

# 2025届天津市河西区达标名校高三考前突击精选模拟试卷数学试题试卷(2)

考生请注意：

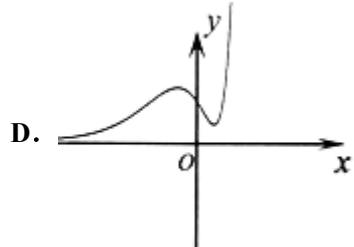
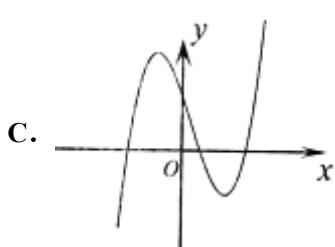
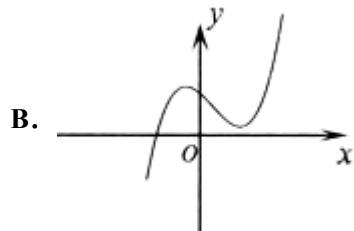
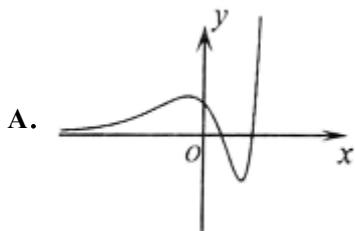
1. 答题前请将考场、试室号、座位号、考生号、姓名写在试卷密封线内，不得在试卷上作任何标记。
2. 第一部分选择题每小题选出答案后，需将答案写在试卷指定的括号内，第二部分非选择题答案写在试卷题目指定的位置上。
3. 考生必须保证答题卡的整洁。考试结束后，请将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题：本题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

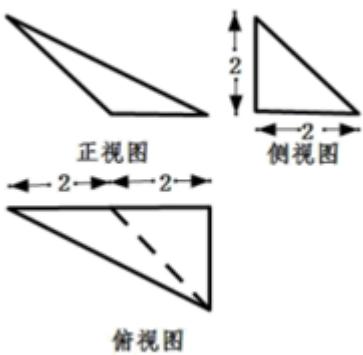
1. 过抛物线  $x^2 = 2py$  ( $p > 0$ ) 的焦点且倾斜角为  $\alpha$  的直线交抛物线于两点  $A, B$ .  $|AF| = 2|BF|$ , 且  $A$  在第一象限，则  $\cos 2\alpha =$  ( )

A.  $\frac{\sqrt{5}}{5}$       B.  $\frac{3}{5}$       C.  $\frac{7}{9}$       D.  $\frac{2\sqrt{3}}{5}$

2. 函数  $f(x) = (x^2 - 4x + 1) \cdot e^x$  的大致图象是 ( )



3. 某几何体的三视图如图所示，则该几何体中的最长棱长为 ( )



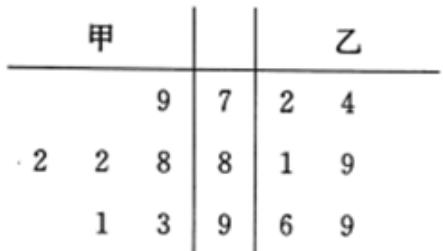
- A.  $3\sqrt{2}$       B.  $2\sqrt{5}$       C.  $2\sqrt{6}$       D.  $2\sqrt{7}$

4. 已知角  $\alpha$  的顶点与坐标原点重合, 始边与  $x$  轴的非负半轴重合, 若点  $P(2, -1)$  在角  $\alpha$  的终边上, 则  $\sin\left(\frac{\pi}{2} - 2\alpha\right) =$

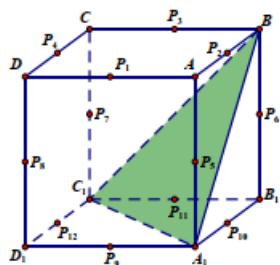
( )

- A.  $-\frac{4}{5}$       B.  $\frac{4}{5}$       C.  $-\frac{3}{5}$       D.  $\frac{3}{5}$

5. 如图是甲、乙两位同学在六次数学小测试(满分 100 分)中得分情况的茎叶图, 则下列说法错误的是( )



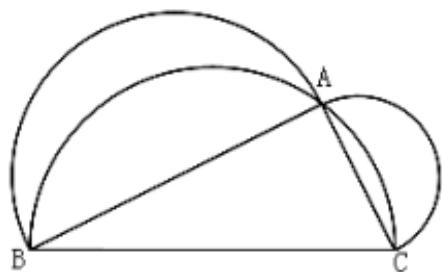
- A. 甲得分的平均数比乙大      B. 甲得分的极差比乙大  
 C. 甲得分的方差比乙小      D. 甲得分的中位数和乙相等  
 6. 正方体  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ ,  $P_i (i=1, 2, \dots, 12)$  是棱的中点, 在任意两个中点的连线中, 与平面  $A_1C_1B$  平行的直线有几条( )



- A. 36      B. 21      C. 12      D. 6

7. 下图是来自古希腊数学家希波克拉底所研究的几何图形, 此图由三个半圆构成, 三个半圆的直径分别为直角三角形  $ABC$  的斜边  $BC$ 、直角边  $AB$ 、 $AC$ , 已知以直角边  $AC$ 、 $AB$  为直径的半圆的面积之比为  $\frac{1}{4}$ , 记  $\angle ABC = \alpha$ , 则

$$\cos^2 \alpha + \sin 2\alpha = (\quad)$$



- A.  $\frac{3}{5}$       B.  $\frac{4}{5}$       C. 1      D.  $\frac{8}{5}$

8. 已知  $F$  为抛物线  $y^2 = 4x$  的焦点, 过点  $F$  且斜率为 1 的直线交抛物线于  $A$ ,  $B$  两点, 则  $|FA| - |FB|$  的值等于( )

- A.  $8\sqrt{2}$       B. 8      C.  $4\sqrt{2}$       D. 4

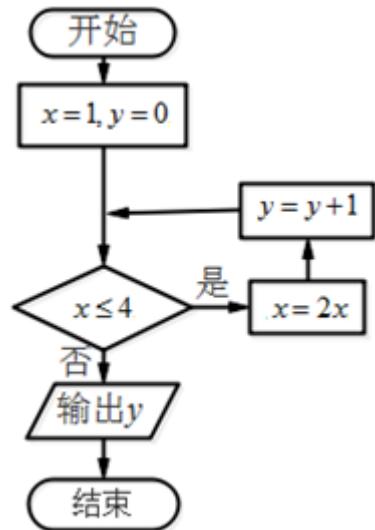
9. 已知  $S_n$  为等比数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和,  $a_5=16$ ,  $a_3a_4=-32$ , 则  $S_8=(\quad)$

- A. -21      B. -24      C. 85      D. -85

10. 已知  $\frac{|z|}{3}=\bar{z}-2i$  ( $i$  为虚数单位,  $\bar{z}$  为  $z$  的共轭复数), 则复数  $z$  在复平面内对应的点在( ) .

- A. 第一象限      B. 第二象限      C. 第三象限      D. 第四象限

11. 如图是一个算法流程图, 则输出的结果是( )



- A. 3      B. 4      C. 5      D. 6

12. 下列命题是真命题的是( )

- A. 若平面  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ , 满足  $\alpha \perp \gamma$ ,  $\beta \perp \gamma$ , 则  $\alpha // \beta$ ;
- B. 命题  $P$ :  $\forall x \in R$ ,  $1-x^2 \leq 1$ , 则  $\neg P$ :  $\exists x_0 \in R$ ,  $1-x_0^2 > 1$ ;
- C. “命题  $p \vee q$  为真”是“命题  $p \wedge q$  为真”的充分不必要条件;
- D. 命题“若  $(x-1)e^x+1=0$ , 则  $x=0$ ”的逆否命题为: “若  $x \neq 0$ , 则  $(x-1)e^x+1 \neq 0$ ”.

二、填空题: 本题共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分。

13. 已知数列  $\{a_n\}$  的各项均为正数, 记  $\{S_n\}$  为数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和, 若  $a_{n+1} = \frac{2a_n^2}{a_{n+1}-a_n}$  ( $n \in N^*$ ),  $a_1=1$ , 则

$$S_6 = \underline{\hspace{2cm}}.$$

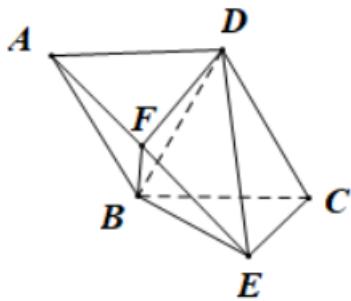
14. 若  $\left| \frac{a-i}{1+i} \right| = 2$ ,  $i$  为虚数单位, 则正实数  $a$  的值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

15. 在直角坐标系  $xOy$  中, 已知点  $A(0,1)$  和点  $B(-3,4)$ , 若点  $C$  在  $\angle AOB$  的平分线上, 且  $|OC|=3\sqrt{10}$ , 则向量  $OC$  的坐标为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

16. 已知复数  $z=(1-i)\cdot(a+i)$  ( $i$  为虚数单位) 为纯虚数, 则实数  $a$  的值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (12 分) 如图，四棱锥  $E-ABCD$  中，平面  $ABCD \perp$  平面  $BCE$ ，若  $\angle BCE = \frac{\pi}{2}$ ，四边形  $ABCD$  是平行四边形，且  $AE \perp BD$ .



(I) 求证:  $AB = AD$ ;

(II) 若点  $F$  在线段  $AE$  上, 且  $EC //$  平面  $BDF$ ,  $\angle BCD = 60^\circ$ ,  $BC = CE$ , 求二面角  $A-BF-D$  的余弦值.

18. (12 分) 已知直线  $l$  的参数方程为  $\begin{cases} x = m + \frac{\sqrt{2}}{2}t \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}t \end{cases}$  ( $t$  为参数), 以坐标原点为极点,  $x$  轴的正半轴为极轴建立极坐标系, 曲线  $C$  的极坐标方程为  $\rho^2 \cos^2 \theta + 3\rho^2 \sin^2 \theta = 12$ , 且曲线  $C$  的左焦点  $F$  在直线  $l$  上.

(I) 求  $l$  的极坐标方程和曲线  $C$  的参数方程;

(II) 求曲线  $C$  的内接矩形的周长的最大值.

19. (12 分) 在直角坐标系  $xOy$  中, 直线  $l$  的参数方程是  $\begin{cases} x = t \cos \frac{\pi}{3} \\ y = 1 + t \sin \frac{\pi}{3} \end{cases}$  ( $t$  为参数), 曲线  $C$  的参数方程是

$$\begin{cases} x = 2\sqrt{3} \cos \varphi \\ y = 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} \sin \varphi \end{cases} \quad (\varphi \text{ 为参数}), \text{ 以 } O \text{ 为极点, } x \text{ 轴的非负半轴为极轴建立极坐标系.}$$

(1) 求直线  $l$  和曲线  $C$  的极坐标方程;

(2) 已知射线  $OM$ :  $\theta_1 = \alpha \left( 0 < \alpha < \frac{\pi}{2} \right)$  与曲线  $C$  交于  $O, M$  两点, 射线  $ON$ :  $\theta_2 = \alpha + \frac{\pi}{2}$  与直线  $l$  交于  $N$  点, 若  $\Delta OMN$  的面积为 1, 求  $\alpha$  的值和弦长  $|OM|$ .

20. (12 分) 记  $S_n$  为数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和, 已知  $S_n = n^2$ , 等比数列  $\{b_n\}$  满足  $b_1 = a_1$ ,  $b_3 = a_5$ .

(1) 求  $\{a_n\}$  的通项公式;

(2) 求  $\{b_n\}$  的前  $n$  项和  $T_n$ .

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/827160103032006146>