n 的值时, 要看把原数变成 a 时,小数点移动了多少位,n 的绝对值与小数点移动的位数相同. 当 原数绝对值>1时,n是正数; 当原数的绝对值<1时,n是负数.

解答:解:将 185000 用科学记数法表示为 1。85×10⁵. 故选 A.

点评: 此题考查科学记数法的表示方法. 科学记数法的表示形式为 a×10ⁿ 的形式, 其中 1≤|a| <10, n 为整数,表示时关键要正确确定 a 的值以及 n 的值.

4. (3分)(2021•长沙)下列图形中,是轴对称图形,但不是中心对称图形的是()









考点:中心对称图形:轴对称图形.

分析:根据轴对称图形和中心对称图形的定义可直接得到答案.

解答: 解: A、既是轴对称图形也是中心对称图形, 故此选项错误;

B、是轴对称图形,不是中心对称图形,故此选项正确;

C、既是轴对称图形也是中心对称图形,故此选项错误;

D、既是轴对称图形也是中心对称图形,故此选项错误;

故选: B.

点评: 此题主要考查了中心对称图形与轴对称图形的概念: 轴对称图形的关键是寻找对称轴,图形两部分沿对称轴折叠后可重合; 中心对称图形是要寻找对称中心,旋转 180 度后与原图重合.

- 5. (3分)(2021•长沙)下列命题中,为真命题的是()
- A. 六边形的内角和为 360 度

B. 多边形的外角和与边数有关

C. 矩形的对角线互相垂直

D. 三角形两边的和大于第三边

考点:命题与定理.

分析:根据六边形的内角和、多边形的外角和、矩形的性质和三角形三边关系判断即可.

解答:解:A、六边形的内角和为720°,错误;

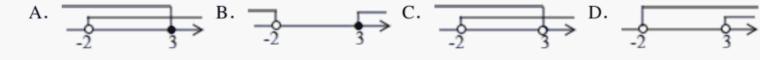
- B、多边形的外角和与边数无关,都等于360°,错误:
- C、矩形的对角线相等,错误;
- D、三角形的两边之和大于第三边,正确;

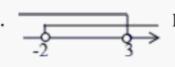
故选 D.

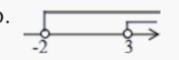
点评: 本题考查命题的真假性, 是易错题.

注意对六边形的内角和、多边形的外角和、矩形的性质和三角形三边关系的准确掌握.

6. (3 分) (2021•长沙) 在数轴上表示不等式组 $\begin{cases} 2+x>0 \\ 2x-6 \leqslant 0 \end{cases}$ 的解集,正确的是 (







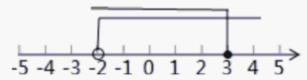
考点: 在数轴上表示不等式的解集; 解一元一次不等式组.

分析: 先求出不等式组中每一个不等式的解集,再求出它们的公共部分,然后把不等式的解集表示在数轴上即可. 本题解不等式组得: $\begin{cases} x > -2 \\ x \le 3 \end{cases}$, 再分别表示在数轴上即可得解.

解答: 解: 由 x+2>0 得 x> - 2,

由 2x - 6≤0, 得 x≤3,

把解集画在数轴上为:



故选 A.

点评:本题考查了解一元一次不等式组以及在数轴上表示不等式组的解集,把每个不等式的解集在数轴上表示出来(>,≥向右画; <,≤向左画),数轴上表示出来(>,≥向右画; <,≤向左画),数轴上的点把数轴分成若干段,如果数轴的某一段上面表示解集的线的条数与不等式的个数一样,那么这段就是不等式组的解集.有几个就要几个.在表示解集时"≥","≤"要用实心圆点表示;"<",">"要用空心圆点表示.

7. (3分)(2021•长沙)一家鞋店在一段时间内销售了某种女鞋 30 双,各种尺码鞋的销售量如下表所示,你认为商家更应该关注鞋子尺码的()

尺码/cm	22	22。 5	23	23。5	24	24。 5	25
销售量/双	4	6	6	10	2	1	1

A. 平均数

- B. 中位数
- C. 众数
- D. 方差

考点: 统计量的选择.

分析:根据平均数、中位数、众数、方差的意义分析判断即可,得出鞋店老板最关心的数据.

解答:解:: 众数体现数据的最集中的一点,这样可以确定进货的数量,

:: 鞋店最喜欢的是众数.

故选: C.

点评: 此题主要考查了统计的有关知识,主要是众数的意义. 反映数据集中程度的统计量有平均数、中位数、众数、方差等,各有局限性,因此要对统计量进行合理的选择和恰当的运用.

8. (3分)(2021•长沙)下列说法中正确的是()

A. "打开电视机,正在播放《动物世界》"是必然事件

B. 某种彩票的中奖概率为 $\frac{1}{1000}$, 说明每买 1000 张, 一定有一张中奖

C. 抛掷一枚质地均匀的硬币一次,出现正面朝上的概率为 $\frac{1}{3}$

D. 想了解长沙市所有城镇居民的人均年收入水平, 宜采用抽样调查

考点: 概率的意义; 全面调查与抽样调查; 随机事件; 概率公式.

分析:根据随机事件,可判断 A:根据概率的意义,可判断 B、C:根据调查方式,可判断

D.

解答:解:A、"打开电视机,正在播放《动物世界》"是随机事件,故A错误:

B、某种彩票的中奖概率为 $\frac{1}{1000}$, 说明每买 1000 张, 有可能中奖, 也有可能不中奖, 1000故 B 错误:

- \mathbb{C} 、抛掷一枚质地均匀的硬币一次,出现正面朝上的概率为 $\frac{1}{2}$,故 \mathbb{C} 错误;
- D、想了解长沙市所有城镇居民的人均年收入水平, 宜采用抽样调查, 故 D 正确; 故选: D.

点评: 本题考查了全面调查与抽样调查,正确区分全面调查与抽样调查是解题关键,注意概 率时事件发生可能性的大小,并不一定发生.

9. (3 分) (2021•长沙) 一次函数 y= - 2x+1 的图象不经过()

A. 第一象限

B. 第二象限 C. 第三象限 D. 第四象限

考点:一次函数图象与系数的关系.

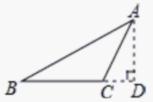
分析: 先根据一次函数 y= - 2x+1 中 k= - 2, b=1 判断出函数图象经过的象限, 进而可得出结 论.

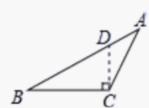
解答: 解: :: 一次函数 y= - 2x+1 中 k= - 2<0, b=1>0, 二此函数的图象经过一、二、四象限,不经过第三象限. 故选C

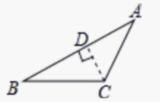
点评: 本题考查的是一次函数的性质,即一次函数 $y=kx+b(k\neq 0)$ 中,当 k<0, b>0时, 函数图象经过一、二、四象限.

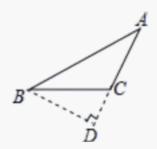
10. (3分)(2021•长沙)如图,过 Δ ABC的顶点 A,作 BC边上的高,以下作法正确的是 ()

Α.









考点: 三角形的角平分线、中线和高.

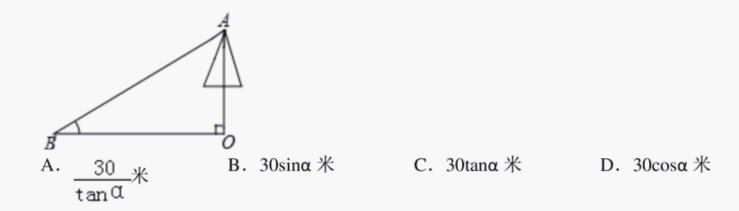
分析:根据三角形高线的定义:过三角形的顶点向对边引垂线,顶点和垂足之间的线段叫做 三角形的高线解答.

解答: 解: 为 \triangle ABC 中 BC 边上的高的是 A 选项. 故选 A.

点评: 本题考查了三角形的角平分线、中线、高线,熟记高线的定义是解题的关键.

11. (3分)(2021•长沙)如图,为测量一棵与地面垂直的树 OA 的高度,在距离树的底端 30 米的 B 处,测得树顶 A 的仰角 ∠ ABO 为 α,则树 OA 的高度为 (

2021 年湖南省长沙市中考(数学)真题试卷 考前备考突击冲刺学习资料(习题或知识点总结)



考点:解直角三角形的应用-仰角俯角问题.

分析: 根据题意, 在 RtΔ ABO 中, BO=30 米, ∠ ABO 为 α, 利用三角函数求解.

解答: 解: 在 RtΔ ABO 中,

∵ BO=30 米, ∠ ABO 为 α,

∴ AO=BOtanα=30tanα (米).

故选 C.

点评: 本题考查了解直角三角形的应用,解答本题的关键是根据仰角构造直角三角形,利用 三角函数求解.

12. (3分)(2021•长沙)长沙红星大市场某种高端品牌的家用电器,若按标价打八折销售该电器一件,则可获利润500元,其利润率为20%. 现如果按同一标价打九折销售该电器一件,那么获得的纯利润为()

A. 562。5 元

B.875 元

C. 550 元

D. 750 元

考点: 一元一次方程的应用.

分析:设进价为 x 元,则该商品的标价为 1。5x 元,根据"按标价打八折销售该电器一件,则可获利润 500 元"可以得到 x 的值;然后计算打九折销售该电器一件所获得的利润.

解答:解:设进价为 x 元,则该商品的标价为 1。5x 元,由题意得

1. $5x \times 0$. 8 - x = 500,

解得: x=2500.

则标价为 1。5×2500=3750 (元).

则 3750×0。9 - 2500=875 (元).

故选: B.

点评: 此题考查一元一次方程的实际运用, 掌握销售中的基本数量关系是解决问题的关键.

二、填空题(共6小题,每小题3分,满分18分)

13. $(3 \, \%)$ $(2021 \bullet \text{长沙})$ 一个不透明的袋子中只装有 $3 \, \text{个黑球}$, $2 \, \text{个白球}$, 这些球的形状、大小、质地等完全相同,即除颜色外无其他差别。在看不到球的条件下,随机从袋中摸出 $1 \, \text{个球}$, 则摸出白球的概率是 $-\frac{2}{5}$.

考点: 概率公式.

分析:由一个不透明的袋子中只装有3个黑球,2个白球,这些球的形状、大小、质地等完全相同,即除颜色外无其他差别,直接利用概率公式求解即可求得答案.

解答:解::一个不透明的袋子中只装有3个黑球,2个白球,这些球的形状、大小、质地等完全相同,即除颜色外无其他差别,

2021 年湖南省长沙市中考(数学) 真题试卷 考前备考突击冲刺学习资料(习题或知识点总结)

.. 随机从袋中摸出 1 个球,则摸出白球的概率是:
$$\frac{2}{3+2} = \frac{2}{5}$$
 故答案为: $\frac{2}{5}$

点评: 此题考查了概率公式的应用. 用到的知识点为: 概率=所求情况数与总情况数之比.

14. (3 分) (2021•长沙) 圆心角是 60°且半径为 2 的扇形面积为 $_{3}$ (结果保留 π).

考点:扇形面积的计算.

分析: 根据扇形的面积公式代入, 再求出即可.

解答: 解: 由扇形面积公式得: $S = \frac{60\pi \times 2^2}{360} = \frac{2\pi}{3}$.

故答案为: 2π. 3

点评: 本题考查了扇形面积公式的应用,注意: 圆心角为 \mathbf{n}° ,半径为 \mathbf{r} 的扇形的面积为 $\mathbf{S} = \frac{\mathbf{n}^{\pi} \mathbf{R}^2}{360}$.

15. (3 分) (2021•长沙) 把 $\frac{2}{\sqrt{2}}$ +√2进行化简,得到的最简结果是 $\frac{2}{\sqrt{2}}$ (结果保留根号).

考点: 二次根式的混合运算.

分析: 先进行二次根式的化简, 然后合并.

解答: 解: 原式=√2+√2 =2√2. 故答案为: 2√2.

点评: 本题考查了二次根式的混合运算, 解答本题的关键是掌握二次根式的化简.

16. (3 分) (2021•长沙) 分式方程
$$\frac{5}{x} = \frac{7}{x-2}$$
的解是 $x = \frac{-5}{2}$.

考点:解分式方程.

专题: 计算题.

分析: 本题考查解分式方程的能力,观察可得方程最简公分母为 x (x-2),去分母,化为整式方程求解.

解答: 解: 去分母,得5(x-2)=7x,解得: x=-5,经检验: x=-5 是原方程的解.

点评:解分式方程的关键是两边同乘最简公分母,将分式方程转化为整式方程,易错点是忽视检验.

17. (3 分)(2021•长沙)如图, 在 ABC 中, DE || BC, $\frac{AD}{AB} = \frac{1}{3}$, DE=6, 则 BC 的长是 18.

以上内容仅为本文档的试下载部分,为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文,请访问: https://d.book118.com/74604200205
1010240