

## 2022-2023 学年山东滕州实验高中高三下学期数学试题练习卷 (3)

注意事项:

1. 答卷前, 考生务必将自己的姓名、准考证号、考场号和座位号填写在试题卷和答题卡上。用 2B 铅笔将试卷类型 (B) 填涂在答题卡相应位置上。将条形码粘贴在答题卡右上角“条形码粘贴处”。
2. 作答选择题时, 选出每小题答案后, 用 2B 铅笔把答题卡上对应题目选项的答案信息点涂黑; 如需改动, 用橡皮擦干净后, 再选涂其他答案。答案不能答在试题卷上。
3. 非选择题必须用黑色字迹的钢笔或签字笔作答, 答案必须写在答题卡各题目指定区域内相应位置上; 如需改动, 先划掉原来的答案, 然后再写上新答案; 不准使用铅笔和涂改液。不按以上要求作答无效。
4. 考生必须保证答题卡的整洁。考试结束后, 请将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题: 本题共 12 小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

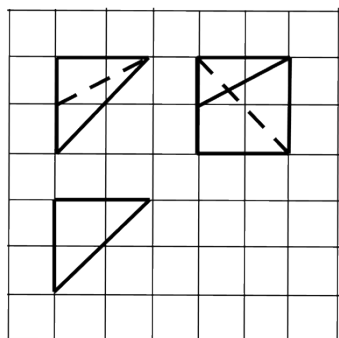
1. 已知命题  $p$ : 任意  $x \geq 4$ , 都有  $\log_2 x \geq 2$ ; 命题  $q$ :  $a > b$ , 则有  $a^2 > b^2$ . 则下列命题为真命题的是 ( )

- A.  $p \wedge q$                       B.  $p \wedge (\neg q)$                       C.  $(\neg p) \wedge (\neg q)$                       D.  $(\neg p) \vee q$

2. 已知集合  $A = \{(x, y) | y = \sqrt{1-x^2}\}$ ,  $B = \{(x, y) | y = 2x\}$ , 则  $A \cap B$  中元素的个数为 ( )

- A. 3                      B. 2                      C. 1                      D. 0

3. 如图所示, 网络纸上小正方形的边长为 1, 粗线画出的是某四棱锥的三视图, 则该几何体的体积为 ( )



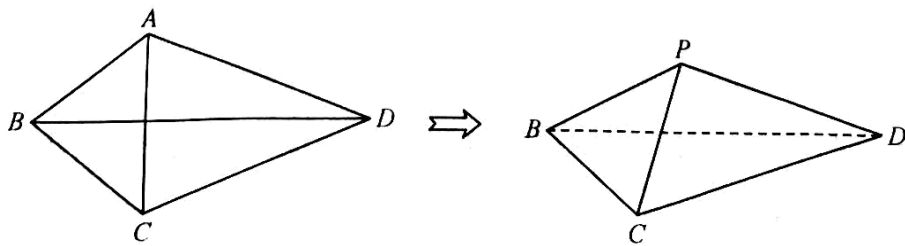
- A. 2                      B.  $\frac{8}{3}$                       C. 6                      D. 8

4. 已知定义在  $R$  上的函数  $f(x)$ , 若函数  $y = f(x+2)$  为偶函数, 且  $f(x)$  对任意  $x_1, x_2 \in [2, +\infty)$  ( $x_1 \neq x_2$ ), 都有

$\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1} < 0$ , 若  $f(a) \leq f(3a+1)$ , 则实数  $a$  的取值范围是 ( )

- A.  $[-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}]$                       B.  $[-2, -1]$                       C.  $(-\infty, -\frac{1}{2}]$                       D.  $(\frac{3}{4}, +\infty)$

5. 如图, 在平面四边形  $ABCD$  中, 满足  $AB = BC, CD = AD$ , 且  $AB + AD = 10, BD = 8$ , 沿着  $BD$  把  $ABD$  折起, 使点  $A$  到达点  $P$  的位置, 且使  $PC = 2$ , 则三棱锥  $P-BCD$  体积的最大值为 ( )



- A. 12                      B.  $12\sqrt{2}$                       C.  $\frac{16\sqrt{2}}{3}$                       D.  $\frac{16}{3}$

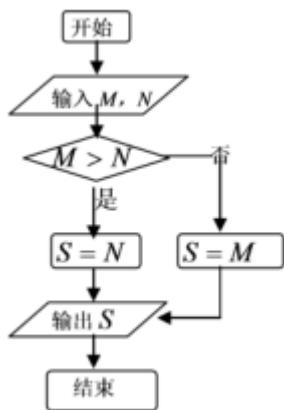
6. 设函数  $f(x) = \frac{e^x}{x} - t \left( \ln x + x + \frac{2}{x} \right)$  恰有两个极值点, 则实数  $t$  的取值范围是 ( )

- A.  $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right]$                       B.  $\left(\frac{1}{2}, +\infty\right)$   
 C.  $\left(\frac{1}{2}, \frac{e}{3}\right) \cup \left(\frac{e}{3}, +\infty\right)$                       D.  $\left(-\infty, \frac{1}{2}\right] \cup \left(\frac{e}{3}, +\infty\right)$

7. 甲、乙、丙、丁四位同学高考之后计划去  $A$ 、 $B$ 、 $C$  三个不同社区进行帮扶活动, 每人只能去一个社区, 每个社区至少一人. 其中甲必须去  $A$  社区, 乙不去  $B$  社区, 则不同的安排方法种数为 ( )

- A. 8                      B. 7                      C. 6                      D. 5

8. 已知  $M = \int_0^1 \frac{1}{x+1} dx$ ,  $N = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx$ , 由程序框图输出的  $S$  为 ( )



- A. 1                      B. 0                      C.  $\frac{\pi}{2}$                       D.  $\ln 2$

9. 已知甲、乙两人独立出行, 各租用共享单车一次 (假定费用只可能为 1、2、3 元). 甲、乙租车费用为 1 元的概率分别是 0.5、0.2, 甲、乙租车费用为 2 元的概率分别是 0.2、0.4, 则甲、乙两人所扣租车费用相同的概率为 ( )

- A. 0.18                      B. 0.3                      C. 0.24                      D. 0.36

10. 已知数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1 = 3$ , 且  $a_{n+1} = 4a_n + 3$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ ), 则数列  $\{a_n\}$  的通项公式为 ( )

- A.  $2^{2n-1} + 1$                       B.  $2^{2n-1} - 1$                       C.  $2^{2n} + 1$                       D.  $2^{2n} - 1$

11. 已知正四面体  $ABCD$  的棱长为 1,  $O$  是该正四面体外接球球心, 且  $\vec{AO} = x\vec{AB} + y\vec{AC} + z\vec{AD}$ ,  $x, y, z \in \mathbf{R}$ , 则  $x + y + z =$  ( )

- A.  $\frac{3}{4}$  B.  $\frac{1}{3}$   
 C.  $\frac{1}{2}$  D.  $\frac{1}{4}$

12. 已知复数  $z$  满足  $i(3 + z) = 1 + i$ , 则  $z$  的虚部为 ( )

- A.  $-i$  B.  $i$  C.  $-1$  D.  $1$

二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。

13. 已知  $f(x)$  为偶函数, 当  $x \leq 0$  时,  $f(x) = e^{-x-1} - x$ , 则曲线  $y = f(x)$  在点  $(1, 2)$  处的切线方程是\_\_\_\_\_。

14. 如图是一个算法的伪代码, 运行后输出  $b$  的值为\_\_\_\_\_。

```

a ← 0
b ← 1
l ← 2
While l ≤ 6:
    a ← a + b
    b ← a + b
    l ← l + 2
End While
Print b
    
```

15. 已知数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \dots + na_n = 2^n$ , 则  $a_n =$ \_\_\_\_\_。

16. 若  $\tan \alpha = 2$ , 则  $\frac{\cos\left(2\alpha - \frac{\pi}{4}\right)}{\sin\left(2\alpha - \frac{\pi}{4}\right)} =$ \_\_\_\_\_。

三、解答题: 共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (12 分) 某超市计划按月订购一种酸奶, 每天进货量相同, 进货成本每瓶 4 元, 售价每瓶 6 元, 未售出的酸奶降价处理, 以每瓶 2 元的价格当天全部处理完。根据往年销售经验, 每天需求量与当天最高气温 (单位:  $^{\circ}\text{C}$ ) 有关。如果最高气温不低于 25, 需求量为 500 瓶; 如果最高气温位于区间  $[20, 25)$ , 需求量为 300 瓶; 如果最高气温低于 20, 需求量为 200 瓶。为了确定六月份的订购计划, 统计了前三年六月份各天的最高气温数据, 得下面的频数分布表:

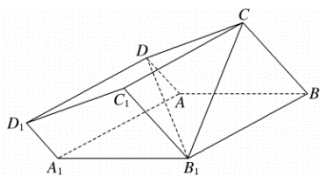
最高气温	$[10, 15)$	$[15, 20)$	$[20, 25)$	$[25, 30)$	$[30, 35)$	$[35, 40)$
天数	2	16	36	25	7	4

以最高气温位于各区间的频率估计最高气温位于该区间的概率。

(1) 求六月份这种酸奶一天的需求量不超过 300 瓶的概率;

(2) 设六月份一天销售这种酸奶的利润为  $Y$  (单位: 元), 当六月份这种酸奶一天的进货量为 450 瓶时, 写出  $Y$  的所有可能值, 并估计  $Y$  大于零的概率.

18. (12分) 如图所示, 四棱柱  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  中, 底面  $ABCD$  为梯形,  $AD \parallel BC$ ,  $\angle ADC = 90^\circ$ ,  $AB = BC = BB_1 = 2$ ,  $AD = 1$ ,  $CD = \sqrt{3}$ ,  $\angle ABB_1 = 60^\circ$ .



(1) 求证:  $AB \perp B_1C$ ;

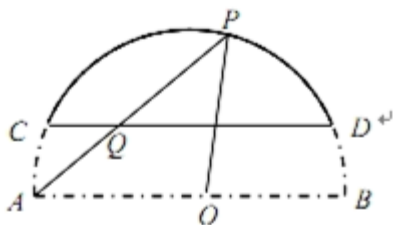
(2) 若平面  $ABCD \perp$  平面  $ABB_1A_1$ , 求二面角  $D-B_1C-B$  的余弦值.

19. (12分) 在平面直角坐标系  $xOy$  中, 曲线  $C_1$  的参数方程为  $\begin{cases} x = 2 + 2 \cos \theta \\ y = 2 \sin \theta \end{cases}$  ( $\theta$  为参数), 以原点为极点,  $x$  轴的非负半轴为极轴, 建立极坐标系, 曲线  $C_2$  的极坐标方程为  $\rho^2 = \frac{4}{\cos^2 \alpha + 4 \sin^2 \alpha}$ .

(1) 求曲线  $C_1$  的极坐标方程以及曲线  $C_2$  的直角坐标方程;

(2) 若直线  $l: y = kx$  与曲线  $C_1$ 、曲线  $C_2$  在第一象限交于  $P, Q$  两点, 且  $|OP| = 2|OQ|$ , 点  $M$  的坐标为  $(2, 0)$ , 求  $\triangle MPQ$  的面积.

20. (12分) 某房地产开发商在其开发的某小区前修建了一个弓形景观湖. 如图, 该弓形所在的圆是以  $AB$  为直径的圆, 且  $AB = 300$  米, 景观湖边界  $CD$  与  $AB$  平行且它们间的距离为  $50\sqrt{2}$  米. 开发商计划从  $A$  点出发建一座景观桥 (假定建成的景观桥的桥面与地面和水面均平行), 桥面在湖面上的部分记作  $PQ$ . 设  $\angle AOP = 2\theta$ .



(1) 用  $\theta$  表示线段  $PQ$ , 并确定  $\sin 2\theta$  的范围;

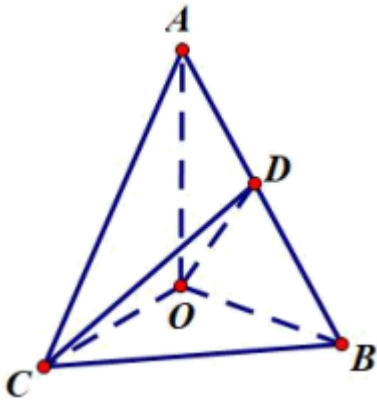
(2) 为了使小区居民可以充分地欣赏湖景, 所以要将  $PQ$  的长度设计到最长, 求  $PQ$  的最大值.

21. (12分) 已知函数  $f(x) = me^x - 2x - m$ .

(1) 当  $m=1$  时, 求曲线  $y=f(x)$  在点  $(0, f(0))$  处的切线方程;

(2) 若  $f(x) > 0$  在  $(0, +\infty)$  上恒成立, 求  $m$  的取值范围.

22. (10分) 如图, 在  $\triangle AOB$  中, 已知  $\angle AOB = \frac{\pi}{2}$ ,  $\angle BAO = \frac{\pi}{6}$ ,  $AB = 4$ ,  $D$  为线段  $AB$  的中点,  $\triangle AOC$  是由  $\triangle AOB$  绕直线  $AO$  旋转而成, 记二面角  $B-AO-C$  的大小为  $\theta$ .



(1) 当平面  $COD \perp$  平面  $AOB$  时, 求  $\theta$  的值;

(2) 当  $\theta = \frac{2\pi}{3}$  时, 求二面角  $B-OD-C$  的余弦值.

## 参考答案

一、选择题: 本题共 12 小题, 每小题 5 分, 共 60 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的。

1、B

【解析】

先分别判断命题  $p, q$  真假, 再由复合命题的真假性, 即可得出结论.

【详解】

$p$  为真命题; 命题  $q$  是假命题, 比如当  $0 > a > b$ ,

或  $a=1, b=-2$  时, 则  $a^2 > b^2$  不成立.

则  $p \wedge q, (\neg p) \wedge (\neg q), (\neg p) \vee q$  均为假.

故选:B

【点睛】

本题考查复合命题的真假性, 判断简单命题的真假是解题的关键, 属于基础题.

2、C

**【解析】**

集合  $A$  表示半圆上的点，集合  $B$  表示直线上的点，联立方程组求得方程组解的个数，即为交集中元素的个数.

**【详解】**

由题可知：集合  $A$  表示半圆上的点，集合  $B$  表示直线上的点，

联立  $y = \sqrt{1-x^2}$  与  $y = 2x$ ，

可得  $\sqrt{1-x^2} = 2x$ ，整理得  $x^2 = \frac{1}{5}$ ，

即  $x = \pm \frac{\sqrt{5}}{5}$ ，

当  $x = -\frac{\sqrt{5}}{5}$  时， $y = 2x < 0$ ，不满足题意；

故方程组有唯一的解  $\left(\frac{\sqrt{5}}{5}, \frac{2\sqrt{5}}{5}\right)$ .

故  $A \cap B = \left\{ \left(\frac{\sqrt{5}}{5}, \frac{2\sqrt{5}}{5}\right) \right\}$ .

故选：C.

**【点睛】**

本题考查集合交集的求解，涉及圆和直线的位置关系的判断，属基础题.

3、A

**【解析】**

先由三视图确定该四棱锥的底面形状，以及四棱锥的高，再由体积公式即可求出结果.

**【详解】**

由三视图可知，该四棱锥为斜着放置的四棱锥，四棱锥的底面为直角梯形，上底为 1，下底为 2，高为 2，四棱锥的高为 2，

所以该四棱锥的体积为  $V = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times (1+2) \times 2 \times 2 = 2$ .

故选 A

**【点睛】**

本题主要考查几何的三视图，由几何体的三视图先还原几何体，再由体积公式即可求解，属于常考题型.

4、A

**【解析】**

根据题意，分析可得函数  $f(x)$  的图象关于  $x=2$  对称且在  $[2, +\infty)$  上为减函数，则不等式  $f(a) \leq f(3a+1)$  等价于  $|a-2| \geq |3a-1|$ ，解得  $a$  的取值范围，即可得答案.

**【详解】**

解:因为函数  $y=f(x+2)$  为偶函数，

所以函数  $f(x)$  的图象关于  $x=2$  对称，

因为  $f(x)$  对任意  $x_1, x_2 \in [2, +\infty)$  ( $x_1 \neq x_2$ )，都有  $\frac{f(x_2)-f(x_1)}{x_2-x_1} < 0$ ，

所以函数  $f(x)$  在  $[2, +\infty)$  上为减函数，

则  $f(a) \leq f(3a+1) \Leftrightarrow f(|a-2|) \leq f(|3a+1-2|) \Leftrightarrow |a-2| \geq |3a-1|$ ，

解得:  $-\frac{1}{2} \leq a \leq \frac{3}{4}$ .

即实数  $a$  的取值范围是  $\left[-\frac{1}{2}, \frac{3}{4}\right]$ .

故选: A.

**【点睛】**

本题考查函数的对称性与单调性的综合应用，涉及不等式的解法，属于综合题.

5、C

**【解析】**

过  $P$  作  $PE \perp BD$  于  $E$ ，连接  $CE$ ，易知  $CE \perp BD$ ， $PE = CE$ ，从而可证  $BD \perp$  平面  $PCE$ ，进而可知

$V_{P-BCD} = V_{B-PCE} + V_{D-PCE} = \frac{1}{3} S_{\triangle PCE} \cdot BD = \frac{8}{3} S_{\triangle PCE}$ ，当  $S_{\triangle PCE}$  最大时， $V_{P-BCD}$  取得最大值，取  $PC$  的中点  $F$ ，可得

$EF \perp PC$ ，再由  $S_{\triangle PCE} = \frac{1}{2} PC \cdot EF = \sqrt{PE^2 - 1}$ ，求出  $PE$  的最大值即可.

**【详解】**

在  $\triangle BPD$  和  $\triangle BCD$  中， $\begin{cases} PB = BC \\ PD = CD \\ BD = BD \end{cases}$ ，所以  $\triangle BPD \cong \triangle BCD$ ，则  $\angle PBD = \angle CBD$ ，

过  $P$  作  $PE \perp BD$  于  $E$ ，连接  $CE$ ，显然  $\triangle BPE \cong \triangle BCE$ ，则  $CE \perp BD$ ，且  $PE = CE$ ，

又因为  $PE \perp CE = E$ ，所以  $BD \perp$  平面  $PCE$ ，

所以  $V_{P-BCD} = V_{B-PCE} + V_{D-PCE} = \frac{1}{3} S_{\triangle PCE} \cdot BD = \frac{8}{3} S_{\triangle PCE}$ ，

当  $S_{\triangle PCE}$  最大时,  $V_{P-BCD}$  取得最大值, 取  $PC$  的中点  $F$ , 则  $EF \perp PC$ ,





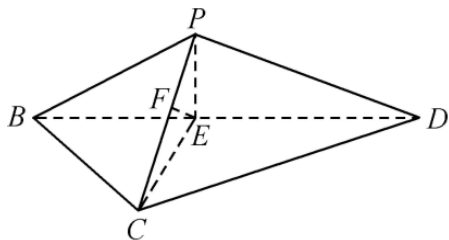
$$\text{所以 } S_{\triangle PCE} = \frac{1}{2} PC \cdot EF = \sqrt{PE^2 - 1},$$

因为  $PB + PD = 10, BD = 8$ , 所以点  $P$  在以  $B, D$  为焦点的椭圆上 (不在左右顶点), 其中长轴长为  $10$ , 焦距长为  $8$ ,

所以  $PE$  的最大值为椭圆的短轴长的一半, 故  $PE$  最大值为  $\sqrt{5^2 - 4^2} = 3$ ,

$$\text{所以 } S_{\triangle PCE} \text{ 最大值为 } 2\sqrt{2}, \text{ 故 } V_{P-BCD} \text{ 的最大值为 } \frac{8}{3} \times 2\sqrt{2} = \frac{16\sqrt{2}}{3}.$$

故选: C.



【点睛】

本题考查三棱锥体积的最大值, 考查学生的空间想象能力与计算求解能力, 属于中档题.

6、C

【解析】

$f(x)$  恰有两个极值点, 则  $f'(x) = 0$  恰有两个不同的解, 求出  $f'(x)$  可确定  $x = 1$  是它的一个解, 另一个解由方程

$$\frac{e^x}{x+2} - t = 0 \text{ 确定, 令 } g(x) = \frac{e^x}{x+2} (x > 0) \text{ 通过导数判断函数值域求出方程有一个不是 } 1 \text{ 的解时 } t \text{ 应满足的条件.}$$

【详解】

$$\text{由题意知函数 } f(x) \text{ 的定义域为 } (0, +\infty), f'(x) = \frac{(x-1)e^x}{x^2} - t \left( \frac{1}{x} + 1 - \frac{2}{x^2} \right)$$

$$= \frac{(x-1)[e^x - t(x+2)]}{x^2} = \frac{(x-1)(x+2) \left( \frac{e^x}{x+2} - t \right)}{x^2}.$$

因为  $f(x)$  恰有两个极值点, 所以  $f'(x) = 0$  恰有两个不同的解, 显然  $x = 1$  是它的一个解, 另一个解由方程

$$\frac{e^x}{x+2} - t = 0 \text{ 确定, 且这个解不等于 } 1.$$

$$\text{令 } g(x) = \frac{e^x}{x+2} (x > 0), \text{ 则 } g'(x) = \frac{(x+1)e^x}{(x+2)^2} > 0, \text{ 所以函数 } g(x) \text{ 在 } (0, +\infty) \text{ 上单调递增, 从而 } g(x) > g(0) = \frac{1}{2},$$

且  $g(1) = \frac{e}{3}$ . 所以, 当  $t > \frac{1}{2}$  且  $t \neq \frac{e}{3}$  时,  $f(x) = \frac{e^x}{x} - t \left( \ln x + x + \frac{2}{x} \right)$  恰有两个极值点, 即实数  $t$  的取值范围是

$$\left(\frac{1}{2}, \frac{e}{3}\right) \cup \left(\frac{e}{3}, +\infty\right).$$

故选：C

**【点睛】**

本题考查利用导数研究函数的单调性与极值，函数与方程的应用，属于中档题.

7、B

**【解析】**

根据题意满足条件的安排为：A（甲，乙）B（丙）C（丁）；A（甲，乙）B（丁）C（丙）；A（甲，丙）B（丁）C（乙）；A（甲，丁）B（丙）C（乙）；A（甲）B（丙，丁）C（乙）；A（甲）B（丁）C（乙，丙）；A（甲）B（丙）C（丁，乙）；共7种，选B.

8、D

**【解析】**

试题分析：  $M = \int_0^1 \frac{1}{x+1} dx = \ln(x+1) \Big|_0^1 = \ln 2$ ，  $N = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos x dx = \sin x \Big|_0^{\frac{\pi}{2}} = 1$ ，所以  $M < N$ ，所以由程序框图输出

的  $S$  为  $\ln 2$ . 故选 D.

考点：1、程序框图；2、定积分.

9、B

**【解析】**

甲、乙两人所扣出租车费用相同即同为1元，或同为2元，或同为3元，由独立事件的概率公式计算即得.

**【详解】**

由题意甲、乙租车费用为3元的概率分别是0.3,0.4，

∴甲、乙两人所扣出租车费用相同的概率为

$$P = 0.5 \times 0.2 + 0.2 \times 0.4 + 0.3 \times 0.4 = 0.3.$$

故选：B.

**【点睛】**

本题考查独立性事件的概率. 掌握独立事件的概率乘法公式是解题基础.

10、D

**【解析】**

试题分析：因为  $a_{n+1} = 4a_n + 3$ ，所以  $a_{n+1} + 1 = 4(a_n + 1)$ ，即  $\frac{a_{n+1} + 1}{a_n + 1} = 4$ ，所以数列  $\{a_n + 1\}$  是以  $a_1 + 1 = 4$

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/748047014043006061>