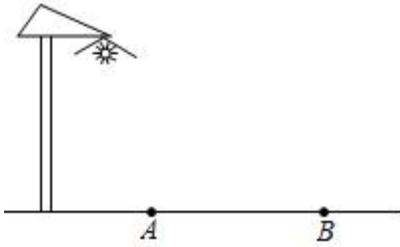


# 2022-2023 学年山东省青岛三十九中九年级（下）期初数学试卷

## 一.选择题（本题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分）

1.（3 分）如图，小明夜晚从路灯下 A 处走到 B 处这一过程中，他在路上的影子（ ）

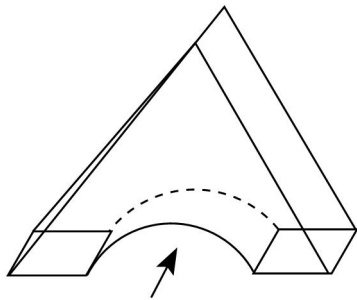


- A. 逐渐变长
- B. 逐渐变短
- C. 长度不变
- D. 先变短后变长

2.（3 分）已知关于  $x$  的一元二次方程  $(a - 1)x^2 - 2x + 1 = 0$  有两个不相等的实数根，则  $a$  的取值范围是（ ）

- A.  $a < 2$
- B.  $a > 2$
- C.  $a < 2$  且  $a \neq 1$
- D.  $a < - 2$

3.（3 分）如图所示的几何体的左视图为（ ）

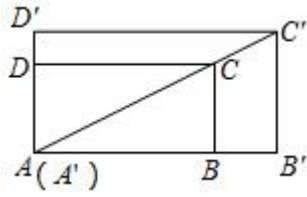


- A.
- B.
- C.
- D.

4.（3 分）反比例函数  $y = \frac{3}{x}$  图象上有三个点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ ,  $(x_3, y_3)$ ，若  $x_1 < x_2 < 0 < x_3$ ，则  $y_1$ 、 $y_2$ 、 $y_3$  的大小关系是（ ）

- A.  $y_2 < y_1 < y_3$
- B.  $y_1 < y_2 < y_3$
- C.  $y_3 < y_1 < y_2$
- D.  $y_3 < y_2 < y_1$

5.（3 分）如图矩形  $ABCD$  与矩形  $A'B'C'D'$  是位似图形，点  $A$  是位似中心，矩形  $ABCD$  的周长是 24， $BB' = 4$ ， $DD' = 2$ ，则  $AB$  和  $AD$  的长是（ ）

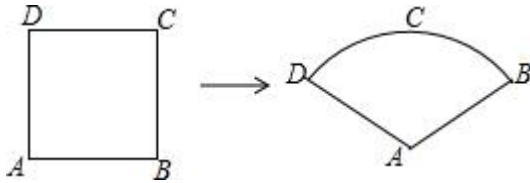


- A. 4, 2                      B. 8, 4                      C. 8, 6                      D. 10, 6

6. (3分) 已知  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $CD$  是  $AB$  边上的高, 且  $AB=5$ ,  $\cos A=\frac{4}{5}$ , 则  $CD$  的长为 ( )

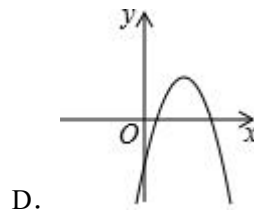
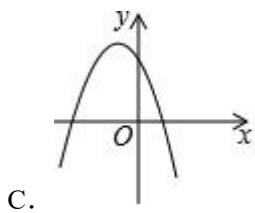
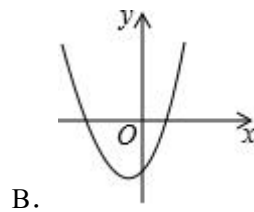
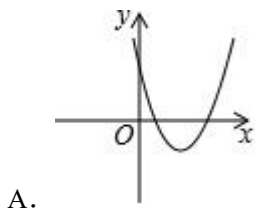
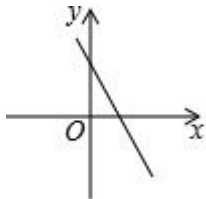
- A.  $\frac{3}{5}$                       B.  $\frac{4}{5}$                       C.  $\frac{12}{5}$                       D.  $\frac{16}{5}$

7. (3分) 如图, 某数学兴趣小组将边长为 5 的正方形铁丝框  $ABCD$  变形为以  $A$  为圆心,  $AB$  为半径的扇形 (忽略铁丝的粗细), 则所得的扇形  $ABD$  的面积为 ( )



- A.  $\frac{25}{5}\pi$                       B.  $\frac{25}{3}\pi$                       C. 25                      D. 20

8. (3分) 已知一次函数  $y=\frac{b}{a}x+c$  的图象如图, 则二次函数  $y=ax^2+bx+c$  在平面直角坐标系中的图象可能是 ( )



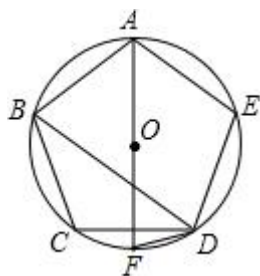
二.填空题 (共 6 小题)

9. (3分) 计算:  $2^{-1} \times \sqrt{12} + 2\cos 30^\circ =$  \_\_\_\_\_.

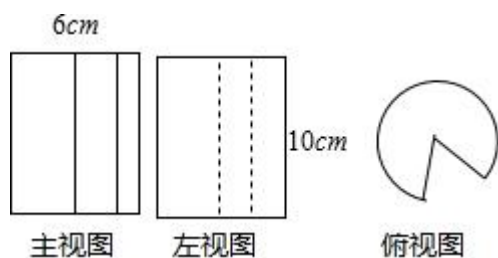
10. (3分) 已知二次函数  $y=3x^2+c$  与正比例函数  $y=4x$  的图象只有一个交点, 则  $c$  的值为 \_\_\_\_\_.

11. (3分) 一个主持人站在舞台的黄金分割点处最自然得体, 如果舞台  $AB$  长为 20 米, 一个主持人现在站在  $A$  处, 则他应至少再走 \_\_\_\_\_ 米才最理想.

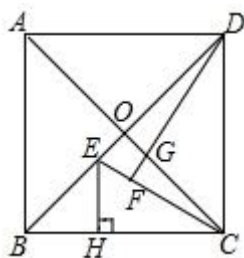
12. (3分) 如图, 五边形  $ABCDE$  是  $\odot O$  的内接正五边形,  $AF$  是  $\odot O$  的直径, 则  $\angle BDF$  的度数是 \_\_\_\_\_  $^\circ$ .



13. (4分) 用硬纸壳做一个如图所示的几何体, 其底面是圆心角为  $300^\circ$  的扇形, 则该几何体的表面积为 \_\_\_\_\_  $cm^2$ .



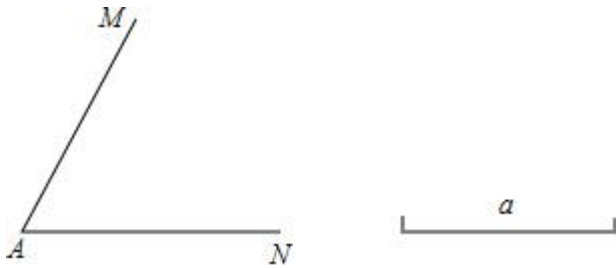
14. (4分) 如图, 点  $O$  是正方形  $ABCD$  对角线  $AC$  和  $BD$  的交点,  $E$  是  $BD$  上一点, 过点  $D$  作  $DF \perp CE$  于  $F$ , 交  $OC$  于  $G$ , 过点  $E$  作  $EH \perp BC$  于  $H$ , 已知正方形  $ABCD$  的边长为 2,  $\angle ECH=30^\circ$ , 则线段  $CG$  的长为 \_\_\_\_\_.



三.作图题 (本题满分 4 分)

15. (4分) 已知:  $\angle MAN$  和线段  $a$ .

求作: 菱形  $ABCD$ , 使顶点  $B, D$  分别在射线  $AM, AN$  上, 且对角线  $AC=a$ .



四.解答题（本题满分 72 分，共有 10 道小题）

16.（8 分）解方程：

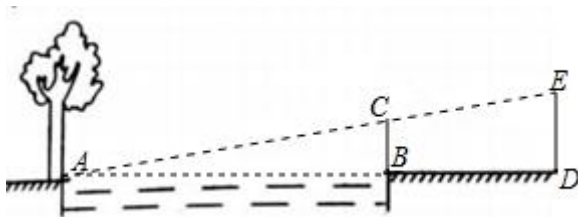
(1)  $x^2 - 2x - 3 = 0$ ;

(2)  $(y+2)^2 = (2y-1)^2$ .

17.（6 分）小华和小军做摸球游戏： $A$  袋装有编号为 1, 2, 3 的三个小球， $B$  袋装有编号为 4, 5, 6 的三个小球，两袋中的所有小球除编号外都相同. 从两个袋子中分别随机摸出一个球，若  $B$  袋摸出小球的编号与  $A$  袋摸出小球的编号之差为偶数，则小华胜，否则小军胜. 这个游戏对双方公平吗？请说明理由.

18.（6 分）周末，小华和小亮想用所学的数学知识测量家门前小河的宽. 测量时，他们选择了河对岸岸边的一棵大树，将其底部作为点  $A$ ，在他们所在的岸边选择了点  $B$ ，使得  $AB$  与河岸垂直，并在  $B$  点竖起标杆  $BC$ ，再在  $AB$  的延长线上选择点  $D$ ，竖起标杆  $DE$ ，使得点  $E$  与点  $C$ 、 $A$  共线.

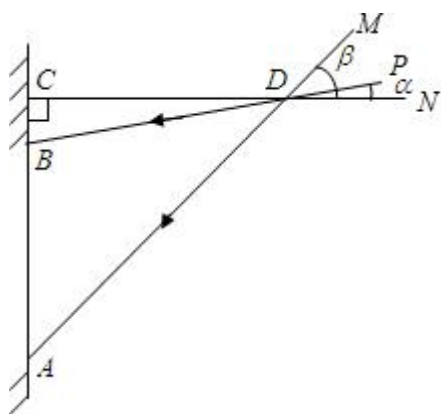
已知： $CB \perp AD$ ， $ED \perp AD$ ，测得  $BC=1m$ ， $DE=1.5m$ ， $BD=8.5m$ . 测量示意图如图所示. 请根据相关测量信息，求河宽  $AB$ .



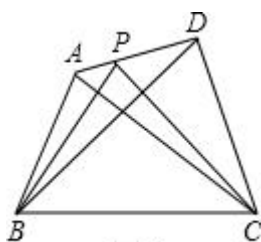
19.（6 分）某种品牌运动服经过两次降价，每件零售价由 550 元降为 352 元，已知两次降价的百分率相同，求每次降价的百分率.

20.（6 分）在一次综合实践课上，同学们为教室窗户设计一个遮阳篷，小明同学绘制的设计图如图所示，其中  $AB$  表示窗户，且  $AB=2$  米， $BCD$  表示直角遮阳篷，已知当地一年中正午时刻太阳光与水平线  $CD$  的最小夹角  $\angle PDN=18.6^\circ$ ，最大夹角  $\angle MDN=64.5^\circ$  请你根据以上数据，帮助小明同学计算出遮阳篷中  $CD$  的长是多少米？（结果精确到 0.1）

（参考数据： $\sin 18.6^\circ \approx 0.32$ ， $\tan 18.6^\circ \approx 0.34$ ， $\sin 64.5^\circ \approx 0.90$ ， $\tan 64.5^\circ \approx 2.1$ ）



21. (6分) 提出问题: 如图①, 在四边形  $ABCD$  中,  $P$  是  $AD$  边上任意一点,  $\triangle PBC$  与  $\triangle$

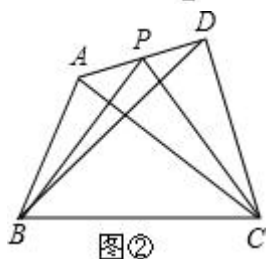


图①

$ABC$  和  $\triangle DBC$  的面积之间有什么关系?

探究发现: 为了解决这个问题, 我们可以先从一些简单的、特殊的情形入手:

(1) 当  $AP = \frac{1}{2}AD$  时 (如图②):



图②

$\because AP = \frac{1}{2}AD$ ,  $\triangle ABP$  和  $\triangle ABD$  的高相等,

$$\therefore S_{\triangle ABP} = \frac{1}{2}S_{\triangle ABD}.$$

$\because PD = AD - AP = \frac{1}{2}AD$ ,  $\triangle CDP$  和  $\triangle CDA$  的高相等,

$$\therefore S_{\triangle CDP} = \frac{1}{2}S_{\triangle CDA}.$$

$$\therefore S_{\triangle PBC} = S_{\text{四边形}ABCD} - S_{\triangle ABP} - S_{\triangle CDP}$$

$$= S_{\text{四边形}ABCD} - \frac{1}{2}S_{\triangle ABD} - \frac{1}{2}S_{\triangle CDA}$$

$$= S_{\text{四边形}ABCD} - \frac{1}{2}(S_{\text{四边形}ABCD} - S_{\triangle DBC}) - \frac{1}{2}(S_{\text{四边形}ABCD} - S_{\triangle ABC})$$

$$= \frac{1}{2}S_{\triangle DBC} + \frac{1}{2}S_{\triangle ABC}.$$

(2) 当  $AP = \frac{1}{3}AD$  时, 探求  $S_{\triangle PBC}$  与  $S_{\triangle ABC}$  和  $S_{\triangle DBC}$  之间的关系, 写出求解过程;

(3) 当  $AP = \frac{1}{6}AD$  时,  $S_{\triangle PBC}$  与  $S_{\triangle ABC}$  和  $S_{\triangle DBC}$  之间的关系式为: \_\_\_\_\_;

(4) 一般地, 当  $AP = \frac{1}{n}AD$  ( $n$  表示正整数) 时, 探求  $S_{\triangle PBC}$  与  $S_{\triangle ABC}$  和  $S_{\triangle DBC}$  之间的关系, 写出求解过程;

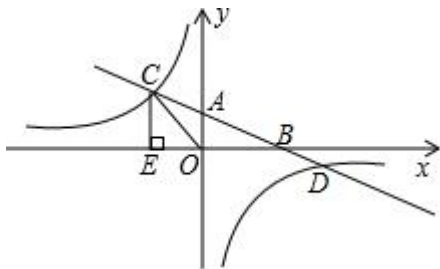
问题解决: 当  $AP = \frac{m}{n}AD$  ( $0 \leq \frac{m}{n} \leq 1$ ) 时,  $S_{\triangle PBC}$  与  $S_{\triangle ABC}$  和  $S_{\triangle DBC}$  之间的关系式为: \_\_\_\_\_.

22. (8分) 如图, 直线  $y = -\frac{1}{3}x + m$  与  $x$  轴,  $y$  轴分别交于点  $B$ 、 $A$  两点, 与双曲线相交于  $C$ 、 $D$  两点, 过  $C$  作  $CE \perp x$  轴于点  $E$ , 已知  $OB = 3$ ,  $OE = 1$ .

$D$  两点, 过  $C$  作  $CE \perp x$  轴于点  $E$ , 已知  $OB = 3$ ,  $OE = 1$ .

(1) 求直线  $AB$  和双曲线的表达式;

(2) 设点  $F$  是  $x$  轴上一点, 使得  $S_{\triangle CEF} = 2S_{\triangle COB}$ , 求点  $F$  的坐标.

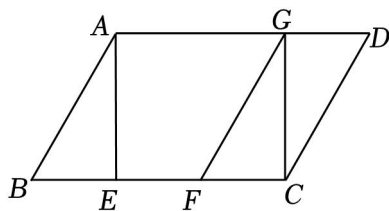


23. (8分) 已知: 如图, 在平行四边形  $ABCD$  中,  $AE$  和  $CG$  是平行四边形的高.

(1) 求证:  $BE = DG$ ;

(2) 若  $\angle B = 60^\circ$ ,  $CF = BE$ , 当  $AB$  与  $BC$  满足什么数量关系时, 四边形  $ABFG$  是菱形?

证明你的结论.



24. (8分) 某商场销售一种小商品, 进货价为 5 元/件. 当售价为 6 元/件时, 每天的销售量为 100 件. 在销售过程中发现: 销售单价每上涨 1 元, 每天的销售量就减少 10 件. 设销售单价为  $x$  元/件 ( $x \geq 6$ ), 每天销售利润为  $w$  元.

(1) 求  $w$  与  $x$  的函数关系式;

(2) 若每件文具的利润不超过 60%, 则每件文具的销售单价定为多少元时, 每天获得的利润最大, 最大利润是多少?

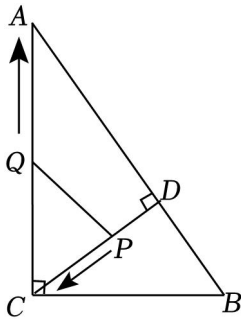
(3) 要使每天销售利润不低于 280 元，求销售单价所在的范围.

25. (10 分) 如图，在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中， $\angle ACB=90^\circ$ ， $AC=8$ ， $BC=6$ ， $CD\perp AB$  于点  $D$ . 点  $P$  从点  $D$  出，沿线段  $DC$  向点  $C$  运动，点  $Q$  从点  $C$  出，沿线段  $CA$  向点  $A$  运动，两点同时出发，速度都为每秒 1 个单位长度，当点  $P$  运动到  $C$  时，两点都停止. 设运动时间为  $t$  秒.

(1) 当  $t$  为何值时， $PQ\perp AC$ ;

(2) 连接  $PB$ ，求出四边形  $AQPB$  的面积  $S$  与  $t$  的函数关系式.

(3) 是否存在某一时刻  $t$ ，使得  $P$ 、 $Q$ 、 $B$  三点共线？若存在，求出  $t$  的值，若不存在，请说明理由.

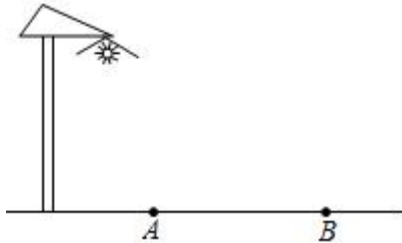


# 2022-2023 学年山东省青岛三十九中九年级（下）期初数学试卷

参考答案与试题解析

## 一.选择题（本题共 8 小题，每小题 3 分，共 24 分）

1.（3 分）如图，小明夜晚从路灯下 A 处走到 B 处这一过程中，他在路上的影子（ ）



- A. 逐渐变长    B. 逐渐变短  
C. 长度不变    D. 先变短后变长

【解答】解：当他远离路灯走向 B 处时，光线与地面的夹角越来越小，小明在地面上留下的影子越来越长，

所以他在走过一盏路灯的过程中，其影子的长度逐渐变长，

故选：A.

2.（3 分）已知关于  $x$  的一元二次方程  $(a-1)x^2 - 2x + 1 = 0$  有两个不相等的实数根，则  $a$  的取值范围是（ ）

- A.  $a < 2$     B.  $a > 2$     C.  $a < 2$  且  $a \neq 1$     D.  $a < -2$

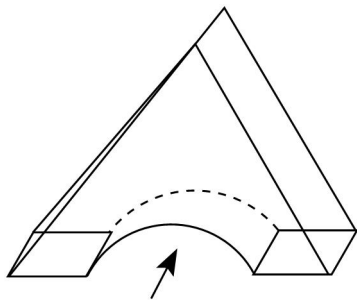
【解答】解： $\because$ 关于  $x$  的一元二次方程  $(a-1)x^2 - 2x + 1 = 0$  有两个不相等的实数根，

$$\therefore \begin{cases} a-1 \neq 0 \\ \Delta = (-2)^2 - 4(a-1) > 0 \end{cases},$$

解得： $a < 2$  且  $a \neq 1$ .

故选：C.

3.（3 分）如图所示的几何体的左视图为（ ）







【解答】解：从几何体的左面看，可得选项  $A$  的图形.

故选：  $A$  .

4. (3分) 反比例函数  $y = \frac{3}{x}$  图象上有三个点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ ,  $(x_3, y_3)$ , 若  $x_1 < x_2 < 0$

$< x_3$ , 则  $y_1, y_2, y_3$  的大小关系是 ( )

- A.  $y_2 < y_1 < y_3$       B.  $y_1 < y_2 < y_3$       C.  $y_3 < y_1 < y_2$       D.  $y_3 < y_2 < y_1$

【解答】解：  $\because k = 3 > 0$ ,

$\therefore$  反比例函数  $y = \frac{3}{x}$  图象在一三象限,  $y$  随  $x$  的增大而减小,

又  $\because$  点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$ ,  $(x_3, y_3)$  在图象上, 且  $x_1 < x_2 < 0 < x_3$ ,

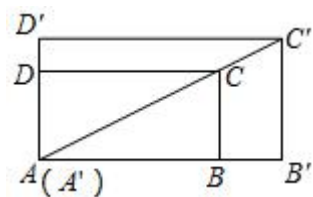
$\therefore$  点  $(x_1, y_1)$ ,  $(x_2, y_2)$  在第三象限,  $y_2 < y_1 < 0$ ,

点  $(x_3, y_3)$  在第一象限,  $y_3 > 0$ ,

$\therefore y_2 < y_1 < y_3$ ,

故选：  $A$  .

5. (3分) 如图矩形  $ABCD$  与矩形  $A'B'C'D'$  是位似图形, 点  $A$  是位似中心, 矩形  $ABCD$  的周长是 24,  $BB' = 4$ ,  $DD' = 2$ , 则  $AB$  和  $AD$  的长是 ( )



- A. 4, 2      B. 8, 4      C. 8, 6      D. 10, 6

【解答】解：  $\because$  矩形  $ABCD$  的周长是 24,

$\therefore AB + AD = 12$ ,

$\therefore AD = 12 - AB$ ,

$\therefore AB' = AB + 4$ ,  $AD' = 12 - AB + 2 = 14 - AB$ ,

$\because$  矩形  $ABCD$  与矩形  $A'B'C'D'$  是位似图形,

$\therefore CD \parallel C'D'$ ,  $BC \parallel B'C'$ ,

$\therefore \frac{AD}{AD'} = \frac{AC}{AC'}$ ,  $\frac{AB}{AB'} = \frac{AC}{AC'}$ ,

$$\therefore \frac{AD}{AD'} = \frac{AB}{AB'}, \text{ 即 } \frac{12-AB}{14-AB} = \frac{AB}{AB+4},$$

解得,  $AB=8$ ,

则  $AD=12-AB=4$ ,

故选: B.

6. (3分) 已知  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $CD$  是  $AB$  边上的高, 且  $AB=5$ ,  $\cos A = \frac{4}{5}$ , 则

$CD$  的长为 ( )

- A.  $\frac{3}{5}$                       B.  $\frac{4}{5}$                       C.  $\frac{12}{5}$                       D.  $\frac{16}{5}$

**【解答】**解:  $\because \text{Rt}\triangle ABC$  中,  $\angle C=90^\circ$ ,  $AB=5$ ,  $\cos A = \frac{4}{5}$ ,  $\cos A = \frac{AC}{AB}$ ,

$$\therefore AC=4,$$

$$\therefore BC = \sqrt{5^2 - 4^2} = 3,$$

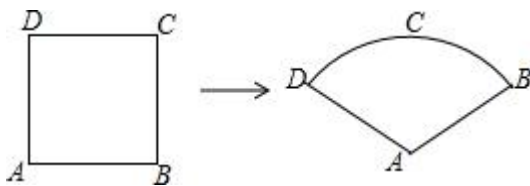
$$\therefore \frac{AC \cdot BC}{2} = \frac{AB \cdot CD}{2},$$

$$\therefore \frac{4 \times 3}{2} = \frac{5 \times CD}{2},$$

$$\text{解得, } CD = \frac{12}{5},$$

故选: C.

7. (3分) 如图, 某数学兴趣小组将边长为 5 的正方形铁丝框  $ABCD$  变形为以  $A$  为圆心,  $AB$  为半径的扇形 (忽略铁丝的粗细), 则所得的扇形  $ABD$  的面积为 ( )



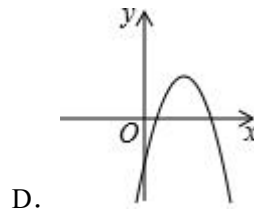
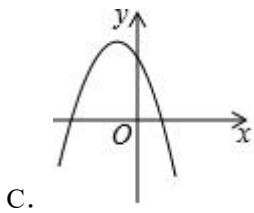
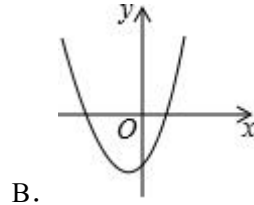
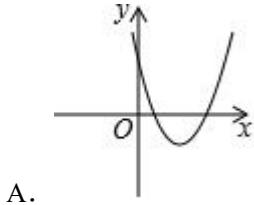
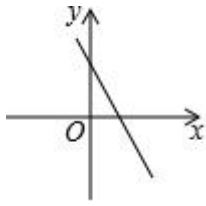
- A.  $\frac{25}{5}\pi$                       B.  $\frac{25}{3}\pi$                       C. 25                      D. 20

**【解答】**解: 由题意  $\widehat{DB} = CD + BC = 10$ ,

$$S_{\text{扇形} ABD} = \frac{1}{2} \cdot \widehat{BD} \cdot AB = \frac{1}{2} \times 10 \times 5 = 25,$$

故选: C.

8. (3分) 已知一次函数  $y = \frac{b}{a}x + c$  的图象如图, 则二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  在平面直角坐标系中的图象可能是 ( )



【解答】解：观察函数图象可知： $\frac{b}{a} < 0$ 、 $c > 0$ ，

$\therefore$  二次函数  $y = ax^2 + bx + c$  的图象对称轴  $x = -\frac{b}{2a} > 0$ ，与  $y$  轴的交点在  $y$  轴正半轴。

故选：A.

## 二. 填空题（共 6 小题）

9. (3 分) 计算： $2^{-1} \times \sqrt{12} + 2\cos 30^\circ = \underline{2\sqrt{3}}$ .

【解答】解： $2^{-1} \times \sqrt{12} + 2\cos 30^\circ$

$$= \frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} + 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$= 2\sqrt{3},$$

故答案为： $2\sqrt{3}$ .

10. (3 分) 已知二次函数  $y = 3x^2 + c$  与正比例函数  $y = 4x$  的图象只有一个交点，则  $c$  的值为

$$\underline{\frac{4}{3}}.$$

【解答】解：将正比例函数  $y = 4x$  代入到二次函数  $y = 3x^2 + c$  中，

得： $4x = 3x^2 + c$ ，即  $3x^2 - 4x + c = 0$ .

$\because$  两函数图象只有一个交点，

$\therefore$  方程  $3x^2 - 4x + c = 0$  有两个相等的实数根，

$$\therefore \Delta = (-4)^2 - 4 \times 3c = 0,$$

解得：  $c = \frac{4}{3}$ .

故答案为：  $\frac{4}{3}$ .

11. (3分) 一个主持人站在舞台的黄金分割点处最自然得体，如果舞台  $AB$  长为 20 米，一个主持人现在站在  $A$  处，则他应至少再走  $(30 - 10\sqrt{5})$  米才最理想.

【解答】解：设一个主持人现在站在  $A$  处，则它应至少再走  $x$  米才最理想. 则

①若  $AC$  是  $BC$  与  $AB$  的比例中项：



则  $\frac{AC}{AB} = \frac{BC}{AC}$ , 即  $(20 - x) : x = (\sqrt{5} - 1) : 2$

解得  $x = 10\sqrt{5} - 10$ .

②若  $BC$  是  $AC$  与  $AB$  的比例中项：



则  $\frac{AC}{BC} = \frac{BC}{AB}$ , 即  $x : (20 - x) = (\sqrt{5} - 1) : 2$

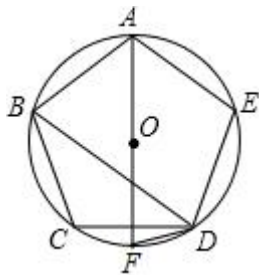
解得  $x = 30 - 10\sqrt{5}$ ;

$\because 30 - 10\sqrt{5} < 10\sqrt{5} - 10$ ,

$\therefore$  他应至少再走  $(30 - 10\sqrt{5})$  米才最理想.

故答案为：  $30 - 10\sqrt{5}$ .

12. (3分) 如图，五边形  $ABCDE$  是  $\odot O$  的内接正五边形， $AF$  是  $\odot O$  的直径，则  $\angle BDF$  的度数是  $54^\circ$ .



【解答】解：  $\because AF$  是  $\odot O$  的直径，

$\therefore \widehat{CF} = \widehat{DF}$ ,

$\because$  五边形  $ABCDE$  是  $\odot O$  的内接正五边形，

$\therefore \widehat{BC} = \widehat{DE}$ ,  $\angle BAE = 108^\circ$ ,

以上内容仅为本文档的试下载部分，为可阅读页数的一半内容。如要下载或阅读全文，请访问：<https://d.book118.com/907125015060006044>